Том 157, вып. 3

УСПЕХИ ФИЗИЧЕСКИХ НАУК

539.126.4

ОСЦИЛЛЯЦИИ В-МЕЗОНОВ

А. И. Голутвин, М. В. Данилов, Ю. М. Зайцев

(Институт теоретической и экспериментальной физики, Москва)

СОДЕРЖАНИЕ

1. Ввеление	369
2. Поиск и обнаружение осцилляции В-мезонов	372
2.1. Эксперименты при высоких энергиях. 2.2. Эксперименты вблизи порога.	
3. Следствия большого ВЗВЗ-смешивания	. 378
4. Заключение. Перспективы исследований b-кварка	385
Список литературы	387

1. Введение. Последние годы были чрезвычайно успешными в изучении частиц, содержащих b-кварки. Особый интерес вызвало обнаружение осцилляции B-мезонов в эксперименте UA1 ¹ и ARGUS². Осцилляциями частиц называются переходы частиц в античастицы. В системе нейтральных каонов этот интересный квантовомеханический эффект наблюдался уже давно. К⁰- и \overline{K}^0 -мезоны отличаются друг от друга противоположной странностью, которая в слабых взаимодействиях не является строго сохраняющимся квантовым числом, поэтому между K^0 и \overline{K}^0 возможны переходы. Перемешивание в вакууме двух состояний приводит к появлению расщепленных уровней K_1 и K_2 с определенными массами и ширинами. K^0 - и \overline{K}^0 -мезоны представляют собой линейные комбинации K_1 и K_2 :

$$K^{0} = \frac{1}{\sqrt{2}} (K_{1} + K_{2}), \quad \overline{K}^{0} = \frac{1}{\sqrt{2}} (K_{1} - K_{2}).$$

В современной теории слабых взаимодействий, которую принято называть стандартной моделью (СМ), переходы с изменением аромата на две единицы происходят во втором порядке по слабому взаимодействию. Поэтому осцилляции нейтральных мезонов представляют чувствительный инструмент для поиска новых явлений. Так, Глэшоу, Иллиополус и Майани (ГИМ) показали, что малая разность масс K_1 - и K_2 -мезонов, обусловленная $K^0 \vec{K}^0$ -смешиванием, получает естественное объяснение в модели с 4 типами кварков³, т. е. исследование осцилляции нейтральных каонов дало один из основных аргументов в пользу существования нового очарованного с-кварка еще до открытия в 1974 г. J/ψ -частицы — связанного состояния сс-кварков. Еще бо́льшие надежды связываются с осцилляциями мезонов, содержащих тяжелые кварки.

В 1980 г. на электрон-позитронном накопительном кольце GESR (Корнеллский университет, США) был открыт Υ (4S)-резонанс, который распадается на пару В**Б**-мезонов — частиц с открытой прелестью. Это самые тяжелые из известных мезонов, распадающихся за счет слабого взаимодействия. Масса заряженного B⁺-мезона *) (кварковый состав $\overline{b}u$) равна 5278,8 ± ± 0,7 ± 2,0 МэВ/ c^2 , а нейтрального B⁴_d($\overline{b}d$) = 5280,7 ± 0,6 ±2,0 МэВ/ c^{24} , где первая ошибка статистическая, а вторая — систематическая, B⁶_s($\overline{b}s$)-мезон должен быть еще тяжелее. Исследование В-мезонов позволяет изучать свойства прелестного b-кварка — первого и пока единственного обнаружен-



Рис. 1. Диаграммы **B**⁰_d**B**⁰_d-осцилляций в стандартной модели

ного на опыте представителя третьего поколения кварков.

Диаграммы, описывающие осцилляции Вмезонов, изображены на рис. 1. Согласно механизму ГИМ определяющую роль играют диаграммы с обменом наиболее тяжелым t-кварком. Однако нельзя забывать, что кроме tкварка в процесс осцилляции В⁰-мезонов могут давать вклад другие гипотетические частицы. Так как в настоящее время отсутствует четкое

понимание природы различных поколений лептонов и кварков, то может оказаться, что осцилляции прелестных мезонов чувствительны к проявлениям новой физики: возможному существованию четвертого поколения фермионов, правых W-бозонов, суперсимметричных частиц и заряженных хиггсовых бозонов (см., например, ^{5,6}). Примеры соответствующих диаграмм приведены на рис. 2.



Рис. 2. Примеры диаграмм, определяющих возможный вклад в **В**[•]**Б**•осцилляции новых частиц: кварков четвертого поколения (*a*), правых W-бозонов (*b*), суперсимметричных частиц (*e*), заряженных хиггсовых бозонов (*c*)

Помимо поиска новых частиц, другой очень важной задачей исследования В-мезонов является определение параметров стандартной модели. Как хорошо известно, в кварковом секторе СМ существует 10 свободных параметров: 6 масс кварков, 3 угла смешивания между кварками разных поколений θ_{ij} и одна фаза δ , описывающая нарушение СР-инвариантности в слабых взаимодействиях. Смешивание кварков возникает как следствие того, что собственные состояния слабых взаимодействий не совпадают с собственными состояниями массовой матрицы. В стандартной модели связь между этими состояниями определяется матрицей Кобаяши — Маскавы(KM)⁷. Существуют различные параметризации матрицы KM. Мы будем использовать приближенную параметризацию ⁸:

$$\begin{pmatrix} V_{\rm ud} & V_{\rm us} & V_{\rm ub} \\ V_{\rm cd} & V_{\rm cs} & V_{\rm cb} \\ V_{\rm td} & V_{\rm ts} & V_{\rm tb} \end{pmatrix} \approx \begin{pmatrix} 1 & s_{12} & s_{13}e^{-i0} \\ -s_{12} - s_{23}s_{13}e^{i\delta} & 1 & s_{23} \\ s_{12}s_{23} - s_{13}e^{i\delta} & -s_{23} & 1 \end{pmatrix},$$
(1)

где

 $s_{ij} \equiv \sin \theta_{ij}$, a $\cos \theta_{ij} \approx 1$.

Экспериментальное определение этих и других свободных параметров стандартной модели важно, чтобы или подтвердить правильность СМ, или

^{*)} Обычно будет неявно подразумеваться также и зарядово-сопряженное состояние.

опровергнуть ее и таким образом указать путь к построению более полной теории.

Пять параметров — массы u-, d-, s- и с-кварков и угол смешивания Каббибо θ_{12} — определяются из исследования первых двух поколений кварков. Оставшиеся пять параметров можно, в принципе, получить, изучая свойства В-мезонов. Масса b-кварка с точностью до нескольких сотен МэВ совпадает с массой В-мезона. Матричные элементы V_{ub} и V_{cb} определяются в экспериментах по исследованию распадов В-мезона и по измерению его времени жизни.

Несмотря на усиленные поиски t-кварк до сих пор не найден. Как уже обсуждалось, уникальную возможность почувствовать его влияние при энергиях далеко до порога рождения представляют $B\overline{B}$ -осцилляции, частота которых пропорциональна m_t^2 . Осцилляции $B_d^c\overline{B}_d^c$ и $B_s^c\overline{B}_s^o$ зависят не только от m_t , но также от V_{td} и V_{ts} . Требование унитарности накладывает дополнительные ограничения на эти элементы матрицы КМ (см., например, ⁹). Можно надеяться, что дальнейшее повышение точности в матричных элементах позволит надежно определить фазу, ответственную за нарушение СР-инвариантности, и все углы смешивания.

Экспериментально процесс $B^0\overline{B^0}$ -осцилляций наиболее ярко проявляется в эволюции $B^0\overline{B^0}$ -системы во времени. Для B^0 -мезона вероятности остаться в состоянии B^0 или перейти в B^0 определяются аналогично вероятностям для K^0 - и $\overline{K^0}$ -мезонов (см., например, ¹⁰):

$$w(t) = \frac{1}{4} (e^{-\Gamma_1 t} + e^{-\Gamma_2 t} + 2e^{-\Gamma t} \cos \Delta M t),$$

$$\overline{w}(t) = \frac{1}{4} (e^{-\Gamma_1 t} + e^{-\Gamma_2 t} - 2e^{-\Gamma t} \cos \Delta M t),$$
(2)

где M_1 , M_2 , Γ_1 , Γ_2 — массы и ширины возникших в результате смешивания собственных состояний B_1 и B_2 с противоположными значениями СР-четности, $\Gamma = (\Gamma_1 + \Gamma_2)/2$ и $\Delta M = M_1 - M_2$. Зависимости w(t) и $\overline{w}(t)$ представлены на рис. 3 для двух значений параметра $\Delta M/\Gamma$.



Рис. 3. Зависимости вероятностей **w** (t) **n** \overline{w} (t) для двух значений параметра смешивания $\mathbf{x} = \Delta M/\Gamma^{\mathfrak{s}_2}$. Штриховые кривые показывают экспоненциальный закон распада **B⁰- и** $\overline{\mathbf{B}}^{\mathfrak{o}}$ -мезонов. Заштрихованная область соответствует вероятности **B⁰-мезону** находится в состоянии **B⁰** в момент распада, а двойная штриховка — в состоянии $\overline{\mathbf{B}}^{\mathfrak{o}}$

К сожалению, из-за малого времени жизни **В⁰-мезонов** измерение дифференциальных характеристик типа (2) в настоящее время еще невозможно. Современные эксперименты чувствительны только к интегральным величинам:

$$W = \int_{0}^{\infty} w(t) dt = \frac{1}{4} \left[\frac{1}{\Gamma_1} + \frac{1}{\Gamma_2} + \frac{2\Gamma}{\Gamma^2 + (\Delta M)^2} \right],$$
$$\overline{W} = \int_{0}^{\infty} \overline{w}(t) dt = \frac{1}{4} \left[\frac{1}{\Gamma_1} + \frac{1}{\Gamma_2} - \frac{2\Gamma}{\Gamma^2 + (\Delta M)^2} \right].$$

В- и \overline{B} -мезоны идентифицируются по продуктам их распадов в конечные состояния X и X', причем некоторые из них могут быть общими для B в \overline{B} .

