лежащих ниже 3D-состояний, равно

$$n_0=rac{m}{\hbar^2\pi}\,arepsilon_0\,.$$

Включение магнитного поля ведет к формированию уровней Ландау с кратностью вырождения каждого уровня (с учетом спина)

$$n_{\rm L} = \frac{m}{\pi \hbar} \, \omega_{\rm c}$$

Число уровней, лежащих ниже нулевой 3D-подзоны Ландау ( $E_0 = \hbar \omega_c/2$ ), равно  $v = [\varepsilon_0/\hbar \omega_0]$  и, следовательно, полное число состояний на этих уровнях

$$\frac{m}{\hbar\pi}\,\omega_{\rm c}\!\left[\frac{\varepsilon_0}{\hbar\omega_{\rm c}}\right]\leqslant n_0\,.$$

Таким образом, если полное число частиц  $n < n_0$  (при B = 0 все они находились в области 2D-состояний), то при включении поля эта ситуация сохраняется, и все частицы являются двумерными. Иными словами, при увеличении поля 2D-уровни Ландау с номерами *v* последовательно пересекают дно нулевой 3D-подзоны Ландау, но при условии  $n < n_0$  к этому моменту всегда оказываются пустыми. 3D-подзона всегда оказывается пустой.

Ситуация в корне меняется при учете различия масс. Число 2D-состояний  $n_0$  в нулевом поле, лежащих ниже минимума 3D-состояний, равно  $n_0 = (m/\pi\hbar)\Omega(0)$ , где  $\Omega(0)$  — решение уравнения

$$\Omega(0) - arepsilon_0 iggl( rac{\Omega(0)}{\Omega_0} iggr) = 0 \,.$$

В области  $I \Omega_0 = \Omega_e$ , а в областях 4 и 5  $\Omega_0 = \Omega_e y_-$ . Пусть  $n_b^{\nu}$  — число 2D-состояний непосредственно перед пересечением  $\nu$ -м 2D-уровнем нулевой 3D-подзоны, а  $n_a^{\nu}$  — соответствующее число сразу после пересечения, т.е.

$$n_{\rm b}^{\rm v} = \frac{m}{\hbar\pi}\omega_{\rm v}({\rm v}+1), \qquad n_{\rm a}^{\rm v} = \frac{m}{\hbar\pi}\omega_{\rm v}{\rm v}$$

( $\omega_v$  соответствует полю при пересечении).

Можно показать на основе (13) и (14), что последовательности чисел  $n_b^v$  и  $n_a^v$  организованы следующим образом:

$$\dots > n_{b}^{\nu-1} > n_{b}^{\nu} > n_{b}^{\nu+1} > \dots > n_{0} , \quad \lim_{\nu \to \infty} n_{b}^{\nu} = n_{0} ,$$
  
$$n_{0} > \dots > n_{a}^{\nu+1} > n_{a}^{\nu} > n_{a}^{\nu-1} > \dots , \quad \lim_{\nu \to \infty} n_{a}^{\nu} = n_{0} .$$
(18)

Таким образом,  $n_b^v$  сходится к  $n_0$  сверху, а  $n_a^v$  — снизу, и для любого числа частиц *n* < *n*<sub>0</sub> всегда найдется такое число *v*, что  $n_a^{v+1} > n > n_a^v$ . При этом начиная с номера *v* 2D-уровни будут пересекать дно основной 3D-подзоны частично заполненными и опустошаться с формированием 3D-резервуара носителей. Этот резервуар вплоть до его истощения с ростом поля будет поддерживать следующий уровень полностью заполненным. Само же истощение резервуара произойдет раньше, чем уровень v – 1 дойдет до 3D-состояний. В результате происходит ступенчатое изменение заполнения 2D-уровней Ландау даже при фиксации числа частиц в системе, а не химического потенциала. Отметим, что экспериментально это проявится в уширении ступенек целочисленного квантового эффекта Холла, начиная с некоторого поля, зависящего от числа частиц в системе. Естественно, при

увеличении поля выше  $B_c^{(0)}$  исчезнет последний 2Dуровень и квантовый эффект Холла станет невозможным.

