<u>ΥCΠΕΧΗ ΦИЗИЧЕСКИХ НАУК</u>

ОБЗОРЫ АКТУАЛЬНЫХ ПРОБЛЕМ

Поляризованный свет в анизотропной среде и спин в магнитном поле

В.С. Запасский, Г.Г. Козлов

На основе формального совпадения уравнения эволюции вектора квазиспина световой волны, распространяющейся в оптически анизотропной среде, с уравнением Блоха для спина в магнитном поле, проанализирована аналогия между эффектами поляризационной оптики и динамики спина в магнитном поле. Обсуждаются эффекты поляризационных биений света, распространяющегося в двупреломляющей среде, подавления оптической активности в средах с линейным двупреломлением и линейного двупреломления в средах с пространственно-модулированной гирацией, "адиабатического" преобразования поляризации света в средах с плавно-меняющейся анизотропией, а также эффекты двух- и трехимпульсного поляризационного эха.

PACS numbers: 42.25.-p, 75.25. + z, 75.30.-mm, 78.20.-e

Содержание

- 1. Введение (909).
- Динамика вектора квазиспина световой волны в оптически анизотропной среде (910).
- Поляризационные биения в двупреломляющей среде ларморова прецессия спина в магнитном поле (911).
- Оптическая активность среды с доминирующим линейным двупреломлением — влияние слабого поперечного поля на прецессию спина в сильном поле (911).
- 5. Оптическая активность среды с пространственно-модулированной гирацией — нутация и эффект магнитного резонанса (911).
- 6. Поляризационное эхо двухимпульсное фотонное эхо (912).
- Стимулированное поляризационное эхо трехимпульсное спиновое эхо (914).
- "Адиабатическое" преобразование поляризации света в анизотропной среде — эффект адиабатического быстрого прохождения (915).
 Заключение (915).
- Список литературы (915).

Childen interpation (515)

1. Введение

Одним из наиболее популярных методов описания поляризационного преобразования света, распространяющегося в анизотропной среде, является матричный метод Джонса, представляющий поляризованный свет в виде двухкомпонентного комплексного вектора-

В.С. Запасский, Г.Г. Козлов. Всероссийский научный центр "Государственный оптический институт им. С.И. Вавилова", 199034 Санкт-Петербург, Российская Федерация Тел. (812) 428-45-66. Факс: (812) 428-72-40 E-mail: gkozlov@snoopy.phys.spbu.ru

Статья поступила 13 января 1999 г.

столбца, а анизотропную среду — в виде матрицы распространения (матрицы Джонса, см., например, [1, 2]). Тот факт, что поляризационное состояние света описывается двумя углами (эллиптичностью и азимутом оси эллипса поляризации), позволяет однозначно связать каждый вектор Джонса с единичным вектором в трехмерном пространстве — квазиспином. На этой основе строится сфера Пуанкаре, каждая точка поверхности которой соответствует определенной ориентации квазиспина или, иными словами, определенному типу поляризации света. Движение конца вектора по сфере Пуанкаре отражает эволюцию поляризации света в оптически анизотропной среде.

Пространственная динамика поляризационного преобразования света в анизотропной среде имеет много общего с динамикой спина в магнитном поле. Эта аналогия включает в себя эффекты спиновой прецессии, нутации, магнитного резонанса, двух- и трехимпульсного спинового эха, адиабатического быстрого прохождения и фазовой релаксации. Несмотря на тот факт, что уравнения эволюции вектора квазиспина световой волны, формально совпадающие с уравнениями Блоха, были получены достаточно давно [3-5], указанная аналогия, насколько нам известно, до сих пор не была последовательно описана в литературе. В этой статье мы делаем попытку рассмотреть ее по возможности максимально исчерпывающим образом. Некоторые элементы этой аналогии были рассмотрены в нашей предыдущей публикации [6], которая не включала, однако, эффекты стимулированного фотонного эха и "адиабатического" преобразования поляризации света.

В разделе 2 приводится краткое теоретическое описание пространственной динамики поляризационного преобразования света в непоглощающей среде с линейным и циркулярным двупреломлением. В разделах 3–7 в рамках указанной аналогии рассматриваются поляризационные биения в двупреломляющей среде, эффект подавления оптической активности в средах с линейным двупреломлением, эффект подавления линейного двупреломления в средах с пространственно-модулированной гирацией, "адиабатическое" преобразование поляризации света в анизотропной среде, а также эффекты двухи трехимпульсного поляризационного эха, которые, насколько нам известно, до сих пор не обсуждались в литературе как эффекты линейной поляризационной оптики. Эти эффекты, с одной стороны, представляют значительный методологический интерес, позволяя провести достаточно полную аналогию между двумя классами физических явлений, а с другой — могут найти применение в устройствах волоконно-оптической связи и оптической обработки информации, а также для целей диагностики оптической однородности поляризационностабилизированных оптических волноводов.

