# УСПЕХИ ФИЗИЧЕСКИХ НАУК

538.911

# ЗАРЯЖЕННЫЕ ДИСЛОКАЦИИ И СВОЙСТВА ЩЕЛОЧНОГАЛОИДНЫХ КРИСТАЛЛОВ

## Н. А. Тяпунина, Э. П. Белозерова

## СОДЕРЖАНИЕ

1. Введение	683
2. Теория заряженных дислокаций	684
2.1. Тонкая структура дислокаций в ЩГК. Влияние примесей на заряд дисло- каций. 2.2. Теоретические модели стационарных заряженных дислокаций. 2.3. Влияние электрического поля на элементарные акты пластической дефор- мации. Особенности движения заряженных дислокаций. 2.4. Прямой и обрат- ный дислокационные пьезоэффекты. Электроакустическая петия.	
3 Экспериментальные посооффекты. Электроакусническая пеляя.	
на свойства ЩГК	705
своиства ща к. 4. Заключение Список литературы	714 715

## 1. ВВЕДЕНИЕ

Известно, что способность кристаллов к пластической деформации во многом обусловлена подвижными дислокациями. Движение и взаимодействие дислокаций определяют не только изменение формы, но и реальную атомную структуру и многие физические свойства кристаллов. Динамика дислокаций поэтому в настоящее время относится к наиболее интенсивно развивающимся разделам физики твердого тела. Закономерности динамики дислокаций определяются характером межатомных сил связи в твердых телах. В кристаллах с гетерополярной связью, к которым относятся и кристаллы щелочных галоидов (ЩГК), дефекты, в том числе и дислокации, несут электрический заряд. Это вносит особенности в движение и взаимодействие дислокаций и приводит к появлению «перекрестных» эффектов, таких как перенос заряда при приложении механических нагрузок и пластическое течение под действием электрического поля. Эти эффекты, открытие которых связано с именами А. Ф. Иоффе<sup>1</sup>, А. В. Степанова<sup>2,3</sup> и Дюлаи и Хартли<sup>4</sup>, привлекают пристальное внимание исследователей в связи с широким использованием ЩГК в инфракрасной и лазерной технике, изготовлением на их основе твердотельных аккумуляторов и т.д.

Прогресс в изучении и объяснении электрических явлений в ЩГК во многом связан с успехами, достигнутыми за последние годы в исследовании заряженных дислокаций. В предлагаемом обзоре дается последовательное изложение теоретических и экспериментальных работ по заряженным дислокациям, проводимых как в нашей стране, так и за рубежом. Основное внимание уделено фундаментальным работам, выполненным в последние годы. Обзоры более ранних работ появлялись в 1958 <sup>56</sup>, 1968 <sup>7</sup>, 1974 <sup>8</sup> и 1975 <sup>9</sup> гг.

## 2. ТЕОРИЯ ЗАРЯЖЕННЫХ ДИСЛОКАЦИЙ

2.1. Тонкая структура дислокаций в ЩГК. Влияние примесей на заряд дислокаций. Ионные кристаллы состоят из разноименных заряженных ионов. Появление дефектов в таком кристалле (точечные дефекты, дислокации, границы блоков и т. д.) нарушает зарядовое равновесие, поэтому дефекты, в том числе и дислокации, приобретают электрический заряд. Заряд на краевой дислокации переносится при



Рис. 1. Системы легкого скольжения в ЩГК. Плоскости спайности {100}



Рис. 2. Краевая дислокация с  $\Delta l = [001]$ и  $\mathbf{b} = (a/2) [\mathbf{1}10]$  в ЩГК.

Ионная решетка образована совокупностью плоскостей (110). Видны две полуплоскости (110), с помощью которых образована дислокация. Плоскость спайности (001) перпендикулярна дислокации

ее движении, винтовые дислокации не переносят заряд. Основное внимание в обзоре уделено динамическим эффектам, поэтому винтовые дислокации в дальнейшем рассматриваться не будут.

