

## КОНФЕРЕНЦИИ И СИМПОЗИУМЫ

## Мезоскопические и сильнокоррелированные электронные системы "Черноголовка — 97"

## 5. Мезоскопическая сверхпроводимость и кулоновская блокада

PACS numbers: 73.40.-c, 74.80.Fp

В пятом разделе конференции были представлены следующие доклады:

1. **Петрашов В.** (Лондон, Англия). *Неравновесные гибридные наноструктуры сверхпроводник-нормальный металл.*

2. **Волков А.Ф.** (Институт радиоэлектроники РАН, Россия), **Павловский В.В.** (Физико-технологический институт РАН, Россия). *Явления фазовой когерентности в S/N/S структурах.*

3. **Пурье В.** (Сакле, Франция), **Санкер М.** (Гренобль, Франция). *Аномалии подщелевой проводимости в контактах GaAs со сверхпроводником.*

4. **Андреев А.Ф.** (ИФП им. Капицы, Москва, Россия). *Бозе-конденсация и сверхпроводимость в мезоскопических системах: спонтанное нарушение пространственно-временных симметрий.*

5. **Имри И.** (Институт Вейцмана, Израиль). *Орбитальный парамагнитный отклик электронов на границе сверхпроводник – металл.*

6. **Спивак Б.** (Физический факультет, Вашингтонский университет, Сизтл, Вашингтон, США и Институт исследований твердого тела Макса Планка, Лаборатория сильных магнитных полей, Гренобль, Франция), **Зюзин А.** (Физико-технический институт им. А.Ф. Иоффе, Россия). *Взаимодействие Рудермана – Киттеля с памятью знака в неупорядоченных металлах и магнитная связь в мезоскопических слоистых системах металл/ферромагнетик.*

7. **Гейм А.** (Университет Ниймеген, Голландия). *Фазовые переходы в мезоскопических сверхпроводниках.*

8. **Аверин Д.А.** (Университет Стони Брук, США). *Множественное Андреевское рассеяние и электронный транспорт в неупорядоченных S-N-S контактах.*

9. **Мартин Родеро А.** (Независимый университет, Мадрид, Испания). *Сверхпроводящий транспорт в наноструктурах с несколькими проводящими каналами.*

10. **Иванов Д. А.** (ИТФ им. Л.Д. Ландау, Черноголовка, Россия; Массачусетский технологический институт, Кембридж, Массачусетс, США), **Фейгельман М.В.** (ИТФ им. Л.Д. Ландау, Россия). *Кулоновские эффекты в баллистическом одноканальном S-S-S-транзисторе.*

11. **Матвеев К.А.** (Университет Дюк, США), **Ларкин А.И.** (Университет Миннесота, США, и ИТФ им. Л.Д. Ландау, Россия). *Сверхпроводимость в сверхмалых гранулах.*

12. **Мюллер П.** (Университет Эрланген, Германия). *Электроника на атомном масштабе: от ВТСИ до самоорганизующихся сверхмолекул.*

13. **Солдатов Е.С., Ханин В.В., Трифонов А.С., Преснов Д.Е., Яковенко С.А., Хомутов Г.Б.** (Физический факультет, Московский государственный университет, Москва, Россия), **Губин С.П.** (Институт общей и неорганической химии, Москва, Россия), **Колесов В.В.** (Институт радиоэлектроники, Москва, Россия), **Коротков А.Н.** (Научно-исследовательский институт ядерной физики, Московский государственный университет, Москва, Россия). *Молекулярный одноэлектронный транзистор, работающий при комнатной температуре.*

14. **Крупенин В.А., Лотхов С.В.** (Лаборатория криоэлектроники, Московский государственный университет, Москва, Россия), **Шерер Х., Вайманн Т., Зорин А.Б., Алерс Ф.-Й., Нимайер Й., Вольф Х.** (Федеральная лаборатория технической физики, Брауншвайг, Германия). *Зондирование динамических зарядовых состояний с помощью одноэлектронных туннельных транзисторов.*

15. **Кузьмин Л.** (Физический факультет, Московский Государственный университет, Москва, и Университет Чалмерс, Швеция). *Блоховские осцилляции в сверхмалых джозефсоновских переходах с высокоомным окружением.*

16. **Шитов А.В., Ли П.А., Левитов Л.С.** (Массачусетский технологический институт, Кембридж, Массачусетс, США). *Локализация квазичастиц в NS-структуре.*

Ниже публикуются доклады 2, 6, 10, 13, 14, 16. Содержание ряда других докладов можно найти: № 4 — *Письма в ЖЭТФ* 63 963 (1996); 64 618 (1996), № 8 — *cond-mat/9706087*, № 9 — *cond-mat/9711263*, № 11 — *cond-mat/9701041*

## Явления фазовой когерентности в S/N/S структурах

А.Ф. Волков, В.В. Павловский

## 1. Введение

Прогресс в нанотехнологии за последние несколько лет сделал возможным получение проводящих наноструктур, в которых наблюдаются новые физические явления.