2. Динамика вектора квазиспина световой волны в оптически анизотропной среде

Рассмотрим процесс поляризационного преобразования света с начальным вектором Джонса $|i\rangle$, распространяющегося через среду с эллиптическим двупреломлением общего вида. Разлагая вектор Джонса $|i\rangle$ падающего света по нормальным волнам $|+\rangle$ и $|-\rangle$,

$$|i\rangle = C_+|+\rangle + C_-|-\rangle\,,$$

получаем общее выражение для вектора Джонса $|f\rangle$ прошедшей световой волны:

$$|f\rangle = C_{+}|+\rangle \exp(iDn_{+}) + C_{-}|-\rangle \exp(iDn_{-}).$$
(1)

Здесь $D = 2\pi d/\lambda = kd$ (λ — длина световой волны, k волновой вектор, d — оптическая длина пути). В системе координат, с осью *z*, направленной вдоль светового луча, векторы Джонса нормальных волн $|\mp\rangle$ будут являться собственными векторами двумерной матрицы *x*- и *y*компонент тензора обратной проницаемости среды, обычно называемого тензором поперечной непроницаемости $\hat{\eta}$ [7]:

$$\hat{\eta} = \begin{pmatrix} \eta_{xx} & \eta_{xy} \\ \eta_{yx} & \eta_{yy} \end{pmatrix}$$

 $(\eta_{ik} = \varepsilon_{ik}^{-1}).$ Собственные значения этой матрицы равны обратным квадратам показателей преломления для нормаль-

ным квадратам показателей преломления для нормальных волн. В случае малой анизотропии двумерный тензор $\hat{\eta}$ может быть представлен в форме $\hat{\eta} = 1/n^2 + \Delta \hat{\eta}$, где n — средний показатель преломления, а $\Delta \hat{\eta}$ — тензор, малый по сравнению с $1/n^2$. Очевидно, что в этом случае нормальные моды будут совпадать с собственными векторами матрицы $\Delta \hat{\eta}$. Легко показать также, что собственные значения матрицы ε_{\mp} связаны с показателями преломления нормальных мод соотношением $n_{\pm} = n(1 - \varepsilon_{\pm}/2)$. Не ущемляя общности, мы можем положить n = 1. Направим оси x и y вдоль выделенных направлений анизотропии среды. Тогда в этой системе координат действительная симметричная часть тензора $\Delta \hat{\eta}$, связанная с линейным двупреломлением, станет диагональной, и матрица $2\Delta\hat{\eta}$ может быть представлена в виде

$$2\Delta\hat{\eta} = h_0 \hat{S}_z + h_1 \hat{S}_y \,, \tag{2}$$

где \widehat{S}_x и \widehat{S}_y — спиновые матрицы Паули:

$$\widehat{S}_z = rac{1}{2} \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}; \quad \widehat{S}_y = rac{1}{2} \begin{pmatrix} 0 & -i \\ i & 0 \end{pmatrix},$$

а $h_0 \hat{S}_z$ и $h_1 \hat{S}_y$ — части тензора, отвечающие, соответственно, за циркулярное и линейное двупреломление. При $h_1 = 0$ нормальные волны поляризованы вдоль осей x и y, а h_0 — это разница соответствующих показателей преломления. При $h_0 = 0$ тензор (2) оказывается чисто мнимым, а нормальными модами становятся циркулярно-поляризованные волны с разностью соответствующих показателей преломления, равной h_1 . Последнюю величину мы в дальнейшем будем называть гирацией. Принимая во внимание тот факт, что векторы $|\mp\rangle$ являются собственными векторами матрицы (2), легко показать, что вектор Джонса $|f\rangle$ (1) удовлетворяет "уравнению Шрёдингера":

$$\frac{-\mathrm{i}\partial}{\partial D}|f\rangle = \widehat{H}|f\rangle,\tag{3}$$