В⁰ В⁰ - осцилляции характеризуются обычно параметром¹¹

$$\chi = \frac{\overline{W}}{W + \overline{W}} = \frac{\Gamma (B^0 \to \overline{B}^0 \to X')}{\Gamma_{\text{tot}}} ,$$

т.е. это — вероятность обнаружить \overline{B}^0 , если первоначально возник B^0 -мезон. Конечно, для поиска $B^0\overline{B}^0$ -осцилляций надо использовать распады, различные для B^0 и \overline{B}^0 .

Отсюда легко получить

$$\chi = rac{x^2 + y^2}{2 + 2x^2}$$
 ,

где $x = \Delta M/\Gamma$, $y = \Delta \Gamma/2\Gamma$. Для $K^{0}\overline{K}^{0}$ -осцилляций $x \sim y \sim 1$ — поэтому $\chi \approx 0.5$, что соответствует полному смешиванию. Поскольку для $B_{d}^{0}\overline{B}_{d}^{0}$ -системы $\Delta \Gamma/2\Gamma$ не должно превышать нескольких процентов ^{12,13}, то в случае большого $B^{0}\overline{B}^{0}$ -смешивания

$$\chi \approx \frac{x^2}{2+2x^2} \,. \tag{3}$$

В литературе часто встречается и другой параметр осцилляции r^{14} :

$$r = \frac{\Gamma (B^{0} \to \overline{B}^{0} \to X')}{\Gamma (B^{0} \to X)} = \frac{\chi}{1 - \chi}.$$
(4)

Оценить величину В⁰В⁰-смешивания оказывается не просто даже в стандартной модели, в особенности для В⁰_d-мезонов. Существовавшие одно время указания на относительно легкий t-кварк ($m_t \approx 40 \ \Gamma \ni B/c^2$)¹⁵ привели к тому, что в большинстве теоретических работ параметр χ_d для В⁰_dB⁰_d-осцилляций ожидался на уровне 0,1 – 1 %¹⁶. Опыты показали, что это не так, и величина $\chi_d = 0,17 + 0,05^2$. Ниже мы расскажем о поисках и обнаружении В⁰B⁰-осцилляций (раздел 2), обсудим следствия большого В⁰_dB⁰_d-смешивания (раздел 3) и коснемся перспектив дальнейших исследований b-кварка (раздел 4).

2. Поиск и обнаружение осцилляции В-мезонов. В настоящее время В-мезоны исследуются в основном на электрон-позитронных и протон-антипротонных накопительных кольцах. При этом принципиально различаются эксперименты при высоких энергиях и около порога рождения $B\overline{B}$ -пар, особенно в области Υ (4S)-резонанса.

2.1. Эксперименты при высоких энергиях. При высоких энергиях образуются как B_d^{o} - и B^{\pm} -, так и B_s^{o} -мезоны. Они, как правило, сопровождаются большим числом легких частиц. Малое время жизни В-мезонов не позволяет пока восстанавливать вершины их распадов. Если учесть, что средняя множественность частиц при распаде самих В-мезонов

372

довольно высока (~ 8), то становится ясно, что восстановление полной картины события — чрезвычайно сложная задача. Поэтому при высоких энергиях для поиска $B^0\overline{B}^0$ -осцилляций применялись косвенные методы. Использовался тот факт, что в распаде b-кварка образуется отрицательный лептон, а при распаде **b**-кварка — положительный (рис. 4). Поскольку b- и **b**-кварки



Рис. 4. Диаграммы полулептонных распадов Bd- и Bd-мезонов

рождаются парами, то лептоны от их распадов должны иметь разные знаки. Если же в результате осцилляции **В⁰-мезон** переходит в \overline{B}^0 -мезон или наоборот, то возникают события с лептонами одинакового знака.

В экспериментах при высоких энергиях параметр смешивания определяется осцилляциями как Bd, так и Bs-мезонов:

$$\langle \chi \rangle = \frac{\mathrm{Br}_{\mathrm{d}}}{\langle \mathrm{Br} \rangle} f_{\mathrm{d}} \chi_{\mathrm{d}} + \frac{\mathrm{Br}_{\mathrm{s}}}{\langle \mathrm{Br} \rangle} f_{\mathrm{s}} \chi_{\mathrm{s}}, \tag{5}$$

где f_d и f_s — доли B^0_d - и B^0_s -мезонов во фрагментации b-кварка, Br_d и Br_s — относительные вероятности полулептонного распада B^0_d - и B^0_s -мезонов;

$$\langle \mathrm{Br} \rangle = \sum_{i} f_{i} \mathrm{Br}_{i}$$

— средняя относительная вероятность полулептонного распада всех прелестных частиц.

Большинство этих параметров в настоящее время еще не измерено. Поэтому для получения информации о χ_d и χ_s приходится использовать различные предположения.

1) Группа MARK II провела поиск лептонных пар одинакового знака на электрон-позитронном накопительном кольце PEP при энергии 29 ГэВ в системе центре масс¹⁷. События при высоких энергиях имеют хорошо выраженную двухстройную структуру. Распад тяжелого В-мезона приводит к появлению лептонов с большими поперечными импульсами p_t по отношению к оси события, причем лептоны от В-мезонов должны быть в разных струях. Распады же первичных очарованных частиц должны приводить к меньшим поперечными импульсам. Поэтому для выделения событий, обогащенных распадами b- или с-кварков, рассматривались две кинематические области: с поперечным импульсом лептонов в этих областях от распадов b- и с-кварков, а также число фоновых событий были получены методом Монте-Карло. В расчете учитывались лептоны от первичного b-кварка, от первичного с-кварка, от вторичного с-кварка в цепочке распадов b $\rightarrow c \rightarrow l$, от распадов обычных адронов, а также фон, вызванный ложной идентификацией частиц.

При некогерентном рождении В-мезонов число пар лептонов одинакового ($N_{++} + N_{--}$) и разного (N_{+-}) знаков выражается через параметр смешивания $\langle \chi \rangle$ следующим образом:

$$N_{+-} = [(1 - \langle \chi \rangle)^2 + \langle \chi \rangle^2] (N_{++} + N_{--} + N_{+-}),$$

$$N_{++} + N_{--} = 2 \langle \chi \rangle (1 - \langle \chi \rangle) (N_{++} + N_{--} + N_{+-}).$$

Зарегистрированное число лептонных пар одинакового знака $N_{++} + N_{--} = 9$ согласовывалось с расчетным числом фоновых событий $N_{\Phi} = 12.6 \pm 3.2$ (в том числе в области, обогащенной распадами b-кварков, было найдено 4 события при $N_{\Phi} = 2.5 \pm 0.7$). Это позволило установить верхний предел $\langle \chi \rangle < 0.12$ на 90%-ном уровне достоверности.

Как уже отмечалось, для извлечения информации о параметрах $\chi_d \mathbf{n}$ χ_s необходимо знать вероятности рождения B_d^{0} - \mathbf{n} B_s^{0} -мезонов в струях, содержащих b-кварк. Сейчас они не известны и для них нет надежных теоретических предсказаний. Если считать относительные вероятности полулептонных распадов всех прелестных частиц равными и предположить, как в ¹⁸, что рождение барионов с b-кварком составляет 10%, а выход B_d^{0} , $B^{\pm} \mathbf{n}$ B_s^{0} находится в соотношении 1:1: 0,4, то результат MARK II можно представить в виде

 $0.375 \cdot \chi_d + 0.15 \cdot \chi_s < 0.12$ (на 90%-ном уровне достоверности).

2) Оригинальный метод для установления верхнего предела на смешивание В⁰- и $\overline{B^0}$ -мезонов использовала группа JADE в эксперименте¹⁹, выполненном на e⁺e⁻-накопительном кольце PETRA при энергии 34,6 ГэВ в системе центра масс. В e⁺e⁻-аннигиляции в континууме возникает зарядовая асимметрия в угловом распределении первичных лептонов и кварков из-за интерференции диаграмм с обменом фотоном и Z⁰-бозоном. Наличие такой асимметрии надежно установлено в экспериментах²⁰. Смешивание B⁰B⁰мезонов должно приводить к уменьшению асимметрии рождения b-кварков по сравнению с предсказанием стандартной модели — A_{cM} . Параметр смешивания связан с измеренной асимметрией A следующим соотношением:

$$\frac{A_{\rm CM}-A}{A_{\rm CM}}=2\,\langle\chi\rangle.$$

Важно отметить, что при измерении асимметрии рождения b-кварков достаточно регистрировать один лептон, а не два, как в предыдущем методе.

Группа JADE, используя для выделения В-мезонов такие кинематические характеристики, как инвариантная масса струи, поперечный импульс мюона и поперечный недостающий импульс, получила асимметрию для рождения b-кварка: $A = (-22,8 \pm 6,0 \pm 2,5)\%$. Расчеты по стандартной модели без учета °°-смешивания дают значение этого параметра $A_{cm} = -25,2\%$. Различие между A и A_{cm} соответствует $\langle \chi \rangle = 0,05 \pm 0,13$.