В более сложных гетероструктурах возможны изменения их топологии при изменении продольного импульса, например переход от двухъямной структуры к двухбарьерной или от структуры "яма в яме" к структуре двух ям, разделенных барьером. Подобные же изменения топологии будут иметь место и при изменении магнитного поля. Поэтому следует ожидать новые явления при исследовании квантового эффекта Холла в таких гетероструктурах.

Возможность достижения 2D-3D-трансформации при сравнительно небольших продольных импульсах и магнитных полях существует не только для рассмотренных выше квантовых ям с сильно несимметричными барьерами. Для этого подходящими являются также симметричные гетероструктуры, в которых при малой разнице в положении краев зоны проводимости для электронов или валентной зоны для дырок имеется большая разница в ширине запрещенной зоны, а значит, и большая разница в эффективных массах. Первая ситуация реализуется, например, в гетероструктуре GaAs/GaN [2], а вторая — в InGaAs/AlGaAs [3].

Работа выполнена при поддержке Российского фонда фундаментальных исследований, Российской МНТП "Физика твердотельных наноструктур" и INTAS.

## Список литературы

- 1. Ландау Л Д, Лифшиц Е М Квантовая механика (М.: Наука, 1974)
- 2. As D J et al. *Phys. Rev. B* **54** R11118 (1996)
- Kavokin A V et al. *Phys. Rev. B* 54 R11076 (1996)

PASC numbers: 73.40.Gk, 73.40.Rw

# Экспериментальное исследование зарядовых эффектов в сверхмалых туннельных переходах

В. А. Крупенин, С.В. Лотхов, Ю.А. Пашкин, Д.Е. Преснов

#### 1. Введение

На пути миниатюризации электронных компонентов современная технология добилась того, что стало возможным контролируемое изготовление устройств с характерными размерами элементов менее одной десятой доли микрометра. В таких устройствах могут наблюдаться яркие физические эффекты, определяющие новое направление современной физики, которое получило название "нанофизика". Составляющей частью нанофизики является одноэлектроника, исследующая эффекты, связанные с дискретным переносом заряда через структуры с малой собственной емкостью. Ортодоксальная теория одноэлектронного туннелирования, созданная для туннельных переходов [1], позднее была распространена и на другие структуры и к настоящему времени получила подтверждение в многочисленных экспериментах [2]. Интерес к изучению зарядовых эффектов связан с возможностью создания на их основе целого поколения принципиально новых устройств с рекордными характеристиками.

# 2. Технология

Для изготовления туннельных переходов типа металлдиэлектрик-металл использовалась достаточно распространенная техника углового напыления [3]. Она имеет две разновидности: с мягкой маской [4] и с жесткой маской [5]. В случае напыления с мягкой маской двухслойный резист, нанесенный на подложку, засвечивается электронным лучом и после селективного проявления в нем образуется необходимый рисунок. Непосредственно маской служит верхний резист, и через него проводится напыление и нижнего, и верхнего электродов туннельного перехода под разными углами. Перед напылением верхнего электрода нижний электрод окисляется в атмосфере кислорода. Таким образом, описанная технология является самосовмещенной. В качестве материала для электродов может использоваться любой металл, имеющий низкую температуру испарения, хорошую окисляемость и малую зернистость, например алюминий. Характерная ширина получающихся линий составляет около 0,1 мкм, и площадь туннельного перехода, образующегося на пересечении верхнего и нижнего электродов равна около 0,01 мкм<sup>2</sup>.

В случае напыления с жесткой маской на подложку наносится трехслойная структура типа электронный резист – германий – электронный резист. После засветки электронным лучом и проявления необходимый рисунок образуется в верхнем слое резиста. Далее с помощью плазмохимического травления рисунок переносится в слой германия, а часть резиста в нижнем слое удаляется в процессе анизотропного и изотропного травления в атмосфере кислорода. Такая технология дает лучшие результаты при изготовлении сложных структур.