где $\hat{H} = 2\Delta\hat{\eta}$. Аналогом времени в этом уравнении Шрёдингера является, с точностью до постоянного множителя, пространственная координата *D*. Как легко видеть, оператор \hat{H} (2) имеет форму гамильтониана взаимодействия между спином **S** и магнитным полем **H** с компонентами $H_z = h_0$ и $H_y = h_1$. Таким образом, мы можем воспользоваться известным результатом [8], согласно которому вектор **S**, компоненты которого выражаются через матрицы Паули соотношениями вида

$$\langle \widehat{S}_i \rangle \equiv \langle f | \widehat{S}_i | f \rangle \quad (i = x, y, z) ,$$

подчиняется уравнению Блоха

$$\frac{\mathrm{d}\mathbf{S}}{\mathrm{d}D} = [\mathbf{H}, \mathbf{S}] \,. \tag{4}$$

В явном виде вектор Джонса $|i\rangle$ и проекции квазиспина $\langle S_i \rangle$ даются выражениями

$$|i\rangle = \begin{pmatrix} \exp(i\delta)\cos\phi\\\sin\phi \end{pmatrix},\tag{5}$$

$$\begin{aligned} \langle S_z \rangle &= 0,5 \cos(2\phi) \,, \\ \langle S_x \rangle &= 0,5 \sin(2\phi) \cos \delta \,, \\ \langle S_z \rangle &= -0,5 \sin(2\phi) \sin \delta \,. \end{aligned}$$

Здесь ϕ определяется отношением амплитуд *х*- и *у*компонент световой волны ($\phi = \arctan(E_y/E_x)$), а δ фазовый сдвиг между этими компонентами.

Таким образом, мы приходим к заключению, что эволюция поляризационного состояния света в анизотропной среде формально идентична динамике спина во внешнем магнитном поле. В этой аналогии линейное и циркулярное двупреломление соответствуют двум компонентам магнитного поля, поляризация света однозначно соотносится с ориентацией спина во внешнем магнитном поле, пространственная координата является аналогом времени, координата входа световой волны в среду соответствует моменту включения магнитного поля, а нормальные волны (нормальные состояния поляризации) являются аналогами собственных состояний спина в магнитном поле. На сфере Пуанкаре "эффективное магнитное поле", действующее на световой "спин", направлено вдоль диаметра, соединяющего два нормальных поляризационных состояния света в среде (см., например, [1]). Для удобства мы ориентируем сферу Пуанкаре таким образом, чтобы эффективное магнитное поле h_0 , обусловленное линейной анизотропией, было направлено вертикально. В такой ориентации меридиональная плоскость xz (рис. 1) будет соответствовать линейно-поляризованным волнам с различными азимутами плоскости поляризации. Вдоль параллелей сферы, образованных квазиспинами с равными полярными углами ϕ , располагаются поляризационные состояния с равными отношениями проекций вектора **E** (E_x и E_y) на нормальные волны, определяемые поляризационными состояниями полюсов сферы A и B.



Рис. 1. Прецессия квазиспина **S** световой волны, распространяющейся в оптически анизотропной среде с линейным двупреломлением h_0 и гирацией h_1 . Сфера Пуанкаре на этом и последующих рисунках ориентирована таким образом, что ось *у* соответствует циркулярнополяризованному свету, а плоскость *xz* — состояниям линейной поляризации.

Рассмотрим качественно основные проявления указанной аналогии в поляризационной оптике.

3. Поляризационные биения в двупреломляющей среде ларморова прецессия спина в магнитном поле

Поляризационные биения являются простейшим и наиболее очевидным проявлением описанной аналогии. В соответствии с известными свойствами решений уравнений Блоха преобразование поляризационного состояния света, прошедшего путь D в среде, описывается поворотом соответствующего вектора квазиспина вокруг направления $H(0, h_1, h_0)$ на угол |H|D (см. рис. 1) или, другими словами, прецессией вектора квазиспина вокруг этого направления. Для простейшего случая линейно-двупреломляющей среды с нормальными состояниями поляризации, определяемыми полюсами сферы Пуанкаре А и В, поляризационная эволюция света будет описываться прецессией вектора квазиспина вокруг оси z по поляризационным состояниям с фиксированным отношением E_x и E_y компонент (см., например, [1]). Таким образом, ларморовой прецессии спина в постоянном магнитном поле соответствуют в поляризационной оптике биения поляризационного состояния света, распространяющегося через однородную двупреломляющую среду. Амплитуда биений максимальна, когда падающий свет является суперпозицией нормальных волн с равными амплитудами (угол при вершине конуса прецессии равен 90°), и биения пропадают, когда поляризация света совпадает с поляризацией одной из собственных волн среды. Аналогом последней ситуации в динамике спина является отсутствие прецессии спина, находящегося в собственном состоянии.