В частности, были созданы структуры смешанного типа, состоящие из сверхпроводников (S) и нормальных проводников (N). В качестве нормальных проводников использовались металлические пленки [1–5] или полупроводниковые слои [5–7]. Транспортные свойства этих S/N структур оказались весьма необычными. Во-первых, в магнитном поле  $H$  наблюдались осцилляции проводимости этих мезоскопических структур (т.е. структур, размеры которых меньше, чем длина сбоя фазы  $L_\phi$ ). Осцилляции проводимости N-каналов возникали, если структура содержала сверхпроводящий или нормальный контур [1–4, 6]. Более того, для N-канала, находящегося в контакте со сверхпроводниками, при  $T \ll T_c$  наблюдалась немонотонная зависимость проводимости от температуры  $T$  и напряжения  $V$  [4]. Основные экспериментальные факты были объяснены в недавних теоретических работах. Установлено, что эффект близости играет главную роль в транспортных свойствах. Например, проводимость N-канала в структуре, показанной на рис. 1, изменяется в результате вклада конденсата, индуцированного эффектом близости. Поскольку конденсат индуцируется обоими сверхпроводниками нелокальным образом, возникает интерференция, и в сопротивлении N-канала появляется член  $-\delta R \cos \varphi$ , который зависит от разности фаз  $\varphi$  между сверхпроводниками [8–10]. При увеличении магнитного поля  $H$  разность фаз возрастает, и это приводит к осцилляциям проводимости N-канала в магнитном поле. Немонотонная зависимость сопротивления  $R$  N-канала от  $T$  и  $V$  тоже получила объяснение [11, 12] (см. также теоретические работы в трудах конференции [7]). Немонотонная зависимость сопротивления  $R(T, V)$  в точке контакта ScN (с — сужение) впервые получена теоретически в работе [13].

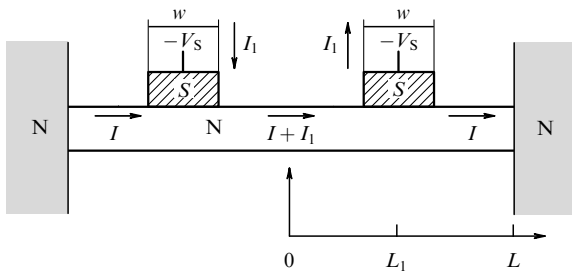


Рис. 1. Схема исследуемой системы.

Новые эффекты были предсказаны также в теоретических работах, посвященных S/N структурам. Например, в работе [14, 15] было показано, что джозефсоновский ток  $I_c$  в структуре типа изображенной на рис. 1 зависит от напряжения  $V_S$  между S и N проводниками, изменяя знак ( $\pi$ -контакт), если  $V_S$  превышает некоторое значение. Кроме того, было показано, что эффект Джозефсона возникает также в случае, когда ток течет только через одну S/N границу. Несколько разных конфигураций S/N структур изучались в работе [16]. Было установлено, что при определенных условиях вольт-амперные характеристики S/N структур имеют понижающиеся участки ( $dI/dV < 0$ ).

В работе [17] было отмечено одно важное обстоятельство (см. также [7]). Было показано, что локальная проводимость N-канала изменяется на расстояниях от S/N границы, которое может быть много больше длины

когерентности  $\xi_N = \sqrt{D/2\pi T}$  ( $D$  — коэффициент диффузии). Из этого факта вытекают важные следствия. Например, в проводимости N-канала эффекты фазовой когерентности сохраняются, даже когда расстояние  $2L_1$  между сверхпроводниками много больше  $\xi_N$ . Это означает, что осцилляции проводимости в структуре, показанной на рис. 1, будут наблюдаться также в случае пренебрежимо малого критического тока  $I_c$ . Эффект сохранения осцилляций обусловлен тем фактом, что когда  $T$  возрастает,  $I_c$  уменьшается экспоненциально ( $I_c \sim \exp(-2L_1/\xi_N(T))$ ), а  $\delta R$  уменьшается медленно ( $\delta R \sim T^{-1}$ ) [18].

В настоящей работе рассматривается возможность наблюдения далекодействующих эффектов фазовой когерентности в S/N/S структуре, изображенной на рис. 1. В частности, будет показано, что эффекты джозефсоновского типа могут возникать в этой структуре даже когда выполняется условие

$$2L_1 \gg \xi_N(T) = \sqrt{\frac{D}{2\pi T}}, \quad (1)$$

т.е. когда джозефсоновский ток  $I_c$  пренебрежимо мал. Эти эффекты возникают только в том случае, когда вдоль N-канала течет ток  $I$ , и имеется диссипация [23].