Для того чтобы обеспечить высокий внешний импеданс, для наших структур мы использовали одно дополнительное напыление: сначала перпендикулярно подложке напылялся хром, а затем под двумя разными углами напылялся алюминий с необходимым этапом окисления. Хром также совместим с используемыми резистами, а его пленка отличается хорошей вопроизводимостью. При толщине пленки хрома 60 Å ее сопротивление равнялось 2 кОм  $\Box^{-1}$ , что с запасом позволяло получать сопротивление внешней цепи больше квантового сопротивления  $R_{\rm Q} \equiv h/4e^2 \simeq$  $\simeq 6,5$  кОм.

### 3. Одиночные туннельные переходы

Теория коррелированного туннелирования предсказывает существование одноэлектронных и блоховских колебаний [1] в одиночных туннельных переходах, если они подключены к источнику тока. В эксперименте это означает, что импеданс внешней электрической цепи должен быть высок. Этого удалось достичь, включая высокоомные тонкопленочные резисторы в измерительные электроды в непосредственной близости от перехода. В [6] сообщается о регистрации когерентных колебаний обоих типов в одиночных туннельных переходах. Для регистрации колебаний переходы облучались высокочастотным сигналом. При этом на ВАХ переходов возникали ступени напряжения, когда частота собственных колебаний совпадала с частотой облучающего сигнала. Для одной и той же частоты облучения расстояние между ступенями для блоховских колебаний было в два раза больше расстояния для одноэлектронных колебаний. Используя эту методику, удалось зарегистрировать блоховские колебания в цепочке из двух джозефсоновских переходов [7].

В [8] приводятся результаты измерения температурной зависимости ширины линии блоховских колебаний в джозефсоновских туннельных переходах. Обнаружено, что при низких температурах ширина линии не следует линейной зависимости от температуры, как предсказывает теория, а выходит на насыщение, уровень которого зависит от тока через переход. Такое поведение качественно хорошо объясняется простой моделью, учитывающей перегрев электронов в тонких пленках хромовых резисторов.

В [9] экспериментально исследована зависимость величины критического тока малого джозефсоновского перехода с высоким импендансом внешней цепи от соотношения зарядовой и джозефсоновской энергии перехода. Показано, что в области слабой связи критический ток определяется зенеровским туннелированием, при этом получено хорошее количественное согласие экспериментальных данных с теорией зенеровского туннелирования с учетом омической диссипации.

## 4. Одноэлектронные транзисторы

Одноэлектронный транзистор представляет собой два последовательно соединенных туннельных перехода, потенциалом центрального острова которого можно управлять с помощью напряжения на затворе. При условии малости тепловых и квантовых флуктуаций вследствие пространственной корреляции туннельных событий в обоих переходах становится возможной периодическая модуляция ВАХ транзистора напряжением на затворе, причем период модуляции соответствует одному заряду электрона [1], а зарядовая чувствительность такой системы составляет доли заряда электрона [10]. Для транзистора с ненулевой джозефсоновской связью теория предсказывает существование 2*e*-периодической модуляции ВАХ [1], что также наблюдалось в эксперименте [11, 12].

Многочисленные эксперименты [13-20] показали, что предельные значения основных характеристик (зарядовая чувствительность электрометра, время хранения электрона в зарядовой ловушке, точность турникета и насоса) одноэлектронных устройств существенным образом определяются уровнем флуктуаций электрического поля, порождаемого ближайшим электродинамическим окружением туннельных переходов. Изолированные от электродов высокоомными туннельными переходами проводящие острова приобретают в поле окружения случайный фоновый потенциал, или индуцированный заряд, обычно называемый фоновым эффективным зарядом острова. Флуктуации фонового заряда являются преобладающими в низкочастотной (<10-100 Гц) части спектра шумов одноэлектронных структур. Поэтому понимание механизмов возникновения и локализации источников шума, поиск путей его уменьшения очень важны для реализации конкретных одноэлектронных устройств и их практического применения.