4. Оптическая активность среды с доминирующим линейным двупреломлением — влияние слабого поперечного поля на прецессию спина в сильном поле

Картина блоховской прецессии квазиспина световой волны делает чрезвычайно наглядным известный эффект подавления оптической (или магнитооптической) активности в среде с доминирующим линейным двупреломлением. Именно этот эффект затрудняет измерение фарадеевского вращения в оптически анизотропных кристаллах вдоль направлений, отличных от направления оптической оси. В среде, обладающей чистой оптической активностью, эволюция поляризационного состояния света описывается прецессией вектора квазиспина в плоскости xz вокруг вектора \mathbf{h}_1 , направленного вдоль оси гирации у. Очевидно, что угол вращения плоскости поляризации в такой среде может быть сколь угодно большим при достаточно большой длине оптического пути в среде. Ситуация радикальным образом меняется в присутствии доминирующего линейного двупреломления. При выполнении неравенства $|h_1| \ll |h_0|$ величина и направление эффективного магнитного поля $H(0, h_1, h_0)$ определяются преобладающей компонентой линейного двупреломления h_0 и слабо зависят от малой гирации h₁. В результате характер поляризационной эволюции света в среде не будет существенно изменен из-за наличия оптической активности [9]. Например, квазиспин световой волны, нормальной в среде с чисто линейным двупреломлением, в присутствии малой гирации *h*₁ окажется лишь незначительно отклоненным от направления эффективного магнитного поля **H**(0, h_1, h_0) (на угол $\alpha = \arctan(h_1/h_0)$), который вызовет его прецессию с малым углом раствора α и, следовательно, проявится лишь в малых пространственных осцилляциях его поляризационного состояния (рис. 2). Такое подавление оптической активности является, по сути дела, демонстрацией векторного закона сложения линейного и циркулярного двупреломления [11] и в терминах блоховской модели отражает очевидную невозможность заметной прецессии спина вокруг слабого (постоянного) магнитного поля h_1 в присутствии сильного поля h_0 , ортогонального **h**₁.

5. Оптическая активность среды с пространственно-модулированной гирацией — нутация и эффект магнитного резонанса

Как известно из теории магнитного резонанса, слабое магитное поле способно оказать существенное воздействие на спин, находящийся в сильном магнитном поле,



Рис. 2. Подавление оптической активности в линейно-двупреломляющей среде.

если это слабое поле не постоянно, а осциллирует на частоте, близкой к частоте ларморовой прецессии спина. В терминах поляризационной оптики это означает, в частности, что малая гирация h_1 может существенно повлиять на поляризационное преобразование света в линейно-двупреломляющей среде, если гирация пространственно осциллирует на частоте, близкой к частоте поляризационных биений света, т.е. к частоте ларморовой прецессии квазиспина световой волны в эффективном поле линейного двупреломления $H(0,0,h_0)$. Пусть, например, гирация среды меняется вдоль светового пучка по закону

$$h_1(D) = g_0 \cos(\Omega D) \,.$$

Пространственный период этой зависимости, в соответствии с определением D, равен λ/Ω .

Для анализа динамики квазиспина световой волны целесообразно, как это обычно делается в теории магнитного резонанса, перейти к системе координат, вращающейся с пространственной частотой Ω . Тогда (4) принимает вид уравнения Блоха с не зависящим от *D* вектором поля **H**':

$$\frac{\mathrm{d}\mathbf{S}'}{\mathrm{d}D} = [\mathbf{H}',\mathbf{S}],$$

где $\mathbf{H}' = (0, g_0, h_0 - \Omega)$. Если $\Omega = h_0$, т.е. пространственный период гирации равен периоду поляризационных биений (λ/h_0) , обусловленных линейным двупреломлением h_0 , то квазиспин световой волны во вращающейся системе координат будет вести себя так же, как в среде с пространственно-однородной гирацией g_0 . Если, кроме того, длина среды соответствует целому числу пространственных периодов гирации, "вращающаяся система координат" совершит в процессе распространения света вдоль среды целое число оборотов и при выходе света из среды вновь окажется в своем исходном состоянии. Таким образом, квазиспин света на выходе окажется повернутым на угол g_0D , как если бы свет распространялся через среду с постоянной гирацией g_0 и без линейного двупреломления.