3) Первое указание на В⁰ \overline{B}^0 -осцилляции было получено в эксперименте UA1, выполненном на протон-антипротонном коллайдере в лаборатории CERN ¹ при энергиях 546 и 630 ГэВ в системе центра масс. Для поиска В⁰ \overline{B}^0 -осцилляции отбирались события с двумя мюонами, когда оба мюона имели импульс, перпендикулярный оси пучков, $p_T > 3 \Gamma_{2}B/c$. Было найдено 512 димюонных событий с инвариантной массой $m_{\mu\mu} > 6 \Gamma_{2}B/c^{2}$. При этом были исключены события от распада $Z^0 \rightarrow \mu^+\mu^-$.

В адрон-адронных столкновениях при высоких энергиях естественным фоновым процессом является рождение димюонных пар по механизму Дрелла — Яна через виртуальный фотон ²¹. К таким же изолированным мюонам приводит и распад **Г-резонансов на** $\mu^+\mu^-$ -пару. Поэтому все события были разделены на две группы; события с двумя изолированными мюонами и события, в которых хотя бы один мюон имел адронное сопровождение. В первой группе оказалось 98 событий с мюонами разного знака и 15 событий с мюонами одинакового знака, во второй — 257 и 142 событий соответственно. События с изолированными мюонами использовались для нормировки фона от процессов типа Дрелла — Яна и распадов **Г-резонансов**. Фон от ложной идентификации адронов как мюонов составил 132 ± 21 события, из них 8 с мюонами разного знака и 8 — с мюонами одинакового знака для изолированных мюонов и соответственно 58 и 58 для второй группы. После вычитания фоновых событий было определено отношение

$$R = \frac{N_{++} + N_{--}}{N_{+-}} = 0.42 \pm 0.07 \pm 0.03.$$

Здесь первая ошибка — статистическая, а вторая — систематическая. Фоновое значение этого отношения в отсутствие $\mathbf{B}^0 \overline{\mathbf{B}}^0$ -смешивания было получено расчетом по методу Монте-Карло с использованием различных теоретических моделей рождения пар кварков **bb r** сси фрагментации кварков в обычные адроны. Расчетное фоновое значение $R = 0.26 \pm 0.03$ без смешивания оказалось меньше, чем измеренное отношение, что говорит об избытке событий с димюонами одинакового знака. Этот избыток соответствует $\langle \chi \rangle = 0.121 \pm 0.047$. Эффект имеет статистическую значимость, соответствующую 2,9 стандартным отклонениям. Авторы этой работы, предполагая, что **B**⁶**B**⁶-смешивание **B**⁶**B**⁶-мезонов.

4) Недавно группа МАС представила результаты анализа димюонных событий в е⁺е⁻-аннигиляции при s^{1/2} = 29 ГэВ²². В этом эксперименте было зарегистрировано 5 событий с двумя мюонами одинакового знака и 7 событий с двумя мюонами противоположного знака. Фон, определенный по методу Монте-Карло, составляет соответственно 1,9 ± 0,8 и 8,6 ±1,2 событий. Избыток димюонов одинакового знака был интерпретирован как результат осцилляции В-мезонов. Получено значение параметра смешивания $\langle \chi \rangle =$ = 0,21 ± 0,15, что дает нижний предел $\langle \chi \rangle > 0,02$ на 90%-ном уровне достоверности

2.2. Эксперименты вблизи порога⁶¹. В экспериментах по поиску В⁰ В⁰-осцилляций в области Γ (4S)-резонанса параметр смешивания определяется по-другому. Можно считать, что Γ (4S) распадается только на пары мезонов В⁺В⁻ или В⁰ В⁰, ²³, При прохождении ВВ-пары в Р-волне параметр смешивания имеет вид

$$r = \frac{N (\mathbf{B}^{0} \mathbf{B}^{0}) + N (\overline{\mathbf{B}}^{0} \overline{\mathbf{B}}^{0})}{N (\mathbf{B}^{0} \overline{\mathbf{B}}^{0})}$$

что для событий с лептонными парами эквивалентно:

$$r = \frac{(N_{++} + N_{--})(1+\lambda)}{N_{+-} - (N_{++} + N_{--})\lambda}.$$
(6)

В последнем определении параметр λ учитывает вклад в события с дилептонами разных знаков полулептонных распадов заряженных В-мезонов

$$\lambda = \frac{f^+}{f^0} \left(\frac{\mathrm{Br}_+}{\mathrm{Br}_0} \right)^2$$

где f^+ (f^0) — относительные вероятности распадов Υ (4S) в пары заряженных (нейтральных) В-мезонов, а Br_+ (Br_0) — относительные вероятности полулептонных распадов заряженных (нейтральных) В-мезонов. Ожидается, что различие между Br_+ и Br_0 не превышает нескольких процентов ¹³. В[±]-мезоны не намного легче B⁰: поэтому обычно предполагается, что из-за большого фазового объема $f_+/f_0 \approx 1, 2 - 1, 4^{2,25}$.

Поиск В⁰Б⁰-осцилляций в области Υ (4S)-резонанса проводился в экспериментах CLEO и ARGUS.

1) В эксперименте CLEO на электрон-позитронном накопительном кольце GESR был установлен верхний предел на В ${}_{3}B{}_{6}$ -осцилляции ²⁵. После вычитания фона осталось 5,1 ± 5,9 событий с лептонами одинакового знака и 117,0 ± 11,9 событий с лептонами разного знака. В предположении $\lambda =$ = 1,44 был получен верхний предел на параметр смешивания r < 26%на 90%-ном уровне достоверности, а в комбинации с ранее опубликованными данными ²⁶ получено ограничение r < 24% на 90%-ном уровне достоверности. Следует отметить, что в этой работе параметр r вычислялся по формуле

$$r = \frac{N_{++} + N_{--}}{N_{+-}} (1 + \lambda),$$

где в отличие от (6) не полностью учитывается вклад от полулептонных распадов заряженных В-мезонов. Это необходимо принимать во внимание при сравнении результатов.

2) В 1987 г. группа ARGUS сообщила об обнаружении большого $B_d^0 \overline{B}_d^0$ смешивания². Этот результат оказался очень неожиданным, поскольку существовало большое число работ¹⁶, в которых смешивание $B_d^0 \overline{B}_d^0$ -мезонов предсказывалось на уровне $\chi_d \approx 10^{-3} - 10^{-2}$. Эксперимент был выполнен на электрон-позитронном накопительном

Эксперимент был выполнен на электрон-позитронном накопительном кольце DORIS II в DESY. Результат получен из анализа 88 000 распадов Υ (4S)-резонанса.

Смешивание Вава-мезонов было обнаружено тремя различными методами. Первый, наиболее прямой метод — это поиск полностью реконструированных событий от распадов Υ (4S)-резонанса на Вава-или $B_{d}B_{d}$ -или $B_{d}B_{d}$ -пары. К сожалению, это требует гораздо большей статистики по сравнению с косвенными методами, обсужденными ранее. В-мезоны реконструировались по распадам в конечные состояния, содержащие D*~-мезоны:

$$\begin{split} & B^0_d \to D^{*-}\pi^+, \\ & \to D^{*-}\pi^+\pi^0, \\ & \to D^{*-}\pi^+\pi^+\pi^- \end{split}$$

или

$$\rightarrow \mathbf{D}^{*-}l^+\nu \quad (l^+ = \mathbf{e}^+, \ \mu^+).$$

D*- восстанавливались по цепочкам распадов:

Хотя в распаде $B_d^0 \rightarrow D^{+-}l^+\nu$ рождается нерегистрируемое нейтрино, его можно частично реконструировать следующим образом. В Υ (4S)-резонансе $B_{d-Me3OHbl}^0$ рождаются практически в покое. Поэтому квадрат недостающей массы к системе $D^{*-}l^+$ —

$$M_{\rm R}^2 = [(E_0 - (E_{\rm D^{*-}} + E_{l^+}))^2 - (\mathbf{p}_{\rm D^{*-}} + \mathbf{p}_{l^+})^2,$$

где E_0 — энергия пучка, должен быть близким к нулю, что и наблюдалось экспериментально ²,²⁷.

Среди реконструированных событий удалось найти распад

 Υ (4S) \rightarrow B⁰_dB⁰_d,

который может возникнуть только в результате В⁰ В⁰-осцилляций. Это событие показано на рис. 5. Два В⁰ -мезона (В⁰ и В⁰) распадаются по следующим цепочкам:

$$\begin{array}{c} B_{1}^{0} \rightarrow D_{1}^{+-} \mu_{1}^{+} \nu_{1}, \\ | \rightarrow \pi_{1s}^{-} \overline{D}{}^{0}, \\ | \rightarrow K_{1}^{+} \pi_{1}^{-}, \end{array} \\ B_{2}^{0} \rightarrow D_{2}^{*-} \mu_{2}^{+} \nu_{2}, \\ | \rightarrow \pi^{0} D^{-}, \\ | \rightarrow K_{2}^{+} \pi_{2}^{-} \pi_{2}^{-}. \end{array}$$

Оба D*-мезона среди продуктов распада имеют K⁺-мезоны, которые однозначно идентифицированы при помощи измерения ионизационных потерь в дрейфовой камере и времени пролета. Оба положительно заряженных мюона



Рис. 5. Реконструированное событие распада $Y(4S)_2 \rightarrow B^0_d B^0_d$, зарегистрированное в эксперименте ARGUS ²

имеют наибольшие импульсы в событии и ионизационные потери и время пролета, согласующиеся с мюонной гипотезой. Один из мюонов μ_1 был зарегистрирован в мюонных камерах. Хотя второй мюон пролетел в области, не перекрытой мюонными камерами, кинематика события однозначно указывает, что B_2^0 также распадался полулептонно. Для оценки фона были выполнены расчеты по методу Монте-Карло. Среди 22 000 $B_d^c \overline{B}_d^c$ -пар, в которых один из B_d^c -мезонов был реконструирован в одном из обсуждавшихся каналов, и множественность оставшихся заряженных и нейтральных частиц была такой же, как в зарегистрированном событии, не было найдено ни одного кандидата, имитирующего пары $B_d^s B_d^s$ и $\overline{B}_d^s \overline{B}_d^s$. Таким образом, вероятность, что это событие обусловлено фоном, пренебрежимо мала. Обнаружение распада Υ (4S) $\rightarrow B_d^s B_d^s$ указывает на большое смешивание $B^0 \overline{B^0}$ -мезонов, так как даже для параметра смешивания r = 0,2 ожидаемое число реконструированных событий равно 0,3.