Плоскостями легкого скольжения, в которых преимущественно движутся краевые дислокации в ЩГК, являются плоскости {110}. Эти плоскости представлены на рис. 1. Направление краевой дислокации задается единичнымвектором  $\Delta l$  (100), ее вектор Бюргерса  $\mathbf{b} = \left(\frac{a}{2}\right) [1\overline{10}] (a - период решет$ ки) не является наименьшим вектором трансляции. Это объясняется тем,что направление вектора**b**в ЩГК определяется не только из условия минимума энергии дислокации, но и из условия электронейтральности. Условиеэлектронейтральности накладывает определенные требования и на геометрию краевой дислокации. Ее можно создать введением двух дополнительных $полуплоскостей {110} или одной полуплоскости {100}. Края лишних полу$  $плоскостей {110} располагаются на разных уровнях <sup>6</sup>. На рис. 2 представле$  $на прямолинейная краевая дислокация в структуре NaC1 с вектором <math>\Delta \mathbf{l} =$ = [001] и вектором Бюргерса  $\mathbf{b} = \left(\frac{a}{2}\right) [1\overline{10}]$ . Ионная решетка изображена совокупностью плоскостей (1110). Плоскость спайности (001) перпендикулярна дислокации. Расположение ионов в ядре дислокации системы скольжения {110} (110) и энергия ядра в NaC1 впервые были рассчитаны в <sup>10</sup>. Границы лишних полуплоскостей, из которых составлена дислокация, представляют цепочку диполей; если чередование зарядов в цепочке не нарушается, дислокация не заряжена. Нарушение периодичности может быть обусловлено ступеньками, т. е. короткими участками краевой дислокации, с помощью которых она переходит в соседние, параллельные плоскости скольжения <sup>11,12</sup>. Существует два типа ступенек. Первый тип отвечает излому на обеих полуплоскостях, с помощью которых представляется дислокация. Высота такой ступеньки равна  $a\sqrt{2}/2$ . Поскольку такая ступенька (называемая полной ступенькой) производит две инверсии зарядов противоположного знака, она оказывается нейтральной. Второй тип соответствует излому только на одной полуплоскости и называется «полуступенькой», ее высота равна  $a\sqrt{2}/4$ .



Рис. 3. Расположение ионов в соседних плоскостях (100) в ЩГК при переходе краевой дислокации в соседнюю плоскость скольжения с помощью заряженной «полуступеньки»

На рис. 3, а, б показано расположение ионов в двух соседних плоскостях (100) там, где дислокация содержит полуступеньку. Плоскость рисунка соответствует (100). Плоскость скольжения перпендикулярна направлению [110]. Она также претерпевает излом (следы плоскостей скольжения АВ и *CD*). Линия дислокации перпендикулярна плоскости чертежа, направление скольжения [110]. Как видно из рис. 3, а, в определенной точке дислокации появляется «дефект», который можно назвать «зарождающейся» вакансией, он представлен заштрихованным квадратом. В соседней плоскости (100) (см. рис. 3,6) напротив него располагается положительный ион А. Случай на рис. 3 отвечает «зарождению» анионной вакансии и появлению положительного заряда у полуступеньки. Аналогично вблизи «дефекта», отвечающего «зарождению» катионной вакансии, располагается отрицательный заряд. Заряды у «зарождающихся» вакансий обоих типов равны по величине и противоположны по знаку; пусть значения этих зарядов  $\pm q$ . Добавление иона противоположного знака к полуступеньке изменяет знак ее заряда, т. е. тип «зарождающейся» вакансии, так что

 $\pm q \mp e = \mp q.$ 

Отсюда следует, что заряд полуступеньки равен  $\pm e/2$ , т. е. половине заряда электрона. Ступеньки на краевых дислокациях в ЩГК могут возникать за счет термической активации или при пересечении дислокаций. Возможные типы ступенек, возникающих при пересечении дислокаций, рассмотрены в <sup>13</sup>. Избыток полуступенек одного знака делает дислокацию заряженной. Заряд дислокации может изменяться за счет диффузии ионов к полуступеньке. Бассани и Томсон <sup>н</sup> показали, что заряд на краевой дислокации в ЩГК может быть обусловлен также излишком вакансий одного знака в ее ядре. Это имеет место, например, при введении в кристалл атомов двухвалентных примесей. Атомы двухвалентных металлов занимают катионные узлы решетки, и для сохранения нейтральности необходимо создание одной катионной вакансии на каждый примесной ион. В таком примесном кристалле число катионных вакансий превосходит число анионных вакансий на количество двухвалентных примесей. Избыток катионных вакансий в ядре краевой дислокации примесного кристалла определяет ее заряд. Заряд дислокации изменяется при изменении количества заряженных «дефектов» в ее ядре. Поскольку энергия создания вакансии в ядре дислокации отличается от энергии образования пары самостоятельных полуступенек одного знака, вакансии и полуступеньки выделяют в самостоятельные типы «дефектов».