Описанный поляризационный эффект, как легко видеть, представляет собой аналог эффекта магнитного резонанса в отсутствии релаксации. В этой аналогии подавление линейного двупреломления (обращение в нуль *z*-компоненты вектора $\mathbf{H}' = (0, g_0, h_0 - \Omega)$ при $h_0 = \Omega$) соответствует в спиновой динамике подавлению эффективного продольного магнитного поля в системе координат, вращающейся с частотой, близкой к частоте ларморовой прецессии, а вращение плоскости поляризации в "резонансных" условиях соответствует нутации спина на частоте Раби (см., например, [8]).

Описанный эффект находит применение в устройствах интегральной оптики [9] и может также использоваться для измерений константы Верде в оптически анизотропных кристаллах, когда линейное двупреломление затрудняет регистрацию эффекта Фарадея (см., например, [10]).

6. Поляризационное эхо — двухимпульсное фотонное эхо

Посмотрим теперь, как выглядит поляризационный аналог хорошо известного в магнитном резонансе эффекта двухимпульсного фотонного эха. Как известно, эффект спинового эха является результатом компенсации обратимой фазовой релаксации в спиновой системе с дисперсией ларморовых частот. Аналогом указанной дисперсии в оптической системе может быть, например, разброс пространственных частот поляризационных биений, связанный с хроматизмом двупреломления в анизотропной среде.

Рассмотрим протяженный одномодовый негиротропный оптический волновод с пространственно-однородным линейным двупреломлением. Оптический волновод выбран нами как наиболее реалистичный и естественный случай протяженной двупреломляющей среды. Поместим центральную область волновода в пространственно-периодическое магнитное поле. Практически это можно сделать, навив катушку из нескольких витков световода и поместив ее в постоянное магнитное поле [12] (рис. 3). Длина одного витка такой катушки выбирается равной пространственному периоду поляризационных биений в волноводе на длине волны λ_0 (λ_0/h_0). В соответствии с вышесказанным, такое "резонансное" магнитное поле, в отличие от однородного, может



Рис. 3. (а) Схема наблюдения эффекта поляризационного эха в двупреломляющем оптическом волноводе. (б) Пространственное изменение степени поляризации света *P* в оптическом волноводе.

существенным образом повлиять на поляризационное состояние света с длиной волны λ_0 . Если длина этой области выбрана равной полупериоду рабиевской частоты нутаций квазиспина, то указанная магнитооптическая активность реализует эффективный π -импульс, и поляризационная эволюция света в волноводе будет точно соответствовать картине спиновой прецессии при эффекте спинового эха.

Действительно, пусть свет со средней длиной волны λ_0 , спектральной шириной $\Delta \lambda$ и поляризацией, определяемой квазиспином S, падает на вход A волновода (рис. 3а). Рассмотрим эволюцию квазиспина спектральной компоненты с длиной волны λ в системе координат, вращающейся с частотой $\Omega_0 = 2\pi h_0(\lambda_0)/\lambda_0$. Как уже указывалось выше, эффективное двупреломление среды во вращающейся системе координат оказывается подавленным, и квазиспин спектральной компоненты λ будет прецессировать вокруг эффективного поля $\mathbf{H}(0,0,\Omega_0-\Omega)$ $[\Omega=2\pi h_0(\lambda)/\lambda]$ с малой частотой $|\mathbf{H}|D$, определяемой разницей между λ и λ_0 и дисперсией показателя преломления. После прохождения пути АВ квазиспин выбранной спектральной компоненты, прецессирующей вокруг Н, окажется повернутым на некоторый угол α и займет положение S₁ (рис. 4). На промежутке ВС, расположенном в пространственно осциллирующем магнитном поле (рис. 3а), вектор квазиспина в соответствии с вышесказанным повернется на 180° вокруг оси $y(h_1)$ (направление оси вращения в действительности определяется, как и в случае истинного спинового эха, фазой осциллирующего поля h_1) и займет положение S_2 . В дальнейшем, по мере распространения света к концу волновода, вектор квазиспина световой волны повернется вокруг вектора h_0 (см. рис. 4) на тот же угол α, поскольку область с осциллирующим магнитным полем располагается точно в центре волновода. Как легко видеть, в системе координат, повернутой на угол π вокруг оси y, динамика квазиспина в области $\mathbf{S}_2 \to \mathbf{S}'$ совпадает с его динамикой в области $\mathbf{S} \to \mathbf{S}_1$ в исходной системе координат при замене h_0 на $-h_0$. При такой замене квазиспин света S₂, вращающийся вокруг оси z, достигнув конца волновода, окажется в положении, идентичном первоначальному положению вектора S.