Во втором методе была использована стандартная процедура поиска дилептонных пар одинакового знака. Было обнаружено 50 событий с лептонами одного знака и 270 — с лептонами разного знака, когда оба лептона имели импульсы p > 1,4 ГэВ/с. Оценки фона от неправильно идентифицированных адронов, от распадов $J/\psi \rightarrow l^+l^-$, от асимметричной конверсии γ -квантов были сделаны с использованием экспериментальных данных, и только вклад от распадов вторичных D-мезонов был получен расчетом по методу Монте-Карло. После вычитания всех фонов осталось 24,8 ± 7,6 ± 3,8 события с лептонами одинаковых знаков. Вероятность такой флуктуации фона соответствует статистической значимости сигнала в 4 стандартных отклонения. Число событий с лептонами разного знака после вычитания фона оказалось равным 270,3 ± 19,0 ± 5,0. По формуле (6), используя теоретически ожидаемое значение параметра $\lambda = 1,2$, был получен параметр смешивания B_d^n - и \overline{B}_d^n -мезонов $r = 0,22 \pm 0,09 \pm 0,04$.

В третьем методе анализа использовалась комбинация из первых двух. Один из В⁶-мезонов, реконструированный согласно описанной выше процедуре, рассматривался совместно с быстрым (p > 1,4 ГэВ/c) лептоном. Этот метод менее чувствителен к неправильной идентификации адронов, чем предыдущей. Кроме того, исключается влияние заряженных В-мезонов. Было найдено 5 кандидатов на события со смешиванием В⁶-мезонови 23 кандидата без смешивания. Фон составил 0,9 ± 0,3 и 2,2 ±1,1 события соответственно. Это дает значение параметра смешивания

$$r = \frac{N (B_{d}^{0}l^{+}) + N (\overline{B}_{d}^{0}l^{-})}{N (B_{d}^{0}l^{-}) + N (\overline{B}_{d}^{0}l^{+})} = 0,20 \pm 0,12.$$

События, найденные вторым и третьим методами, частично перекрываются. Из них два события с лептонами одинакового знака и 11 событий с лептонами разного знака. С учетом этой корреляции, был получен окончательный результат $r_d = 0.21 \pm 0.08$ (при значении параметра $\lambda = 1.2$). Это соответствует (см. формулы (3) и (4))

 $\chi_d = 0.17 \pm 0.05$ M $x_d = 0.73^{+0.17}_{-0.19}$.

Сравнение результатов обсуждавшихся выше экспериментов показано на рис. 6. Результаты группы CLEO были пересчитаны по формуле (6) и приведены для значения $\lambda = 1,2$. При этом опубликованный результат практически не изменился. Обнаруженное группой ARGUS $B_d^0B_d^0$ -смешивание устанавливает нижний предел на параметр χ_d , в то время как результат CLEO наиболее жестко ограничивает этот параметр сверху. Таким образом, $0,08 < \chi_d < 0,19$ на 90%-ном уровне достоверности. С учетом неопределенностей в рождении B_d^0 -мезонов эксперименты при высоких энергиях не улучшают эти пределы. Параметр χ_s пока что не фиксирован, т.е. $B_s^0\overline{B}_s^0$ -смешивание может быть любым.

3. Следствия большого $\mathbf{B}^{a}_{d}\mathbf{B}^{a}_{d}$ -смешивания. В стандартной модели параметр смешивания $x_{d} = \Delta M/\Gamma$ быстро растет с увеличением массы t-кварка и элемента матрицы KM (1) V_{td} :

$$x_{\rm d} \approx \tau_{\rm B} \frac{G_{\rm F}^2}{6\pi^2} \eta_{\rm KXZ} m_{\rm B} \left(B_{\rm B} f_{\rm B}^2 \right) m_{\rm t}^{2 \sharp} \left(\frac{m_{\rm t}^2}{M_{\rm W}^2} \right) |V_{\rm td}^* V_{\rm tb}|^2, \tag{7}$$

тде т_в — время жизни В-мезона, $\eta_{KXД} \approx 0.85$ — КХД-поправка ¹², $B_{\rm B}$ и $f_{\rm B}$ — константы, параметризующие матричный элемент перехода В⁰ в $\overline{\rm B}^0$ а

$$\xi(y) = 1 - \frac{3}{4} \frac{y(1+y)}{(1-y)^2} - \frac{3}{2} \frac{y^2}{(1-y)^3} \ln y$$

есть медленно убывающая функция, учитывающая эффект пропагатора W-бозона ^{28,29}: $\xi(0) = 1$, $\xi(1) = 3/4$, $\xi(\infty) = 1/4$. Аннигиляционная



Рис. 6. Результаты экспериментов по исследованию **В⁰Б⁰-осцилляций**. Штриховые линии—центральные значения; штрихпунктирные и сплошные линии соответствуют одному и двум стандартным отклонениям. Заштрихованные области запрещено на 95 %-ном уровне достоверности. Для экспериментов при высоких энергиях использовалось предположение **(X)** ==

 $= 0,375\chi_{d} + 0.15\chi_{s}$

константа $f_{\mathbf{B}}$ аналогична хорошо известной константе f_{π} , определяющей распад $\pi^+ \rightarrow \mu^+ \nu$:

$$\langle 0|d\gamma_{\mu}\gamma_{5}b|\mathrm{B}^{0}_{\mathrm{d}}
angle = if_{\mathrm{B}}p_{\mu}.$$

 $B_{\rm B}$ калибрует матричный элемент перехода $\overline{\rm B}^0$ в ${\rm B}^0$:

$$\langle \mathbf{B}_{\mathbf{d}}^{\mathbf{0}}|\overline{d}\gamma_{\mu}\left(1+\gamma_{5}\right)b\overline{d}\gamma_{\mu}\left(1+\gamma_{5}\right)b|\overline{\mathbf{B}}_{\mathbf{d}}^{\mathbf{0}}\rangle = \frac{8}{3}f_{\mathbf{B}}^{2}B_{\mathbf{B}}M_{\mathbf{B}}^{2}.$$

При вычислении этого матричного элемента обычно считается, что можно ограничиться лишь вакуумным промежуточным состоянием, что соответствует $B_{\rm B} = 1$. Все параметры в формуле (7), кроме $m_{\rm t}$ и $V_{\rm td}$, либо известны, либо могут быть вычислены.

К сожалению, существует большой разброс в предсказаниях для произведения $B_{\rm B}f_{\rm B}^2$. Обсуждение неопределенности в значении $B_{\rm B}$ можно найти в обзорах^{30,31}. Отметим, что недавние расчеты³² с использованием правил

сумм КХД дают $B_{\rm B} = 0.9 - 1$. Для $f_{\rm B}$ оценки простираются от 50 МэВ ³³ до 300 МэВ ³⁴. Предсказания $f_{\rm B} > 200$ МэВ начинают входить в противоречие с экспериментальными данными. Верхний предел на относительную вероятность распада $D^+ \rightarrow \mu^+ \nu$, установленный группой MARKIII, приводит к ограничению на аннигиляционную константу D^+ -мезона $-f_{\rm D} < 290$ МэВ на 90%-ном уровне достоверности ³⁵. Поскольку аннигиляционная константа должна уменьшаться с ростом массы мезона

$$\frac{f_{\rm B}}{f_{\rm D}} = \left(\frac{M_{\rm D}}{M_{\rm B}}\right)^{1/2} \left(\frac{\alpha_{\rm s}\left(m_{\rm c}\right)}{\alpha_{\rm s}\left(m_{\rm b}\right)}\right)^{2/9},\tag{8}$$

то из ограничения на $f_{\rm D}$ следует, что $f_{\rm B} \leq 200$ МэВ. В соответствии с подробным анализом теоретической ситуации, сделанным Шифманом³¹, наиболее надежными следует считать расчеты^{39,40}, использующие правила сумм КХД. Они предсказывают $f_{\rm B} = 100 - 130$ МэВ. Поскольку $V_{\rm td}$ зависит от θ_{13} и СР-нечетной фазы δ , измерение $x_{\rm d}$ приво-

Поскольку V_{td} зависит от θ_{13} и СР-нечетной фазы δ , измерение x_d приводит к связи между тремя неизвестными пока параметрами кваркового сектора стандартной модели: m_t , θ_{13} и δ . От этих же параметров зависит величина



Рис. 7. Зависимость массы t-кварка от $(s_{13}/s_{23})^2$ для двух значений $\mathbf{x}_{\mathbf{d}}$

Таким образом, зная x_d и ε_K , можно найти связь между любыми парами из трех неизвестных параметров кваркового сектора СМ. На рис. 7 показана зависимость m_t от $(s_{13}/s_{23})^2$, полученная Уральцевым и Хозе ⁴² для x_d =

= 0,73 и $x_d = 0,5$, близкого к экспериментальной нижней границе $^2 - x_d > 0,44$ на 90%-ном уровне достоверности. Ошибки в параметрах, входящих в формулу (7), приводят к неопределенности в предсказаниях, сравнимой с неопределенностью, вызываемой неточностью в значении x_d . Конечно, существуют значительные неопределенности и в теоретических предсказаниях для $\varepsilon_{\rm K}$. Однако при не очень малом отношении $s_{13}/s_{23} \sin \delta$ получается небольшим, и неточности в параметрах, определяющих $\varepsilon_{\rm K}$, слабо сказываются на значении массы t-кварка. В этом случае изменение $\varepsilon_{\rm K}$ даже в два раза меняет m_t всего на несколько $\Gamma \ni B/c^{242}$.