## 2. Основные уравнения. Дальнедействующие эффекты Джозефсона

Как и в работах [8–18], в настоящей работе исследуется диффузионный режим переноса заряда ( $l \ll \xi_N$ ,  $l$  — средний свободный пробег), и используется уравнение для суперматрицы  $\check{G}$ , элементами которой являются матричные функции Грина — запаздывающая (опережающая) функции  $\check{G}^{R(A)}$  — и функция Келдыша  $\check{G}$  [19]. Эти уравнения дополняются подходящими условиями на S/N границе [20, 21].

Уравнение для суперматрицы  $\check{G}$ , усредненной по толщине N пленки, имеет вид [10, 18]

$$D\partial_x(\check{G}\partial_x\check{G}) + i\epsilon[\check{\sigma}_z, \check{G}] = \epsilon_b w \delta(x \pm L_1)[\check{G}_S, \check{G}]. \quad (2)$$

Правая часть (2) описывает влияние сверхпроводника S на N-канал, в котором все функции  $\check{G}_S$  считаются равновесными. Коэффициент  $\epsilon_b$  представляет собой характеристическую энергию, которая пропорциональна коэффициенту прохождения через S/N-границу:  $\epsilon_b = \rho D / 2R_{b\Box} d_N$ ,  $R_{b\Box}$  — сопротивление единицы площади S/N-границы;  $\rho$  и  $d_N$  — удельное сопротивление и толщина N-пленки. Взаимодействие с фононами и эффекты распаривания не учитываются, поскольку система является мезоскопической:  $2L < \min(\sqrt{D\tau_\epsilon}, \sqrt{D/\gamma})$ ,  $\tau_\epsilon$  — время релаксации энергии, а  $\gamma$  — скорость распаривания. Для простоты предполагается, что ширина  $w$  S/N границы мала по сравнению с  $\xi_N$ . Элементами суперматрицы  $\check{G}$  являются матрицы запаздывающей (опережающей) функций Грина  $\check{G}^{R(A)}$  и матрица  $\check{G}$ , связанная с функциями распределения  $f$  и  $f_0$  [19].

При выводе уравнения (2) использовалось граничное условие

$$D(\check{G}\partial_x\check{G}) = (\epsilon_b d_N)[\check{G}, \check{G}_S]. \quad (3)$$

Здесь ось  $z$  перпендикулярна к плоскости S/N. Граничные условия для квазиклассических функций Грина  $\check{G}$  в общем случае были выведены Зайцевым [20] и были сведены в "грязном" случае к простому виду (3) Купри-

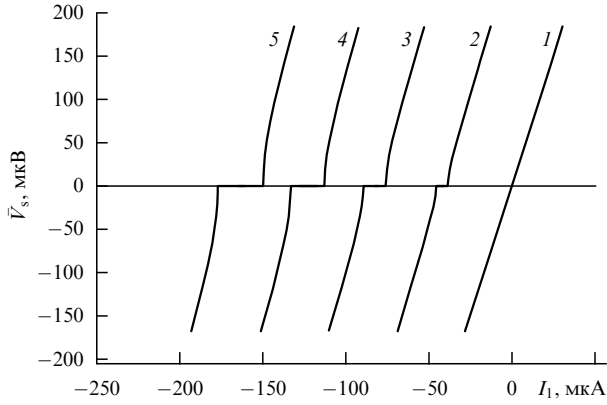


Рис. 2.  $\bar{V}_S$  в зависимости от тока  $I_1$  для следующих значений тока: 1 — 0; 2 — 250 мкА; 3 — 500 мкА; 4 — 750 мкА; 5 — 1 мкА. Здесь  $\delta R_1 = 0,1 R_1$ ;  $R_b = 5 R_1$ ;  $R_1 = 1$  Ом.

яновым и Лукичевым [21]. В случае хорошего S/N-контакта условие (3) сводится к непрерывности функций Грина на границе раздела S/N:  $\tilde{G} = \tilde{G}_S$ . Для плохого контакта ( $\epsilon_b \rightarrow 0$ ) условие (3) дает тот же результат для тока через поверхность раздела S/N, который был получен с помощью метода туннельного гамма-тонна [20]. Однако для S/N контакта с произвольной прозрачностью барьера условие (3) неприменимо. Дело в том, что при выводе уравнения (3) Куприянов и Лукичев [21] ограничились при разложении зависящей от углов функции Грина  $\tilde{G}$  полиномами Лежандра нулевого и первого порядка. Между тем, нетрудно показать, что вблизи S/N-границы (или N/N') возбуждаются все гармоники Лежандра. На расстоянии от границы раздела порядка средней длины свободного пробега они спадают до нуля (за исключением полиномов Лежандра нулевого и первого порядка). Чтобы получить поправку следующего порядка по  $\epsilon_b$  к условию (3), надо решить интегральное уравнение [22]. В случае S/N-границы с произвольной прозрачностью барьера проблема граничных условий для квазиклассических функций Грина усложняется.