Рис. 4. Эволюция квазиспина монохроматической компоненты световой волны в эффекте поляризационного эха.

Таким образом, квазиспин световой волны на выходе из световода (S' на рис. 4) будет представлять собой первоначальный вектор квазиспина S, повернутый на угол π относительно оси y. С точностью до этого поворота векторы квазиспина выходящего и падающего света будут идентичны. Если квазиспин первоначального состояния поляризации световой волны направлен вдоль оси y (как обычно предполагается при модельном описании эффекта спинового эха), поляризационные состояния входного и выходного пучка будут идентичными.

Очевидно, что вышеприведенное описание справедливо для любой спектральной компоненты падающего квазимонохроматического излучения. В результате, картина поляризационной эволюции света может быть представлена следующим образом. Свет конечной спектральной ширины $\Delta \lambda$, поляризованный на входе в световод, оказывается практически полностью деполяризованным после прохождения по световоду расстояния порядка $\lambda_0^2/(h_0\Delta\lambda)$ (длина деполяризации в поляризационной оптике является аналогом времени затухания свободной индукции в спиновой динамике). К этому моменту квазиспины различных спектральных компонент распределятся достаточно равномерно по конической поверхности с углом при вершине, определяемым состоянием поляризации падающего света (отношением проекций исходного вектора квазиспина на векторы нормальных волн в световоде). После действия "лимпульса" в центральной части волновода квазиспин каждой спектральной компоненты будет повернут таким образом, что все квазиспины после прохождения второй половины волновода снова соберутся на его выходе и сформируют таким образом "поляризационное эхо" — световую волну, поляризованную идентично падающей на световод (с точностью до несущественного поворота квазиспина на угол π (рис. 36)). Этот процесс в спиновой динамике иногда называют "инверсией времени", осуществляемой π-импульсом высокочастотного магнитного поля. В поляризационной оптике — это инверсия пространственной координаты.

Вышеприведенный способ реализации π-импульса, основанный на применении пространственно-модулированной гирации, был выбран, чтобы сохранить, с одной стороны, полноту аналогии с динамикой спина, а с другой, целостность двупреломляющей среды (световода). Пожертвовав этой целостностью и воспользовавшись недоступной для магнетизма возможностью мгновенно изменять эффективное магнитное поле в поляризационной оптике, мы можем реализовать лимпульс значительно более простым способом. Легко видеть, что для этого требуется разрезать волновод посередине и поместить в образовавшийся зазор полуволновую фазовую пластинку с осями, повернутыми на 45° по отношению к осям двупреломления волновода. Это даст тот же результат, который достигался с помощью модулированной гирации. В магнитных терминах такой вариант соответствует выключению магнитного поля h_0 с одновременным включением поперечного поля h₁ на время, равное полупериоду спиновой прецессии в поле h_1 . Возможен еще один, наиболее прямолинейный, способ реализации той же "инверсии времени": две половины световода соединяются, будучи предварительно повернуты друг относительно друга на на угол π/2. В магнитных терминах это соответствует мгновенной инверсии магнитного поля h₀. Инверсия прецессии квазиспина становится в этом случае тривиальной.

Описанный эффект может найти применение в системах волоконно-оптической связи для воспроизведения на выходе однородного двупреломляющего оптического волновода поляризационного состояния света (в том числе и поляризационной модуляции света), приходящего на его вход. Как легко видеть, хроматизм двупреломления, аналогичный неоднородности магнитного поля в эффекте спинового эха, вызывает обратимую фазовую релаксацию когерентной прецессии и тем самым разрушает информацию, содержащуюся в поляризационном состоянии светового пучка. Эта информация может быть восстановлена с помощью своего рода дешифратора — области с пространственно-модулированным магнитным полем.

7. Стимулированное поляризационное эхо — трехимпульсное спиновое эхо

В рамках предложенной аналогии мы можем также сконструировать точный аналог эффекта трехимпульсного спинового эха, который, как известно, позволяет (в терминах магнетизма) сохранить информацию о временном интервале между двумя резонансными импульсами в спектральном рельефе населенности спиновой системы.