Для отношения $s_{13}/s_{23} \approx |V_{ub}| / |V_{cb}|$ существует верхний предел⁴: | $V_{ub}| / |V_{cb}| < 0,2$ на 90%-ном уровне достоверности *). Этот предел следует из анализа импульсного спектра лептонов в полулептонных распадах В-мезонов. Для его получения нужно знать форму спектра лептонов для переходов $b \rightarrow ulv$ и $b \rightarrow clv$ (рис. 8). Надежных теоретических предсказаний для нее не имеется, и в расчетах приходится полагаться на модели. Разные модели приводят к разным пределам на $|V_{ub}| / |V_{cb}|$. Поэтому принято использовать нерелятивистскую модель Гринстайна, Изгура и Вайза⁴³, дающую самое слабое ограничение.

Более надежный предел на $|V_{ub}| / |V_{cb}|$ следует из измерений выхода очарованных частиц в распадах В-мезонов. Оказывается⁴, что в распаде В-мезона в среднем рождается около одного с-кварка; следовательно, переход $\mathbf{b} \rightarrow \mathbf{c}$ (см. рис. 8, *б*, *г*, *е*) является доминирующим. Однако при учете того, что очарованные частицы рождаются и при переходе $\mathbf{b} \rightarrow \mathbf{u}$ (см. рис. 8, *д*),

^{*)} Учитывая большие теоретические неопределенности, мы округлили точное значение предела.

предел оказывается ⁴⁴ довольно слабым: $|V_{ub}| / |V_{cb}| < 0,5$ на 90%-ном уровне достоверности. Обычно, несмотря на теоретические неопределенности, используется предел $|V_{ub}| / |V_{cb}| < 0,2$, следующий из анализа лептонных спектров.

Зная верхний предел на s_{13}/s_{23} изависимость m_t от s_{13}/s_{23} (см. рис. 7), можно получить нижний предел на массу t-кварка. Он определяется, в основном, величиной x_d , и использование информации о ε_K улучшает его лишь на несколько ГэВ/ c^{2} ^{45,46}. В большинстве работ, посвященных анализу



Рис. 8. Диаграммы для каббибо-разрешенных переходов b + u и b + c

следствий большого $\mathbb{B}_{d}^{0}\overline{\mathbb{B}}_{d}^{0}$ -смешивания ^{5,42,45-50} и отличающихся друг от друга различными предположениями о имеющихся неопределенностях, минимальная масса t-кварка оказывается равной примерно 45 — 60 ГэВ/ c^2 , а наиболее «естественное» ее значение, соответствующее центральным значениям параметров f_{B} , $x_{d} \equiv s_{13}/s_{23}$, находится в районе 100 ГэВ/ c^2 . С другой стороны, анализ радиационных поправок при определении $\sin^2 \theta_{W}$ приводит к верхнему пределу ⁵¹ $m_t < 180$ ГэВ/ c^2 .

К сожалению, нижнему пределу на массу t-кварка вряд ли можно приписать, как это обычно делается, определенный уровень достоверности, поскольку при его получении кроме экспериментальных ошибок весьма существенны теоретические неопределенности. При использовании очень большого $B_{\rm B}f_{\rm B}^2$ (например, 0,06 ГэВ²) удается понизить предел на $m_{\rm t}$ вплоть до 25 ГэВ/ c^{2-62} — ограничения, полученного прямыми происками t-кварка на е⁺е⁻-кольцах TRISTAN³³. Правда, такое большое значение $B_{\rm B}f_{\rm B}^2$ противоречит не только большинству теоретических оценок, но и ограничению на $f_{\rm B}$, следующему из экспериментального верхнего предела на $f_{\rm D}$ и представляющемуся весьма надежным. Еще один аргумент в пользу большой массы t-кварка был получен недавно группой UA1⁵⁴, которая установила предел $m_i > 44 \ \Gamma \ni B/c^2$. Правда, и этот результат основывается на ряде предположений, которые могут ставиться под сомнение⁵².

В дальнейшем мы будем следовать общепринятому мнению, что наблюдаемое большое смешивание $B_d^2 \overline{B}_d^2$ может быть объяснено в рамках стандартной модели с тремя поколениями кварков, только если масса t-кварка превышает 45—50 ГэВ/ c^2 , и что наиболее вероятное значение m_t находится в районе 100 ГэВ/ c^2 . При такой большой массе хорошо описываются все чувствительные к ней экспериментальные данные.

Кроме нижнего предела на массу t-кварка большое $B_d^eB_d^e-смешива-$ ние приводит в рамках стандартной модели к целому ряду следствий. Одним из наиболее интересных является предсказание большого смешивания $B_s^eB_s^e$. Хотя, как обсуждалось выше, в вычислении $B_Bf_B^e$ имеются значительные неопределенности, отношение этих факторов для B_s^e - и B_d^e -мезонов должно быть близко к 1 *). Не должны различаться больше чем на 10% и их времена жизни ^{12,13}. Поэтому, используя формулу (7), получаем

$$\frac{x_{\rm s}}{x_{\rm d}} = \frac{|V_{\rm ts}|^2}{|V_{\rm td}|^2} \frac{f_{\rm B_{\rm s}}^2 B_{\rm B_{\rm s}}}{f_{\rm B_{\rm d}}^2 B_{\rm B_{\rm d}}} \frac{\tau_{\rm B_{\rm s}}}{\tau_{\rm B_{\rm d}}} \approx \frac{|V_{\rm ts}|^2}{|V_{\rm td}|^2}.$$
(9)

В выбранной нами параметризации матрицы КМ (1)

$$\frac{|V_{\rm ts}|^2}{|V_{\rm td}|^2} = \frac{s_{23}^2}{|s_{12}s_{23} - s_{13}e^{i\delta}|^2} = \frac{1}{|s_{12} - (s_{13}/s_{23})e^{i\delta}|^2}.$$
(10)

Это выражение достигает минимума при фазе $\delta = 180^{\circ}$ (в действительности δ не может быть точно равно 180°, так как при этом $\varepsilon_{\mathbf{k}} = 0$). Поэтому

$$\frac{x_{\rm s}}{x_{\rm d}} > \frac{1}{[s_{12} + (s_{13}/s_{23})]^2} \ge 5,6,\tag{11}$$

где при получении второго неравенства мы использовали предел $s_{13}/s_{23} < < 0,2$ (даже при использовании консервативного предела $s_{13}/s_{23} < 0,5 x_s$ оказывается в 2 раза больше, чем x_d). Поскольку $x_d > 0,44$ на 90%-ном уровне достоверности ², смешивание $B_s^0 \overline{B}_s^0$ ожидается большим независимо от массы t-кварка — $x_s > 2,5$. Этот вывод остается в силе и для большинства простых расширений СМ ³ — например, в суперсимметричных моделях, в. моделях с несколькими хиггсовыми дублетами, в минимальных лево-право-симметричных моделях. Но конечно, соотношение между x_d и x_s может быть совершенно другим, если существует четвертое поколение кварков ^{5,6,50,56}. Несомненно, проверка соотношений (9) и (11) является одним из самых критических тестов современных теоретических представлений.

На рис. 9 показаны граница, следующая из неравенства (11), и ограничения на параметры смешивания x_d и x_s , полученные в экспериментах UA1¹, MARK II ¹⁷, CLEO ²⁵ и ARGUS ². Условие (11) и результаты групп ARGUS и CLEO выделяют заштрихованную на рисунке небольшую область возможных значений x_d , x_s . Верхний предел группы MARK II мог бы еще больше сузить разрешенную область, если бы было известно, как часто B_s^0 - и B_d^0 -мезоны рождаются в е⁺e⁻-аннигиляции при $s^{1/2} = 29$ ГэВ. Однако выходы B_s^0 - и B_d^0 -мезонов трудно надежно предсказать, особенно учитывая, что большая их часть может возникать, как и в случае очарованных частиц ^{57,58}, из возбужденных состояний bs (например, P-уровней), которые могут рас-

^{*)} Естественно ожидать, что f_{B_s} лишь немного больше f_{B_d} ^{36,55}, как и в случае D-мезонов.

падается не на $\overline{B}_{s}^{0}\pi\pi$, а на $\overline{B}_{d}^{0}K$ и $\overline{B}_{d}^{c*}K$ ⁵⁹ *). Как видно из рис. 9, в разрешенной области χ_{s} оказывается близким к своему максимальному значению.