Далее рассматривается случай высокого барьера, причем рассмотрение ограничивается самым низшим членом разложения по  $\epsilon_b$ . Затем с использованием (3) в качестве граничного условия будет получено уравнение (2).

Ток в системе выражается через функции  $f$ , которые определяются из уравнения (2) с граничным условием

$$f(\pm L) = \pm F_N(\epsilon), \quad (4)$$

где  $F_N(\epsilon) = 1/2 [\tanh(\epsilon + eV_N)\beta - \tanh(\epsilon - eV_N)\beta]$  — равновесная функция в N-резервуарах, и  $\beta = (2T)^{-1}$ . Метод решения тот же, что и в работах [15–18]. Умножим элементы (1,2), соответствующие Келдышевской функции  $\tilde{G}$  суперматричного уравнения (2) на  $\hat{\sigma}_z$  и вычислим шпур. После одного интегрирования получаем

$$[1 - m_-(x)] \partial_x f = \begin{cases} J + J_1 - J_S, & 0 < x < L_1, \\ J, & L_1 < x < L. \end{cases} \quad (5)$$

Здесь функция  $m_-(x) = (1/8) \text{Sp} [\hat{F}^R(x) - \hat{F}^A(x)]^2$  определяет поправку к проводимости N канала, обусловленную эффектом близости. Это главная поправка в данной

задаче. Постоянные интегрирования  $J$  и  $J_1$  можно было бы назвать парциальными "токами" на единицу энергии. Точнее говоря, ток  $I$  на участке  $(L_1, L)$  есть интеграл по энергии

$$I = (2e\rho)^{-1} d_N \int d\epsilon J(\epsilon). \quad (6)$$

Ток на участке  $(0, L_1)$  выражается той же формулой, если заменить  $J$  на  $J + J_1$ . Величина  $J_S$ , входящая в уравнение (5), представляет собой сверхпроводящий "ток", который на участках  $(L_1, L)$  и  $(0, L_1)$  не зависит от  $x$  и определен через конденсатные функции как

$$J_S = \left(\frac{1}{4}\right) \text{Sp} \hat{\sigma}_z (\hat{F}^R \partial_x \hat{F}^R - \hat{F}^A \partial_x \hat{F}^A). \quad (7)$$

Если выполняется условие (1), интеграл от  $J_S$  (7) по энергии экспоненциально мал. Как следует из уравнения (2), константа  $J_1$  связана с функцией Грина и функцией распределения в сверхпроводнике. Ее можно записать в следующем виде [10, 18]

$$J_1 = J_q + \tilde{J}_S, \quad J_q = \left(\frac{\rho}{d_N} \Re_b\right) [F_S(\epsilon) - f(L_1)]. \quad (8)$$

Здесь  $\Re_b = R_{b\Box}/w [v_N v_S + (1/8) \text{Sp} (\hat{F}^R + \hat{F}^A) (F_S^R + F_S^A)]^{-1}$  — сопротивление S/N-границы на единицу длины в направлении  $y$  и  $v_N, v_S$  — плотность состояний в N- и S-проводниках. Можно показать, что для  $V_{N,S}$ , которое мало по сравнению с  $T/e$ , "сверхток"  $\tilde{J}_S$ , протекающий через S/N-границу, равен  $J_S$ . Функция распределения  $F_S$  представляет собой равновесную функцию, т.е. она идентична функции в уравнении (4), если  $V_N$  заменить на  $V_S$  (потенциалы отсчитываются от точки 0, где напряжение равно нулю). Используя малость  $m_-$ , можно проинтегрировать (5) и найти связь  $J$  и  $J_q$  с  $F_N$  и  $F_S$  (см. граничное условие (4)). Получаем нормальные токи

$$\begin{aligned} \left(\frac{d_N}{\rho}\right) J &= \frac{\Re_b F_N + \Re_1 (F_N - F_S)}{\Re_b \Re + \Re_1 \Re_2}, \\ \left(\frac{d_N}{\rho}\right) J_1 &\approx J_q \left(\frac{d_N}{\rho}\right) = \frac{\Re_2 F_S + \Re_1 (F_S - F_N)}{\Re_b \Re + \Re_1 \Re_2}. \end{aligned} \quad (9)$$