Рассмотрим поляризационную эволюцию света в геометрии следующего эксперимента. Пусть немонохроматический линейно-поляризованный свет распространяется через протяженную линейно-двупреломляющую среду с двумя зазорами $(a \, u \, b)$, отстоящими на равные расстояния L от ее концов (рис. 5а). Предполагается, что плоскость поляризации падающего света составляет угол 45° с осями двупреломления среды (квазиспин направлен вдоль оси у; см. рис. 56) и что длина L существенно превосходит длину деполяризации L_{dep}. Тогда при подходе к первому зазору а свет оказывается практически полностью деполяризованным — квазиспины различных спектральных компонент световой волны распределены достаточно равномерно в плоскости ху (рис. 5б). Однако из-за различных фазовых сдвигов для различных спектральных компонент поляризационное состояние пучка оказывается спектрально промодулированным. В силу сделанного допущения $L \gg L_{dep}$, спектральный период этой поляризационной модуляции оказывается много меньшим спектральной ширины



Рис. 5. Схема наблюдения эффекта трехимпульсного поляризационного эха (а) и соответствующая эволюция квазиспина световой волны (6-д).

светового пучка $\Delta \lambda$. Существенно, что в результате несколько спектральных компонент характеризуются одной и той же поляризацией и, следовательно, одним и тем же положением вектора квазиспина в плоскости *xy*.

Подействуем теперь на вектор квазиспина " $\pi/2$ импульсом" путем помещения в зазор а четвертьволновой фазовой пластинки с осями двупреломления, составляющими угол 45° с осями двупреломления среды. В результате плоскость ху, заполненная квазиспинами, повернется на угол 90° вокруг оси *у* и займет положение, соответствующее плоскости ху (рис. 5г). После этой операции квазиспины определенных спектральных компонент окажутся направленными вдоль оси z, т.е. совпадут с векторами нормальных поляризационных состояний в среде и в процессе дальнейшего распространения света в среде окажутся "замороженными". Легко видеть, что соответствующие поляризационные состояния характеризуются периодической спектральной структурой с периодом Δv , определяемым при заданном двупреломлении h_0 длиной L: $\Delta v = c/(h_0 L)$. Информация о длине L начального деполяризующего участка среды, закодированная таким образом в спектральной структуре поляризации света, будет хранится до момента действия второго импульса $\pi/2$, который возвратит в неизменном виде совокупность этих квазиспинов в плоскость *xy*. Второй импульс $\pi/2$ реализуется таким же образом, как и первый, с помощью четвертьволновой фазовой пластинки (b, рис. 5). При такой последовательности поляризационных преобразований можно считать, что указанная совокупность квазиспинов в результате подвергается действию π-импульса, и для этой выделенной совокупности спинов ситуация оказывается аналогичной ситуации двухимпульсного эха: на расстоянии L от фазовой пластинки b будет восстановлено исходное поляризационное состояние световой волны. Не входя в подробности количественного описания эффекта, отметим, что по аналогии со случаем стимулированного спинового эха в магнитном резонансе, величина сигнала эха будет относительно мала, поскольку сигнал формируется в этом случае далеко не всей совокупностью спинов (рис. 5д). Иными словами, степень поляризации света в импульсе эха, даже в идеальных условиях, будет далека от 100 %. Форма и амплитуда сигнала эха могут быть определены аналогично тому, как это делается в двухимпульсном эхе, с помощью поляризационного компенсатора К (см. рис. 5) и могут быть использованы для диагностики, например, качества оптических волноводов

В заключение этого раздела сделаем два замечания. Во-первых, как легко видеть, для спектрально модулированного поляризованного света, участвующего в формировании описанного выше сигнала стимулированного эха, могут наблюдаться кратные эхо-сигналы, хорошо известные в магнитном резонансе, на длинах конечного участка волновода (после зазора b), кратных L. Вовторых, поскольку приведенное выше рассмотрение не учитывало в явном виде эффекты необратимой фазовой релаксации, начальное состояние поляризации света может быть полностью восстановлено на выходе из световода. Это потребует, например, поместить после участка ав волновода полуволновую фазовую пластинку и участок волновода, идентичный участку ab. Таким путем мы фактически восстановим состояние поляризации света на входе участка ав методом простого двухимпульсного эха (см. раздел 6). После этого амплитуда сигнала стимулированного эха достигнет 100 %.