Хотя смешивание $B_s^0\overline{B}_s^0$ предсказывается большим, обнаружить его будет не просто. При исследовании лептонных пар эффект $B_s^0\overline{B}_s^0$ -смешивания придется выделять на фоне большого сигнала от B_d^0 -мезонов, которых должно

рождаться в несколько раз больше. И даже обнаружение корреляций между лептонами и странными частицами не будет однозначно свидетельствовать о том, что это лептоны от распадов B_s^0 -мезонов, — опять из-за возможного распада возбужденных состояний bs на \overline{B}_d^0 К и \overline{B}_d^{*0} К. Восстановление же достаточного числа эксклюзивных распадов B_s^0 -мезонов вряд ли возможно в ближайшем будущем.

Еще сложнее будет определить точное значение x_s , так как при большом смешивании интегральные характеристики становятся нечувствительными к величине x. Например, при изменении x от 5 до 25 χ меняется всего лишь от 0,48 до 0,499. Это легко понять, ведь большое $x = \Delta M/\Gamma$ означает, что В-мезон успевает много раз проосциллировать перед распадом и «забыть», был ли он



Рис. 9. Пределы на 95 %-ном уровне достоверности, на параметры смешивания χ_d и χ_g . Штриховой линией показаны ограничения, следующие из стандартной модели. Разрешенная в СМ область параметров заштрихована

вначале частицей или античастицей, т.е. смешивание становится полным ($\chi \approx 0,5$). Поэтому для определения x_s придется, как и в случае К-мезонов, изучать временну́ю картину осцилляции. На рис. 3 показана зависимость от времени числа В- и Б-мезонов при распаде меченых B⁰_dмезонов ($\Delta M/\Gamma = 0,73$) и В⁰_s-мезонов, для которых использовано типичное предсказание $\Delta M/\Gamma = 10$. Надежное восстановление вторичных вершин от распадов В-мезонов, необходимое для исследования временной зависимости осцилляции, должно привести к радикальному скачку в исследовании свойств как B⁰_s-, так и B⁰_d-мезонов. Весьма перспективными в этом отношении являются новые протонные ускорители — TEVATRON, УНК и SSC, на которых длина пробега В-мезонов может достигать десятков сантиметров. Подробное обсуждение этого вопроса можно найти в работах^{6,60,61}.

При большой массе t-кварка предсказания для относительных вероятностей ряда редких распадов становятся доступными для экспериментальной проверки в ближайшем будущем. Относительная вероятность распада $K^+ \rightarrow \pi^+ v v$ (рис. 10, *a*) предсказывается теперь ^{42,46} более чем 10⁻¹⁰. Она сильно зависит от массы t-кварка и пропорциональна числу типов нейтрино. Наблюдение этого распада явится важной проверкой стандартной модели, позволит еще больше ограничить значения ее параметров.

Предсказания для распада $B \rightarrow K^* \gamma$, в котором фотон излучается при переходе $b \rightarrow s\gamma$ (рис. 10, *б*), также близки к имеющимся экспериментальным ограничениям. При массе t-кварка в районе 100 ГэB/с² ожидается ⁶², что **Br** (B⁰ $\rightarrow K^{*0}\gamma$) ~ 10⁻⁴, а верхний предел уже сейчас равен ⁴ 4,2·10⁻⁴ на

^{*)} Мы благодарны А. Е. Блинову и А. Б. Кайдалову за обсуждение этой возможности.

90 %-ном уровне достоверности. Распады, обусловленные переходом $b \rightarrow s\gamma$, как и распад $K^+ \rightarrow \pi^+ \nu \nu$, весьма чувствительны к новой физике за пределами стандартной модели. Например, существование четвертого поколения кварков может на порядок увеличить или уменьшить относительную вероятность распада $B \rightarrow K^* \gamma^{63}$. Это делает поиски обсуждаемых распадов еще более интересными.

Если масса t-кварка окажется больше M_w , то придется пересмотреть способы поиска новых явлений на будущих ускорителях, так как не W⁺ будет распадаться на tb, а t на W⁺b. При $m_t \ge 150 \ \Gamma \ge B/c^2$ радикально меняются и свойства топония. Подробно эти проблемы обсуждаются в обзоре ⁴².



Рис. 10. Диаграммы распадов К $\rightarrow \pi^+ v \bar{v}$ (a) и В^o $\rightarrow K^{*o} \gamma$ (б)

В стандартной модели углы и фазы матрицы КМ и массы кварков являются свободными параметрами. Вряд ли такая ситуация может считаться удовлетворительной с теоретической точки зрения. Кроме того, хорошо известны простые феноменологические соотношения, заставляющие задуматься о возможной связи масс кварков и углов матрицы КМ:

$$\theta_{12} = 0.22 \left(\frac{m_{\rm d}}{m_{\rm s}}\right)^{1/2} \approx 0.22 \left(\frac{m_{\rm s}}{m_{\rm b}}\right)^{1/2} \approx 0.17,$$

$$\theta_{23} \approx 0.05 \left(\frac{m_{\rm u}}{m_{\rm c}}\right)^{1/2} \approx 0.06 \left(\frac{m_{\rm d}}{m_{\rm b}}\right)^{1/2} \approx 0.04,$$

$$\theta_{13} < 0.01 \left(\frac{m_{\rm u}}{m_{\rm t}}\right)^{1/2} < 0.01,$$
(12)

где для масс кварков использованы значения из работы ⁶⁴. Поэтому не прекращаются теоретические попытки, если не фиксировать все массы и углы, то хотя бы воспроизвести соотношения между ними. На основании различных обобщений СМ или просто феноменологически выбираются специальные формы массовых матриц верхних и нижних кварков с числом параметров Nменьше 10 (см. Введение). Тогда после диагонализации массовых матриц возикает 10 — N соотношений между параметрами матрицы КМ и массами кварков.

В схеме, предложенной Фричем 65,

$$M_{\mathbf{u}} = \begin{pmatrix} 0 & a_{\mathbf{u}} & 0 \\ a_{\mathbf{u}} & 0 & b_{\mathbf{u}} \\ 0 & b_{\mathbf{u}} & d_{\mathbf{u}} \end{pmatrix}, \qquad M_{\mathbf{d}} = \begin{pmatrix} 0 & a_{\mathbf{d}}e^{i\Phi_{\mathbf{1}}} & 0 \\ a_{\mathbf{d}}e^{-i\Phi_{\mathbf{1}}} & 0 & b_{\mathbf{d}}e^{i\Phi_{\mathbf{s}}} \\ 0 & b_{\mathbf{d}}e^{-i\Phi_{\mathbf{s}}} & c_{\mathbf{d}} \end{pmatrix},$$

т.е. имеется 8 параметров и, следовательно, 2 соотношения между измеряемыми величинами, в частности

$$\theta_{23} \ge \left(\frac{m_{\rm s}}{m_{\rm b}}\right)^{1/2} - \left(\frac{m_{\rm c}}{m_{\rm t}}\right)^{1/2}.$$
(13)

В другой схеме, полученной Бережиани и Чкареули 66 на основе предполо-

384

жения о горизонтальной симметрии, диагональные элементы массовых матриц верхних и нижних кварков пропорциональны друг другу. Среди матриц такого типа наиболее известны массовые матрицы Штеха⁶⁷. В этом случае

$$\theta_{23} \approx \left(\frac{m_{\rm s}}{m_{\rm b}} - \frac{m_{\rm c}}{m_{\rm t}}\right)^{1/2}.\tag{14}$$

Существуют и другие модели массовых матриц. Нетрудно заметить, что соотношения (13) и особенно (14) не выполняются при большой массе t-кварка. Тщательный анализ всех соотношений, проведенный Харари и Ниром ⁴⁷ и Эллисом, Хагелином, Рудой и Ву ^{45,46}, показывает, что наблюдаемые значения x_d и ε_k не совместимы с обсуждавшимися выше массовыми матрицами кварков (точнее, Харари и Нир, а также Олбрайт, Ярлског и Линдхольм ⁶⁶, предполагая несколько большие неопределенности, нашли узкие области, в которых схема Фрича еще согласуется с экспериментом, но на самой границе возможных значений параметров).

Плохо согласуются с большим значением x_d и ряд других выражений для массовых матриц кварков ⁶⁹, являющихся вариантами схем, обсуждавшихся выше.

Как видим, наблюдение большого $B^o_d \overline{B^o_d}$ -смешивания накладывает весьма жесткие ограничения на параметры стандартной модели и приводит к появлению новых возможностей для ее критической проверки. Так, если окажется, что $B^o_s \overline{B^o_s}$ -смешивание невелико ($\chi_s < 2$) или будет открыт относительно легкий t-кварк (например, на е⁺е⁻⁻кольце TRISTAN), то объяснение придется искать за рамками стандартной модели (при условии, конечно, что peзультат группы ARGUS выдержит проверку временем) *).

Многие новые гипотетические частицы могут давать вклад в смешивание $B^0\overline{B}^0$ (см. рис. 2) и изменять предсказания стандартной модели. Пока их существования не требуется для объяснения экспериментальных данных, и мы не будем обсуждать эту очень интересную проблему. Подробное изложение современной ситуации в этой области можно найти, например, в работах⁵.