Здесь  $\Re_b$  определено в (8); величину  $\Re = \Re_1 + \Re_2$ , где  $\Re_{1,2} = R_{1,2}(1 + \langle m_- \rangle)$ , можно назвать парциальным сопротивлением. Пространственное среднее  $\langle m_- \rangle_{1,2}$  на участках  $(0, L_1)$  и  $(L_1, L)$  дает уменьшение сопротивления за счет эффекта близости ( $\langle m_- \rangle$  отрицательно). Все сопротивления в (9) зависят от разности фаз  $\varphi$  и от энергии; их можно представить в виде  $\Re_b = R_b - \delta \Re_b \cos \varphi$  и  $\Re_{1,2} = R_{1,2} - \delta \Re_{1,2} \cos \varphi$ . Поправки к сопротивлениям  $\delta \Re_b$  и  $\delta \Re_{1,2}$  в случае слабого эффекта близости малы, величины  $R_b$  и  $R_{1,2}$ , вообще говоря, зависят от энергии  $\epsilon$  (например,  $v_S$  зависит от  $\epsilon$ ). Предположим для простоты, что эти величины не зависят от энергии. Это справедливо, если допустить, что сверхпроводники являются бесщелевыми (в случае сверхпроводников с щелью результаты качественно не меняются). Тогда, интегрируя уравнение (9) по энергии, получаем в левой части токи  $I$  и  $I_1$  (см. (6)). Исключая  $V_N$  из двух полученных уравнений, находим для  $V_S$

$$V_S = \hbar \frac{\partial \varphi}{4e} = I_1 [R_b + R_1 - (\delta R_b + \delta R_1) \cos \varphi] + I (R_1 - \delta R_1 \cos \varphi). \quad (10)$$

Здесь использованы соотношения Джозефсона;  $R_b$  — сопротивление на S/N-границе, которое в случае сверхпроводников с нулевой щелью приблизительно равно значению в нормальном состоянии. Сопротивление  $R_1$  также приблизительно равно  $\rho L_1/d_N$  (независящая от  $\varphi$  поправка, возникающая из  $\langle m_- \rangle$  мала и несущественна). Интегрируя уравнение (10), получаем соотношение между средним напряжением  $\bar{V}_S$  и фиксированными токами  $I$  и  $I_1$ .

$$\bar{V}_S = \sqrt{[(I + I_1)R_1 + I_1R_b]^2 - [(I + I_1)\delta R_1 + I_1\delta R_b]^2}. \quad (11)$$

Функция  $\bar{V}_S(I_1)$  изображена на рис. 2 для различных токов  $I$ . Видно, что для  $I \neq 0$  эта зависимость идентична вольт-амперной характеристике стандартного джозефсоновского контакта. В этом случае критический ток

$$I_c = I \frac{\delta R_1 R_b - \delta R_b R_1}{(R_b + R_1)^2}. \quad (12)$$

Следовательно,  $I_c$  возрастает пропорционально току  $I$ . Ниже будет показано, что поправка  $\delta R_1$  медленно уменьшается при повышении температуры ( $\delta R_1 \sim T^{-1}$ ), а поправка  $\delta R_b$  мала, если выполняется условие (1). Следовательно, для  $R_b \gg R_1$  получаем  $I_c \simeq I \delta R_1 / R_b$ . Максимальный ток  $I$  ограничен условием малости Джоулева тепла и условием  $eV_N \simeq eIR \ll T$ . В противоположном случае  $\delta R_1$  уменьшается, когда увеличивается  $V_N$ . Если условие (1) не выполняется, и между сверхпроводниками существует конечное джозефсоновское взаимодействие, то нетрудно показать, что критический ток в структуре равняется  $I_c^* = (I_c^2 + I_{cJ}^2)^{1/2}$ , где  $I_{cJ}$  — критический джозефсоновский ток. Выражение для  $I_{cJ}$  можно легко получить с помощью уравнения (6). Это выражение приведено в работе [10]. Равновесная разность фаз  $\varphi_0$  для  $I + IR_1/(R_b + R_1) = 0$  равна  $\varphi_0 = -\arcsin(I_c/I_c^*)$ .