Рис. 4. Тонкая структура края экстраплоскости (110) краевой дислокации с вектором Бюргерса  $\mathbf{b} = (a/2)$  [110].

Сплошные кружки — ионы, расположенные в плоскости бумаги, штриховые — лежащие на b/2 ниже этой плоскости. Представлены также дефекты в объеме, окружающем дислокацию

На рис. 4 представлена проекция экстраплоскости (110) краевой дислокации с вектором Бюргерса **b** = (a/2) [110] на плоскость рисунка. Ионы, расположенные в плоскости бумаги, обозначены сплошными кружками, пунктиром показаны ионы, лежащие на расстоянии b/2 ниже плоскости рисунка. «Дефекты» на дислокации определяют тонкую структуру края экстраплоскости. К их числу относятся: полная, незаряженная ступенька С, положительно и отрицательно заряженные ступеньки H<sub>+</sub> и H<sub>-</sub>, анионная вакансия D<sub>+</sub>, несущая положительный заряд, и катионная вакансия D<sub>-</sub>, заряженная отрицательно. Здесь же представлены дефекты вдали от дислокации: M<sup>++</sup> — ион двухвалентной примеси, V<sub>+</sub> и V<sub>-</sub> — анионная и катионная вакансии.

2.2. Теоретические модели стационарных заряженных дислокаций. Поверхность щелочно-галоидного кристалла, так же как и краевая дислокация, может нести электрический заряд. Исторически теории заряженных дислокаций в ЩГК предшествовали исследования зарядов на его поверхности.

2.2.1. Распределение заряда у плоской поверхности ЩГК. Впервые распределение заряда и потенциала у плоской поверхности ЩГК было рассмотрено Леховеком <sup>15</sup>. Леховек исходил из предположения, что катионные и анионные вакансии в кристалле могут появляться независимо друг от друга и энергии их образования различны <sup>16</sup>. Равновесное количество вакансий каждого сорта в единице объема кристалла  $n_{1,2}$  определяется из условия ми-

#### ЗАРЯЖЕННЫЕ ДИСЛОКАЦИИ

нимума термодинамического потенциала  $\mathcal{G}$ , при этом допускается его варьирование отдельно по  $n_1$  и  $n_2$ . Согласно<sup>17</sup> для вырывания катиона из узла решетки требуется меньшая энергия, поэтому возникает избыток катионных вакансий и для сохранения электрической нейтральности в объеме часть вакансий должна перейти к поверхности кристалла, т. е. она оказывается заряженной. У поверхности возникает пространственный заряженный слой. Концентрации катионных и анионных вакансий в таком слое оказываются различными. Распределение потенциала в заряженном слое определяют из решения уравнения Пуассона. Задача о нахождении потенциала имеет точное аналитическое решение<sup>15</sup>.

И. М. Лифшицем и Я. Е. Гегузиным показано, что предположения, положенные в основу расчета <sup>15</sup>, некорректны <sup>18</sup>. Лишено смысла говорить о выходе на поверхность кристалла вакансий одного сорта, так как это привело бы к появлению макроскопического слоя ионов одного сорта. Нельзя также вводить раздельно понятия об энергиях активации вакансий каждого сорта и термодинамический потенциал не может варьироваться самостоятельно по  $n_1$  и  $n_2$ . Согласно <sup>18</sup>, число узлов в решетке 2N считается независимым внутренним параметром, причем учитывается, что в упорядоченной структуре

$$n_1 + N_1 = n_2 + N_2; (2.1)$$

здесь  $N_{1,2}$  — число атомов каждого сорта в единице объема. Термодинамический потенциал системы

$$\mathcal{G}(N_1, N_2, N) = \mu_0 N - kT \ln w_1 - kT \ln w_2 - n_1 g_1 - n_2 g_2;$$