4. Заключение. Перспективы исследований b-кварка. Как видно, в физике b-кварка затрагивается широкий спектр вопросов: от определения фундаментальных параметров стандартной модели до выяснения границ ее применимости. Особый интерес вызывает поиск редких процессов, в которых наиболее ярко проявляются предсказания различных моделей. Эталоном может служить малое нарушение СР-инвариантности в слабых взаимодействиях, для наблюдения которого в распадах В-мезонов открываются новые возможности после обнаружения большого В⁰В⁰-смешивания. Хотя впервые нарушение СР-четности наблюдалось более 20 лет назад, механизм его остается непонятным. До недавнего времени все экспериментальные данные согласовывались с тем, что единственным параметром нарушения СР-инвариантности служит смешивание нейтральных каонов. Однако в 1987 г. появилось указание ¹⁰, что параметр є́к, описывающий нарушение СР непосредственно в распадах К-мезонов, также отличен от нуля: $\epsilon'_{\rm K}/\epsilon_{\rm K} = (3.5 \pm 1.4) \cdot 10^{-3}$ в хорошем согласии с предсказаниями СМ в случае большой массы t-кварка (см., например, ^{42,45,46}). К сожалению, наблюдение СР-неинвариантных эффектов в распадах К-мезонов затрудняется малостью соответствующих асимметрий.

Большое В⁰ \overline{B}^0 -смешивание должно приводить в CM к большему CPнарушению непосредственно в распадах В-мезонов ^{9,24,71} (CP-нарушающие эффекты, возникающие только в В⁰ \overline{B}^0 -смешивании, очень малы ⁷²). В неко-

^{*)} На XXIV международной конференции по физике высоких энергий, состоявшейся в августе 1988 г. в Мюнхене, этот результат был подтвержден группой CLEO, которая получила значение параметра смешивания $r = 0.18 \pm 0.08$.

торых каналах распада СР-нечетные асимметрии могут достигать десятков процентов (см., например, ⁷³). Правда, относительно малые вероятности этих распадов требуют ~ 10° ВБ-пар, чтобы зарегистрировать эффект. Такое число В-мезонов может быть получено на будущих ускорителях. При этом необходимо учитывать, что в экспериментах в области Υ (4S)-резонанса нельзя использовать интегральные характеристики, так как при рождении ВБ-пары в Р-волне после интегрирования по времени СР-нечетные эффекты исчезают²⁴. Для измерения зависящих от времени СР-нечетных асимметрий необходима информация о вершинах распадов В-мезонов. В этом смысле весьма перспективно выглядят асимметричные е⁺е-кольца, где преимущества исследования В-мезонов в области Г (4S)-резонанса сочетаются с возможностью реконструировать их вершины. При высоких энергиях, где пробег В-мезонов увеличивается, можно реально обсуждать эксперименты по детальному исследованию пространственного распределения В⁰- и \overline{B}^0 -мезонов 6,60. Изучая временные зависимости осцилляции прелести (2), можно получить информацию о несохранении СР-инвариантности.

Интенсивные исследования в области физики В-мезонов продолжаются в экспериментах ARGUS и CLEO. Одновременно ведутся работы по повышению светимости накопильных колец DORIS II, CESR и ВЭПП-4М. Ожидается, например: светимость CESR достигает уровня $\sim 2 \cdot 10^{32}$ см⁻²с⁻¹ ⁷⁴. Создаются также новые экспериментальные установки: CLEO II ⁷⁵ и КЕДР ⁷⁶. Кроме этого, изучение физики b-кварка рассматривается как одно из перспективных направлений физической программы практически на всех строящихся и проектируемых ускорителях частиц высоких энергий (см., например, ⁶¹). Следует, однако, заметить, что число В-мезонов, рождающихся на ускорителях SLC, LEP и HERA, будет недостаточным для изучения CP-неинвариантных эффектов.

Интерес к физике b-кварка привел к появлению многочисленных проектов e⁺e⁻-коллайдеров нового поколения — «В-фабрик», работающих в околопороговой области и специально ориентированных на исследование B-мезонов. Эти проекты можно условно разделить на три класса:

а) симметричные e^+e^- -накопительные кольца с очень высокой светимостью: ~ $5 \cdot 10^{32} - 10^{33}$ см⁻²с⁻¹ ^{77,78};

б) линейные коллайдеры, также обладающие высокой светимостью $\sim 10^{33}$ см⁻²с⁻¹^{79,80};

в) асимметричные е⁺е⁻-накопительные кольца. Идея таких колец состоит в том, что при столкновении электронов и позитронов с разной энергией образуется движущаяся система (например, Υ (4S)-мезон). В этом случае становится возможной регистрация вершин распадов В-мезонов, что существенно повышает эффективность восстановления полной картины события и позволяет исследовать осцилляции В-мезонов во времени. Замена в этой схеме электронного кольца на линейный ускоритель может привести к увеличению светимости до 10^{34} см⁻²с⁻¹ и даже более⁸¹.

Оценки ожидаемого числа $B\overline{B}$ -пар, рожденных на «B-фабриках», позволяют надеяться через несколько лет работы достичь уровня, необходимого для обнаружения CP-неинвариантных эффектов.

Многообразие физических задач и экспериментальных программ по исследованию В-мезонов должны в недалеком будущем привести к появлению новых результатов в этой очень интересной области физики.

Нам приятно поблагодарить коллег из группы ARGUS, особенно В. Шмидта-Парцефаля, Х. Шрёдера и Д. Макфарлайна. Мы очень признательны З. Г. Бережиани, И. А. Голутвину, Н. Г. Уральцеву, В. А. Хозе и Дж. Л. Чкареули за многочисленные обсуждения проблем, затронутых в обзоре. Особенно мы хотим поблагодарить М. Б. Волошина, В. А. Любимова, Л. Б. Окуня и М. А. Шифмана, взявших на себя нелегкий труд прочтения рукописи и сделавших целый ряд важных и конструктивных замечаний

осцилляции в-мезонов

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- Albajar C. et al. (UA1 Collab.)//Phys. Lett. Ser. B. 1987. V. 186. P. 247. Albrecht H. et al. (ARGUS Collab.)//Ibidem. V. 192. P. 245. Glashow S. L., Illiopoulos J., Maiani L.//Phys. Rev. Ser. D. 1970. 3
- V. 2. P. 1285.
 S c h m i d t P a r z e f a 11 W.//Proc. of the Intern. Symposium on Lepton and Photon Interactions at High Energies.— Hamburg, FRG, 1987.— P. 257.
 Altarelli G., Franzini P. Preprint CERN-TH-4745.—Geneva, 1987. A 1 i A. Preprint DESY 87-083.— Hamburg, 1987.
 D atta A., Paschos E. A., Tuerke U.//Phys. Lett. Ser. B. 1987. V. 196.
- P. 376.

- Р. 3/6.
 Азимов Я. И., Уральцев Н. Г., Хозе В. А.//ЯФ. 1987. Т. 45. С. 1412.
 Коbayashi М., Maskawa К.//Prog. Theor. Phys. 1973. V. 49. Р. 652.
 Chau L.-L., Keung W. Y.//Phys. Rev. Lett. 1984. V. 53. Р. 1802.
 Harari, Leurer M.//Phys. Lett. Ser. B. 1986. V. 181. Р. 123.
 ⁹ Bigi I. I., Khoze V. A., Uraltsev N. G. Preprint SLAC-PUB-4476. 1987. Уральцев Н. Г., Хозе В. А.//УФН. 1985. Т. 146, С. 507.
 ¹⁰ Окунь Л. Б. Лептоны и кварки. М.: Наука, 1982.
- ¹¹ O k u n L. B., Zakharov V. I., Pontecorvo B. M.//Lett. Nuovo Cimento 1975. V. 13. P. 218.
 ¹² Hagelin J. S.//Nucl. Phys. Ser. B. 1981. V. 193. P. 123.
 ¹³ Волошин М. Б., Шифман М. А.//ЖЭТФ. 1986. Т. 91. С. 1180. Волошин М. Б. и др.//ЯФ. 1987. Т. 46. С. 181.
 ¹⁴ Pais A., Treiman S. B.//Phys. Rev. Ser. D. 1975. V. 12. P. 2744.
 ¹⁶ A rnison G. et al. (UA1 Collab.)//Phys. Lett. Ser. B. 1984. V. 147. P. 493.
 ¹⁸ Gaillard M. K., Lee B. W.//Phys. Rev. Ser. D. 1974. V. 10. P. 897. E11is J. et al.//Nucl. Phys. Ser. B. 1977. V. 131. P. 285. Ali A., Aydin Z. Z.//Ibidem. 1978. V. 148. P. 165. Bigi I. I., S and a S. I.//Phys. Rev. Ser. D. 1984. V. 29. P. 1393. Paschos E. A., Tuerke U.//Nucl. Phys. Ser. B. 1984. V. 243. P. 29.
 ¹⁷ S haad T. et al. (MARK II Collab.)//Phys. Lett. Ser. B. 1985. V. 160. P. 188.
 ¹⁸ S chubert K. R.//Proc. of the Intern. Europhysics Conference on High Energy Physics.-Uppsala, Sweden, 1987.-V. II. P. 791.
 ¹⁹ Bartel W. et al. (JADE Collab.)//Phys. Lett. Ser. B. 1984. V. 146. P. 437. N ar oska B.//Phys. Rep. Ser. C. 1987. V. 148. P. 67. ¹¹ Okun L. B., Zakharov V. I., Pontecorvo B. M.//Lett. Nuovo Cimento

- ²¹ D r e ll S. D., Y a n T.-M.//Phys. Rev. Lett. 1970. V. 25. P. 316.
 ²² B a n d H. R. et al. (MAC Collab.)//Phys. Lett. Ser. B. 1988. V. 200. P. 221.
 ²³ G it t e l m a n B., S t o n e S. Preprint CLNS 87/81.— Ithaca, USA, 1987.
 ²⁴ B ig i I. L, S a n d a A. I.//Nucl. Phys. Ser. B. 1981. V. 193. P. 85; Phys. Lett. Ser. B. 1986. V. 171. P. 320.
 ²⁵ B e a n A. et al. (CLEO Collab.)//Phys. Rev. Lett. 1987. V. 58. P. 183.
 ²⁶ A v e r y P. et al. (CLEO Collab.)//Phys. Rev. Lett. 1984. V. 53. P. 1309.
 ²⁷ A 1 b r e c h t H. et al. (ARGUS Collab.)//Phys. Lett. Ser. B. 1987. V. 185. P. 218.
 ²⁸ B ы с оцкий М. И.//ЯФ. 1980. T. 31. C. 1535.
 ²⁹ I n a m i T., L i m C. S.//Prog. Theor. Phys. 1981. V. 65. P. 297.
 ³⁰ Altarelli G., F r a n z i n i P. Preprint CERN-TH-4914.— Geneva, 1987. B i g i I.I. Preprint SLAC-PUB-4439.—1987.