Из экспериментов по исследованию шумов в одноэлектронном транзисторе известно, что:

1) спектр флуктуаций фонового заряда по форме обычно близок к зависимости 1/f и имеет частоту среза порядка 1 кГц [13-21];

2) уровень зарядового шума на частоте 10 Гц составляет  $10^{-3} - 10^{-4}e$  Гц<sup>-1/2</sup> [13–17, 20, 21] и практически не зависит от температуры при *T* < 300 мК [17, 19];

 наблюдались флуктуации в форме телеграфного шума с хаотическим переключением между двумя, тремя и более уровнями с амплитудой до 0,1-0,2 *e* [13, 14, 16, 19];

 шумовые свойства транзисторов на основе хрома с термически окисленным туннельным барьером не отличаются от свойств аналогичных транзисторов на основе алюминия [20]. Основываясь на полученных к настоящему времени экспериментальных результатах, мы полагаем, что существенную роль в возникновении флуктуаций фонового заряда играет механизм случайных блужданий одиночных электронов между зарядовыми ловушками, образованными за счет дефектов структуры диэлектрического подслоя и естественного окисла металлических островов туннельной структуры. При этом нельзя исключить возможности частичной локализации источников флуктуаций и в барьере туннельного перехода.

Нами исследовались транзисторы с центральными островами различных размеров. Структуры изготавливались на Si-подложке со слоем AlO<sub>x</sub> толщиной 200 нм, нанесенным методом магнетронного напыления. Измеренный уровень шума на частоте 10 Гц составляет (2– $3) \times 10^{-4} e \Gamma \mu^{-1/2}$  для острова размером около 200 нм и (5– $6) \times 10^{-4} e \Gamma \mu^{-1/2}$  — для острова 500–600 нм. Наблюдаемое повышение уровня шума с увеличением размера острова (см. также [15]) может быть объяснено возрастанием эффективной емкостной связи острова с источниками шума электродинамического окружения, роль которых предположительно играют локальные зарядовые ловушки.

У транзисторов, изготовленных на диэлектрическом подслое  $AlO_x$  толщиной 100 нм, отделенном от Si-подложки металлическим экраном, уровень шумов и форма спектра зарядовых флуктуаций практически совпадают с измеренными в структурах без экрана. Это ограничивает характерный радиус учета влияния источников флуктуаций величиной менее 100 нм.

Прямое доказательство существования источников шума вне туннельного барьера в одноэлектронных структурах получено в эксперименте по исследованию взаимной корреляции флуктуаций в системе двух близко расположенных транзисторов [18]. Измеренный для пар транзисторов, изготовленных на различных диэлектрических подслоях (AlO<sub>x</sub>, 200 нм; термически выращенный SiO<sub>2</sub>, 500 нм), коэффициент корреляции составил 20-40 % при коэффициенте емкостной связи островов всего 5-15%. Данные эксперимента позволяют предположить, что вклад возможных источников шума, расположенных в туннельном барьере и влияющих исключительно на фоновый заряд примыкающего острова, не является доминирующим и по степени влияния может быть сравним со вкладом источников, расположенных в диэлектрическом подслое или уступать ему.

#### 5. Одноэлектронная ловушка

Недавно был продемонстрирован эффект хранения одиночных электронов [22-25] в одноэлектронной ловушке. Ловушка состоит из цепочки туннельных контактов малой площади  $(0,1 \times 0,1 \text{ мкм}^2)$ , присоединенной к проводящему острову, так называемому "острову памяти", находящемуся в электростатическом поле управляющего электрода. Энергия электрона на одном из промежуточных островов цепочки значительно превышает энергии электрона на острове памяти и на внешнем электроде, что обусловливает наличие электростатического барьера, способного удержать на острове небольшое целое (как положительное, так и отрицательное) число избыточных электронов. Из-за наличия барьера зависимость изолированного на острове памяти заряда от напряжения на затворе имеет гистерезисный характер. Таким образом, при одном и том же напряжении на затворе в пределах петли гистерезиса в зависимости от предыстории его изменения заряд острова памяти способен принимать различные значения, отличающиеся на величину кратную заряду электрона. В возможных приложениях такие зарядовые состояния могут быть использованы в качестве логических уровней, а сама система — как одноэлектронная ячейка памяти.