8. "Адиабатическое" преобразование поляризации света в анизотропной среде — эффект адиабатического быстрого прохождения

Рассмотренный недавно эффект адиабатического следования поляризации света за медленными изменениями параметров анизотропии среды [13] является, по сути дела, поляризационным аналогом хорошо известного в спиновой динамике эффекта адиабатического прохождения. Суть эффекта состоит в том, что в среде с плавно меняющейся анизотропией нормальная на входе в среду световая волна будет оставаться нормальной в процессе ее распространения подобно тому, как спин в отсутствии релаксации следует за направлением медленно меняющегося магнитного поля. Как было показано в [13] этот эффект может быть использован для реализации практически идеального ахроматического поляризационного преобразователя нового типа. Следует заметить, что условия адиабатического быстрого прохождения могут быть реализованы в поляризационной оптике значительно проще, чем в спиновой динамике, поскольку проблемы релаксации в первом случае значительно менее существенны.

9. Заключение

Рассмотренная в настоящей работе аналогия между эволюцией состояния поляризации света в анизотропной среде и, в общих терминах, динамикой когерентности в ансамбле двухуровневых атомов с неоднородным уширением позволяет исключительно наглядно описать основные закономерности поляризационного преобразования света в оптически анизотропной среде и даже предсказать некоторые новые эффекты. Кроме того, описанная аналогия позволяет использовать решения известных квантовомеханических задач в качестве решений соответствующих задач поляризационной оптики. Заметим, в частности, что задача адиабатического быстрого прохождения для продольного магнитного поля, меняющегося во времени по линейному закону, может быть решена точно [14]. Очевидно, этот результат может быть использован для анализа предложенных в [13] поляризационных преобразователей.

Рассмотренный подход, на наш взгдяд, представляет прежде всего методологический интерес, поскольку позволяет значительно упростить качественный анализ поляризационных эффектов в анизотропных средах. Кроме того, эффекты, описанные в настоящей работе, могут найти применение в оптических системах обработки информации, а также в экспериментальных исследованиях оптически анизотропных сред.

Список литературы

- 1. Аззам Р М, Башара Н М Эллипсометрия и поляризованный свет (М.: Мир, 1981)
- Шерклиф У *Поляризованный свет*. Получение и использование (М.: Мир, 1965)
- 3. Kubo H, Nagata R J. Opt. Soc. Am. 73 1719 (1983)
- 4. Kubo H, Nagata R J. Opt. Soc. Am. 2 30 (1985)
- 5. Звездин А К, Котов В А Магнитооптика тонких пленок (М.: Наука, 1988)
- 6. Запасский В С, Козлов Г Г Опт. и спектр. 78 100 (1995)
- 7. Ярив А, Юх П Оптические волны в кристаллах (М.: Мир, 1987)
- 8. Сликтер Ч П Основы теории магнитного резонанса 2-е изд. (М.: Мир, 1981)
- 9. Четкин М В, Щербаков Ю И ФТТ 11 1620 (1969)
- 10. Stolen R H, Turner E H Appl. Opt. **19** 842 (1980)
 - Най Дж Физические свойства кристаллов и их описание при помощи тензоров и матриц (М.: Мир, 1967)
 - 12. Day G W et al. J. Lightwave Technol. LT-2 56 (1984)
 - Даршт М Я, Зельдович Б Я, Кундикова Н Д Опт. и спектр. 82 660 (1997)
 - 14. Демков Ю Н Вестн. ЛГУ. Сер. физ. хим. (4) 7 (1966)

Polarized light in anisotropic medium versus a spin in a magnetic field

V.S. Zapasskiĭ, G.G. Kozlov

All-Russia Research Center "Vavilov State Optical Institute", 199034 St. Petersburg, Russian Federation Tel. (7-812) 428-4566 Fax (7-812) 428-7240 E-mail: gkozlov@snoopy.phys.spbu.ru

The analogy between polarization optics effects and the dynamics of a spin in a magnetic field is analyzed based on the fact that the Bloch equation for a spin in a magnetic field is formally identical to the evolution equation for the quasi-spin vector of a light wave in an optically anisotropic medium. Among the effects discussed within this framework are light polarization beats in a birefringent media; optical activity suppression in linearly birefringent media; suppression of linear birefringence in gyration modulated media; 'adiabatic' transformation of light polarization in media of smoothly varying anisotropy; and two- and three-pulse polarization echoes. While the last-named effect has not, to the authors' knowledge, been mentioned in the literature, it can be of practical interest for fiber-optics communication and optical information processing technologies.

PACS numbers: 42.25.-p, 75.25.+z, 75.30.-m, 78.20.-e

Bibliography — 14 references