- Шифман М. А.//УФН. 1987. Т. 151. С. 193. Shifman M. А.//⁴. Р. 289. Овчинников А. А., Пивоваров А. А. Препринт ИЯИ АН СССР П-0555. Москва, 1987.

- 36
- Москва, 1907. Golowich E.//Phys. Lett. Ser. B. 1980. V. 91. P. 271. Suzuki M.//Ibidem. 1985. V. 162. P. 392. Silverman D., Yao H. Preprint Univ. of California 87-29.— Irvine, USA, 1987. Adler J. et al. (MARK III Collab.)//Phys. Rev. Lett. 1988. V. 60. P. 1375. Азимов Я. И., Франкфурт Л. Л., Хозе В. А.//Письма ЖЭТФ. 1976. Г. 24. С. 373.

- 1. 24. С. 575. 37 Shuryak E. V.//Nucl. Phys. Ser. B. 1982. V. 198. P. 83. ³⁸ Волошин М. Б., Шифман М. А.//ЯФ. 1987. Т. 45. С. 453. ³⁹ Житницкий А. Р., Житницкий И. Р., Черняк В. Л.//ЯФ. 1983. Т. 38. С. 1277. ⁴⁰ Алиер Т. М. Елонки й Р. Ц.//Ц: dore С. 1527.
- ⁴⁰ Алиев Т. М., Елецки й В. Л.//Ibidem. С. 1537.
- ⁴¹ Christenson J. H. et al.//Phys. Rev. Lett. 1964. V. 13. P. 138. Particle Data Group//Phys. Lett. Ser. B. 1986. V. 170. P. 1.
 ⁴³ Khoze V. A., Uraltsev N. G. Preprint LINP-1290.— Leningrad, 1987.
 ⁴³ Grinstein B. et al.//Phys. Rev. Lett. 1986. V. 56. P. 298.

- 44 D a n i l o v M. Invited Talk at the XVIII Intern. Symposium on Multiparticle Dyna-mics.—Tashkent, 1987; Preprint ITEP-213.—Moscow, 1987. E111 s J. et al. Preprint GERN-TH. 4816/87.— Geneva, 1987. 45
- 47

- Ellis J. et al. Preprint GERN-TH. 4816/87.— Geneva, 1987.
 Ellis J., Hagelin J. S., Rudaz S.//Phys. Lett. Ser. B. 1987. V. 192. P.201. Harari H., Nir Y.//Ibidem. V. 195. P. 586.
 Nir Y. Preprint SLAC-PUB-4368.— 1987.
 Barger V. et al.//Phys. Lett. Ser. B. 1987. V. 194. P. 312.
 Bigi I., Sanda A.//Ibidem. P. 307.
 Donoghue J. F. et al.//Phys. Lett. Ser. B. 1987. V. 195. P. 285.
 Chau L. L., Keung W. Y. Univ. of California at Davis Report UCD-87-02.—1987.
 D u D.-S., Z hao Z.-Y.//Phys. Rev. Lett. 1987. V. 59. P. 1072.
 Maalampin J., Roos M.//Phys. Lett. Ser. B. 1987. V. 195. P. 489.
 Hou W., Soni A. Preprint PITT-87-06.— Pittsburg, 1987.
 Tanimoto M., Suetake Y., Senba K. Preprint Ehime Univ. EHU-08-87.— Tanimoto M., Suetake Y., Senba K. Preprint Ehime Univ. EHU-08-87.-J987.

- ³¹ A m a l d i U. et al.//Phys. Rev. Ser. D. 1987. V. 36. P. 1385.
 ⁵² C u d e l 1 J. R. et al.//Phys. Lett. Ser. B. 1987. V. 196. P. 227. H a l z e n F. Preprint Univ. of Wisconsin MAD/PH/372.-1987.
 ⁵³ T a k a s a k i F./⁴.- P. 17.
 ⁵⁴ C l i n e D. (UA1 Collab.). Seminar at Aspen Center for Physics.-1987.
 ⁵⁵ K r a s e r m a n H.//Phys. Lett. Ser. B. 1980. V. 96. P. 397.
 ⁵⁶ B a r g e r V. et al.//Phys. Rev. Ser. D. 1984. V. 30. P. 947. A n s e l m A. A. et al.//Phys. Lett. Ser. B. 1985. V. 156. P. 102. G r o n a u M., S c h e c h t er J.//Phys. Rev. Ser. D. 1985. V. 31. P. 1668.
 ⁶⁷ A l b r e c h t H. et al. (ARGUS Collab.)//Phys. Rev. Lett. 1986. V. 56. P. 549.
 ⁵⁸ B e b e c k C. et al. (CLEO Collab.). Contributed Paper to the Intern. Symposium on Lepton and Photon Interactions at High Energies.- Hamburg, 1987.
 ⁵⁹ B j ö r k e n J. D. Talk presented at the Intern. Symposium for Fourth Family of Quarks and Leptons.-1987.
- аrks and Leptons.—1987. Ніказа J., Іді К.//Phys. Rev. Ser. D. 1981. V. 23. Р. 2027. Кайдалов А. Б., Ногтева А. В.//ЯФ. 1987. Т. 47. С. 505. ⁶⁰ Dunietz I., Rosner J.//Phys. Rev. Ser. D. 1986. V. 34. Р. 1404.

- Peccei R. D. Preprint DESY 87-134.— Hamburg, 1987. Bertolini S., Borzumati F., Masiero A.//Phys. Rev. Lett. 1987. V.59. 62 P.180.

- Desh pande N. G. et al.//Ibidem. P. 183. Hewett J. L.//Phys. Lett. Ser. B. 1987. V. 193. P. 327. Hou W.-S., Soni A., Steger H.//Phys. Rev. Lett. 1987. V. 59. P. 1521. Gasser J., Leutwyller H.//Phys. Rep. Ser. C. 1982. V. 87. P. 77. Fritzsch H.//Phys. Lett. Ser. B. 1977. V. 70. P. 436, 1978. V. 72. P. 317; 1986. V. 166. P. 423.
- V. 106. Р. 42.3. Бережиани З. Г., Чкареули Дж. Л.//Письма ЖЭТФ. 1982. Т. 35. С. 494; ЯФ. 1983. Т. 37. С. 1043. Stech B.//Phys. Lett. Ser. B. 1983. V. 130. Р. 189. A 1 b r i g h t C. H., Jarlskog C., Lindholm B.-A. Preprint FERMILAB-PUB-87/135-T.—Batavia, USA, 1987. Gronau M., Johnson R., Schechter J.//Phys. Rev. Lett. 1985. V. 54.

- 2176.
- Shin M.//Phys. Lett. Ser. B. 1984. V. 145. P. 285. ⁷⁰ M a n e 11 i I.//⁴. P. 367; Preprint CERN-EP-87-177. Geneva, 1987.

- ⁷¹ A n s e l m A. A., A z i m o v Ya. I.//Phys. Lett. Ser. B. 1979. V. 85. P. 72.
 ⁷² H a g e l i n J. S., W i s e M. B.//Nucl. Phys. Ser. B. 1981. V. 189. P. 87.
 ⁷³ B i g i I.I. Preprint SLAC-PUB-4443 (T/E).-1987.
 ⁷⁴ B e r k e l m a n K. Preprint GLNS-87-101.—1987.
 ⁷⁵ CLEO Collab. Preprint CLNS-85-634.—1985.
 ⁷⁶ A н а ш и н B. B. и др.//Труды Международного симпозиума по координатным детекторам в физике высоких энергий.— Дубна, 1987.— С. 58.
 ⁷⁷ W i 11 e K.//Proc. of the Intern. Symposium on Production and Decays of Heavy Hadrons.— Heidelberg, FRG, 1986.— P. 473.
 ⁷⁸ E i c h l e r R. et al. Preprint SIN-PR-86-13.—1986.
 ⁷⁹ C l i n e B., S o n i A. Preprint UCLA-87-TEP-6.—1987.

- ⁵⁹ Cline B., Soni A. Preprint UCLA-87-TEP-6.—1987.
 ⁸⁰ A m a l d i U., Coignet G.//Nucl. Instr. and Meth. Ser. A. 1987. V. 260. P. 7.
- ⁹¹ Grosse Wiesmann P. Preprint SLAG-PUB-4545 (E/A).-1988.
- Hagivara K.//Proc. of 2nd Intern Conference on Hadron Spectroscopy.-KEK. 1987.—P. 135.