Чтобы определить  $\delta R_1$  и  $\delta R_b$ , надо найти конденсатные функции  $\hat{F}^{R(A)}$ , индуцированные эффектом близости. Уравнение для  $\hat{F}^{R(A)}$  следует из (2) и является линейным в случае малой  $\hat{F}^{R(A)}$  [10, 15, 18]. Для  $|x| < L_1$  решение этого уравнения имеет вид

$$\hat{F}^{R(A)}(x) = F_S^{R(A)} \left[ i\hat{\sigma}_y \cos\left(\frac{\varphi}{2}\right) P_y \cosh(kx) + i\hat{\sigma}_x \sin\left(\frac{\varphi}{2}\right) P_x \sinh(kx) \right]^{R(A)}. \quad (13)$$

Здесь  $F_S^{R(A)}$  — амплитуда конденсатных функций в сверхпроводниках. В случае нулевой щели  $F_S^{R(A)} = \pm \Delta/(\epsilon \pm i\gamma_S)$ , где  $\gamma_S$  — частота столкновений с примесями с переворотом спина. Функции  $P_{x,y}$  равны:

$$P_x = \frac{b \sinh \theta_2}{(\sinh \theta + b \sinh \theta_1 \sinh \theta_2)},$$

$$P_y = \frac{b \sinh \theta_2}{(\cosh \theta + b \cosh \theta_1 \sinh \theta_2)},$$

$$b = \frac{\rho w}{(R_b d_N)} k, \quad k^{R(A)} = \sqrt{\mp \frac{2i\epsilon}{D}},$$

$$\theta = \theta_1 + \theta_2, \quad \theta_{1,2} \equiv \theta'_{1,2} + i\theta''_{1,2} = kL_{1,2}. \quad (14)$$

Если функции  $\hat{F}^{R(A)}$  известны, можно вычислить интерференционную поправку к сопротивлению  $\delta R_1$ :

$$\delta R_1 = -R_1 \int_0^\infty d\epsilon \beta \cdot \cosh^{-2}(\epsilon\beta) \left\langle m_-(x, \varphi) - m_-\left(x, \frac{\pi}{2}\right) \right\rangle_1. \quad (15)$$

С помощью выражений для  $\langle m_- \rangle_1$  (см. (5)) и для  $\hat{F}^{R(A)}$  (см. (13)) находим

$$\frac{\delta R_1}{R_1} = \int_0^\infty d\epsilon \beta \cdot \cosh^{-2}(\epsilon\beta) M(\epsilon), \quad (16)$$

где

$$M(\epsilon) = \left(\frac{1}{8}\right) \left\{ |F_S|^2 \left[ |P_y|^2 \left[ \frac{\sinh(2\theta'_1)}{2\theta'_1} + \frac{\sin(2\theta''_1)}{2\theta''_1} \right] - |P_x|^2 \left[ \frac{\sinh(2\theta'_1)}{2\theta'_1} - \frac{\sin(2\theta''_1)}{2\theta''_1} \right] + \operatorname{Re} F_S^2 \left[ P_y^2 \left( \frac{\sinh(2\theta_1)}{2\theta_1} + 1 \right) - P_x^2 \left( \frac{\sinh(2\theta_1)}{2\theta_1} - 1 \right) \right] \right\}.$$

Температурная зависимость  $\delta R_1$  изображена на рис. 3. Видно, что для  $T > \epsilon_{L_1} = D/(2L_1)^2$  величина  $\delta R_1$  уменьшается при возрастании температуры как  $T^{-1}$ . Как отмечено в работах [15, 18], слабое уменьшение  $\delta R_1(T)$  обусловлено так называемым аномальным членом  $F_R F_A$  в  $\langle m_- \rangle_1$ . Особая роль этого члена, который неаналитичен как в верхней, так и в нижней полуплоскости  $\epsilon$ , была отмечена в работе [24].

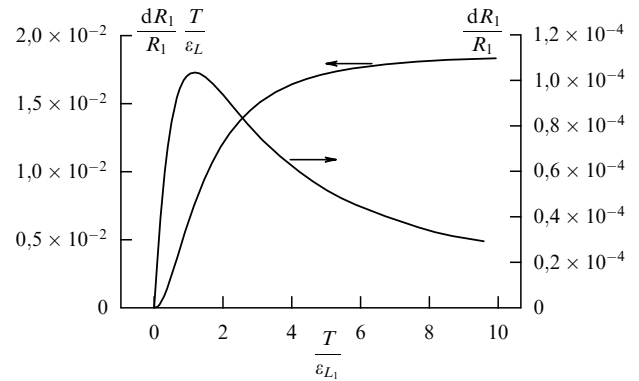


Рис. 3. Интерференционная поправка  $\delta R_1$  к сопротивлению как функция температуры в случае  $L_1 = 0,5L$ ;  $R/R_b = 0,4$ ;  $\gamma/\epsilon_L = 100$ ,  $\Delta/\epsilon_L = 30$ .