Ширина петли гистерезиса внутренне связана с временем сохранения текущего зарядового состояния, находящегося под воздействием ряда разрушающих факторов: термической активации туннелирования [24], механизма котуннелирования [26] и ряда других. Экспериментально [24, 25] зафиксированы времена хранения порядка 8-12 ч, что все же пока значительно меньше теоретических оценок. В работе [25] исследовалось воздействие таких факторов, как дрейф фонового эффективного заряда и обратное влияние тока через электрометр, использованный для считывания зарядового состояния острова памяти. Так, с течением времени при неизменных условиях наблюдения ширина одной и той же петли гистерезиса сокращалась почти вдвое, а увеличение тока через электрометр с 5 до 300 пА был эквивалентен повышению температуры образца с 35 до 250 мК. Возможным объяснением эффекта обратного влияния электрометра является модель возбуждающего действия широкополосного телеграфного шума напряжения на его центральном острове.

#### 6. Заключение

В работе приведен краткий обзор экспериментальных данных исследований одноэлектронных эффектов в металлических тонкопленочных туннельных переходах.

В настоящее время работы по экспериментальному исследованию зарядовых эффектов в сверхмалых туннельных переходах проводятся при поддержке Российского фонда фундаментальных исследований и программы "Физика твердотельных наноструктур".

# Список литературы

- Averin D V, Likharev K K, in *Mesoscopic Phenomena in Solids* (Eds B L Altshuler, P A Lee, R A Webb) (Amsterdam: Elsevier, 1991) p. 173
- 2. Grabert H, Devoret M H (Eds) *Single Charge Tunneling* (New York: Plenum, 1992)
- 3. Dolan G J Appl. Phys. Lett. 31 337 (1997)
- Delsing P, PhD Thesis (Göteborg, Sweden: Chalmers Univ. of Tech., 1990)
- 5. Geerlings L J PhD Thesis (Netherlands: Delft Univ. of Tech., 1989)
- 6. Kuzmin L S, Pashkin Yu A *Physica B* **194–196** 1713 (1994)
- Kuzmin L S, Pashkin Yu A, Claeson T Supercond. Sci. Technol. 7 324 (1994)
- 8. Kuzmin L S et al. *Physica B* **203** 376 (1994)
- 9. Kuzmin L S et al. Phys. Rev. B 54 10074 (1996)
- Korotkov A N et al., in Single Electron Tunneling and Mesoscopic Devices (Eds H Koch, H Lubbig) (Berlin: Springer, 1992) p. 45
- 11. Pashkin Yu A et al. Physica B 194-196 1049 (1994)
- 12. Haviland D B, Pashkin Yu A, Kuzmin L S Physica B 203 347 (1994)
- 13. Zimmerli G et al. Appl. Phys. Lett. 61 237 (1992)
- 14. Zimmerli G, Kautz R L, Martinis J M Appl. Phys. Lett. 61 2616 (1992)
- 15. Visscher E H et al. Appl. Phys. Lett. 66 305 (1995)
- 16. Verbrugh S M et al. J. Appl. Phys. 78 2830 (1995)
- 17. Martinis J M, Nahum M, Jensen H D Phys. Rev. Lett. 72 904 (1994)
- 18. Ahlers F-J et al. Phys. Rev. B 53 13682 (1996)
- Ahlers F-J et al., in *Digest of the Conf. on Precision Electromagnetic* Meas. (CPEM'96) (Braunschweig, Germany, 1996) p. 507
- 20. Kuzmin L S et al. Appl. Phys. Lett. 68 2902 (1996)
- 21. Song D et al. IEEE Trans. Appl. Supercond. 5 3085 (1995)
- 22. Lafarge P et al. C. R. Acad. Sci. Paris **314** 883 (1992)
- Nakazato K, Blaikei R J, Ahmed H J. Appl. Phys. 75 5123 (1994)
- 24. Lukens J E et al. *Physica B* **203** 354 (1994)
- 25. Крупенин В А, Лотхов С В, Преснов Д Е ЖЭТФ 111 344 (1997)
- 26. Averin D V, Odintsov A A Phys. Lett. A 140 251 (1989)