Джозефсоновский ток  $I_S$  определяется интегралом от  $J_S$  (7) по всем энергиям, т.е. интегралом от произведений или опережающих или запаздывающих функций Грина. Его можно вычислить, замыкая контур интегрирования в верхней (нижней) полуплоскости  $\epsilon$  и переходя к суммированию по мацубаровским частотам  $\omega_n = \pi T(2n + 1)$ . Для таких энергий функции  $F^{R(A)}$  экспоненциально спадают с увеличением расстояния  $k^{-1}(\omega_n) \leq \xi_n(T)$  от S/N-границы. Следовательно, ток  $I_S$  будет экспоненциально мал ( $I_S \sim \exp(-2L_1/\xi_N(T))$ ). Функция  $I_S(T)$  для структуры, показанной на рис. 1, приводится в работе [18]. Аналогичные аргументы применимы также к вычислению  $\delta R_b$ , поскольку для  $T < \gamma_S$  можно предположить, что функции  $F_S^R$  и  $F_S^A$  равны и не зависят от энергии. В то же

время функция  $F^R F^A$ , возникающая в выражении для  $\delta R_1$ , спадает на малых (по сравнению с  $T$ ) энергиях  $\epsilon_{L_1} = D/(2L_1)^2$  и вносит ненулевой вклад. Для таких энергий характеристическая длина спада  $F^{R(A)}(x)$  имеет порядок  $L_1$ , т.е. порядок расстояния между сверхпроводниками.

Для того, чтобы наблюдались дальнедействующие эффекты Джозефсона, критический ток  $I_c$  должен превышать флуктуационный ток:  $I_c \gg Te/\hbar$ . С другой стороны, обычным эффектом Джозефсона можно пренебречь, если выполняется условие  $\epsilon_{L_1} \ll T$ . Комбинируя эти неравенства, получаем условие

$$\frac{TR_b R_1}{\delta R_b R_Q} \ll \epsilon_{L_1} \ll T, \quad (17)$$

которое должно выполняться, чтобы наблюдались описываемые эффекты. Здесь  $R_Q = \hbar/e^2 \approx 3$  кОм и учтено, что максимальное значение  $I$  определяется соотношением  $eIR \leq \epsilon_{L_1}$ . В противном случае  $\delta R_1$  уменьшается при увеличении  $I$ . Первое неравенство в (17) означает, что нулевая ступень Шапиро на кривой  $I_1(V_S)$  при  $I = 0$  отсутствует. Если второе неравенство в (16) не выполняется, то критический ток при  $I = 0$  не равен нулю (обычный эффект Джозефсона). В этом случае эффективный критический ток  $I_c^*$  должен сначала увеличиваться при возрастании  $I$ , а затем уменьшаться, когда  $I$  превышает  $\epsilon_{L_1}/eR$ .

### 3. Заключение

В заключение отметим, что как видно из рис. 3, поправка  $\delta R_1$  к сопротивлению нормального канала, обусловленная эффектом близости, зависит от температуры  $T$  немонотонно: она равна нулю при  $T = 0$  (напряжение смещения также равно нулю), достигает максимума при  $T \approx \epsilon_{L_1}$  и спадает до нуля при повышении  $T$ . Такое поведение  $\delta R_1(T)$ , как отмечено в [15], связано с различными зависимостями от энергии  $\epsilon$  двух вкладов в  $\delta R_1$ . Один вклад, который увеличивает сопротивление N-канала, связан с уменьшением плотности состояний в нормальном канале. Он описывается последним членом в  $M(\epsilon)$  (см. (16)). Другой вклад (аномальный), который уменьшает сопротивление нормального канала, описывается двумя первыми членами в  $M(\epsilon)$ . Этот вклад точно компенсирует вклад, обусловленный изменением плотности состояний нормального канала при  $\epsilon = 0$ , и является доминирующим при  $\epsilon \neq 0$ . При  $T > T_c$  он приводит к вкладу Маки–Томпсона в парапроводимость. Математически компенсация этих двух вкладов при  $\epsilon = 0$  возникает потому, что при  $\epsilon = 0$ ,  $F^R = F^A$ , а  $m_-$  в (15) обращается в нуль. Монотонное поведение  $\delta R$  наблюдалось в эксперименте [4]. Было бы интересно наблюдать дальнедействующий эффект Джозефсона экспериментально.

Работа выполнена при поддержке Российского фонда фундаментальных исследований (грант No. 96-02-16663а), Российской программы по высокотемпературной сверхпроводимости (грант No. 96053) и CRDF (грант No. RP1-165). Авторы выражают благодарность за эту поддержку.

### Список литературы

1. Petrashov V T et al. *Phys. Rev. Lett.* **70** 347 (1993); *Phys. Rev. Lett.* **74** 5268 (1995)

2. Pothier H et al. *Phys. Rev. Lett.* **73** 2488 (1994)
3. Vegvar P G N et al. *Phys. Rev. Lett.* **73** 1416 (1994)
4. Courtois H et al. *Phys. Rev. Lett.* **76** 130 (1996); Charlat D et al. *Phys. Rev. Lett.* **77** 4950 (1996)
5. Dimoulas H et al. *Phys. Rev. Lett.* **74** 602 (1995); den Hartog S G et al. *Phys. Rev. Lett.* **76** 4592 (1996)
6. Nguen C, Kroemer H, Hu E L *Phys. Rev. Lett.* **69** 2847 (1992)
7. Poirier W, Mailly D, Sanquer M, in *Proc. of the Conf. on Correlated Fermions and Transport in Mesoscopic Systems* (Les Arcs, France, 1996)
8. Hekking F W, Nazarov Yu V *Phys. Rev. Lett.* **71** 1525 (1993); *Phys. Rev. B* **49** 6847 (1994)
9. Zaitsev A V *Phys. Lett. A* **194** 315 (1994)
10. Volkov A F, Zaitsev A V *Phys. Rev. B* **53** 9267 (1996)
11. Nazarov Yu V, Stoof T H *Phys. Rev. Lett.* **76** 823 (1996)
12. Volkov A F, Allsopp N, Lambert A C J. *Phys. Cond. Matter* **8** 45 (1996)
13. Artemenko S N, Volkov A F, Zaitsev A V *Solid State Comm.* **30** 771 (1979)
14. Volkov A F *Phys. Rev. Lett.* **74** 4730 (1995); *Письма в ЖЭТФ* **61** 556 (1995) [*JETP Lett.* **61** 565 (1995)]
15. Volkov A F, Pavlovskii V V, in *Proc. of the Conf. on Correlated Fermions and Transport in Mesoscopic Systems* (Les Arcs, France, 1996)
16. Зайцев А В *Письма в ЖЭТФ* **61** 755 (1995) [*JETP Lett.* **61** 771 (1995)]
17. Zhou F, Spivak B Z, Zyuzin A *Phys. Rev. B* **52** 4467 (1995)
18. Volkov A F, Takayanagi H *Phys. Rev. Lett.* **76** 4026 (1996); Antonov V N, Volkov A F, Takayanagi H *Phys. Rev. B* **55** 3836 (1997)
19. Larkin A I, Ovchinnikov Yu N, in *Nonequilibrium Superconductivity* (Eds D N Langenberg, A I Larkin) (Amsterdam: Elsevier, 1986) p. 493
20. Зайцев А В *ЖЭТФ* **86** 1742 (1984) [*Sov. Phys. JETP* **59** 1015 (1984)]
21. Куприянов М Ю, Лукичев В Ф *ЖЭТФ* **94** 139 (1988) [*Sov. Phys. JETP* **67** 1163 (1988)]
22. Lambert C J et al. *Phys. Rev. B* **55** 6015 (1997)
23. Волков А Ф, Павловский В В *Письма в ЖЭТФ* **64** 624 (1996) [*Sov. Phys. JETP Lett.* **64** 670 (1996)]
24. Горьков Л П, Элиашберг Г М *ЖЭТФ* **56** 1297 (1969) [*Sov. Phys. JETP* **29** 698 (1969)]

## Взаимодействие Рудермана – Киттеля с памятью знака в неупорядоченных металлах и магнитная связь в мезоскопических слоистых системах металл/ферромагнетик

Б. Спивак, А. Зюзин

В случае, когда два парамагнитных спина помещены в чистый немагнитный металл при нулевой температуре  $T = 0$ , энергия обменного взаимодействия Рудермана – Киттеля между ними имеет хорошо известный вид [1]

$$I_{ij}(\mathbf{R}_1, \mathbf{R}_2) = I_0 \frac{\cos(2p_F |\mathbf{R}_1 - \mathbf{R}_2|)}{(p_F |\mathbf{R}_1 - \mathbf{R}_2|)^d} \delta_{ij}. \quad (1)$$

Здесь  $I_0$  — множитель, пропорциональный квадрату обменного взаимодействия между локализованными спинами и спинами электронов проводимости в металле,  $p_F$  — импульс Ферми в металле,  $d$  — размерность пространства,  $i, j$  — спиновые индексы и  $\mathbf{R}_1, \mathbf{R}_2$  — координаты локализованных спинов. В случае неупорядоченных металлов  $|\mathbf{R}_1 - \mathbf{R}_2| \gg l \gg p_F^{-1}$  амплитуда средней обменной энергии Рудермана – Киттеля

$$\langle I_{ij}(\mathbf{R}_1, \mathbf{R}_2) \rangle \sim \exp\left(-\frac{|\mathbf{R}_1 - \mathbf{R}_2|}{l}\right), \quad (2)$$