здесь  $\mu_0$  — химический потенциал пары разноименных атомов,  $g_{1,2}$  — характерная энергия дефекта,  $k \ln w_{1,2}$  — вклад катионных и анионных вакансий в конфигурационную энтропию. Для случая слабого раствора  $(n_{1,2} \ll N_{1,2})$  термодинамическая вероятность

$$w_{1,2} = n_{1,2} \ln \frac{n_{1,2}}{eN}, \qquad (2.2)$$

е — основание натурального логарифма. Из условия равновесия системы

$$\left(\frac{\partial \mathbf{S}}{\partial N}\right)_{N_1, N_2} = 0 \tag{2.3}$$

следует выражение для «произведения растворимостей»

$$\alpha_1(\infty) \alpha_2(\infty) = e^{-U/kT} = \alpha_0^2; \qquad (2.4)$$

здесь

----

$$U = \mu_0 - (g_1 + g_2),$$
  

$$\alpha_1(\infty) = \frac{n_1}{N},$$
(2.5)

$$\alpha_2(\infty) = \frac{n_2}{N}.\tag{2.6}$$

U — энергия создания пары Шоттки за счет удаления одного аниона и одного катиона из нормальных узлов решетки и помещения их в новые узлы на поверхности кристалла. Из «произведения растворимостей» следует, что вакансии могут рождаться только парами, и поэтому заряд на поверхности кристалла не может возникнуть. Появление заряда у поверхности ЩГК, согласно<sup>18</sup>, обусловлено тем, что в тонком поверхностном слое порядка нескольких межатомных расстояний (в дальнейшем называемом собственно поверхностным слоем) энергия взаимодействия ионов иная, чем в объеме кристалла. Вследствие этого равновесная концентрация вакансий каждого сорта у поверхности будет отличаться от концентрации в объеме. Это приводит к образованию электрического заряда на поверхности, появлению

электрического поля и перераспределению вакансий в приповерхностном слое толщиной дебаевского радиуса экранирования.

Химические потенциалы дефектов в объеме

$$\mu_1(\infty) = \left(\frac{\partial \mathcal{G}}{\partial N_1}\right)_{N, N_2} = kT \ln \alpha_1(\infty) + g_1, \qquad (2.7)$$

$$\mu_{2}(\infty) = \left(\frac{\partial \mathcal{G}}{\partial N_{2}}\right)_{N, N_{1}} = kT \ln \alpha_{2}(\infty) + g_{2}.$$
(2.8)

Химические потенциалы в собственно поверхностном слое

$$\mu_{1,2} = kT \ln \alpha_{1,2}(x) \pm e\varphi(x) \pm g_{1,2} - \Delta g_{1,2}(x);$$

здесь x — координата, отсчитываемая от поверхности в глубь кристалла,  $\Delta g_{1,2}(x)$  — изменение характерной энергии дефекта в собственно поверхностном слое,  $\Delta g_{1,2}(x) = 0$  при  $x \gg a$ ,  $\varphi(x)$  — электрический потенциал. Условие постоянства химического потенциала вблизи поверхности и в объеме кристалла

$$\mu(x) = \mu(\infty) \tag{2.9}$$

приводит к следующему равновесному значению концентрации вакансий в собственно поверхностном слое:

$$\alpha_{1,2}(x) = \alpha_0 e^{\pm \chi} \left( 1 + a F_{1,2}^* \delta(x) \right); \tag{2.10}$$

здесь  $\alpha_0$  определяется формулой (2.4),

$$\chi = -\frac{e}{kT} (\varphi (x) - \varphi (\infty)),$$
  
$$\delta (x) = 1, x \leq a,$$
  
$$= 0, x > a.$$

Функция  $F_{1,2}^*$  определяется соотношением

$$aF_{1,2}^* = \int_0^\infty \exp\left(\frac{\Delta g_{1,2}}{kT} - 1\right) \mathrm{d}x.$$

В кристалле возникает распределение заряда

$$\rho(x) = \frac{2e\alpha_0}{\Omega} \left[ \operatorname{sh} \chi + \frac{a}{2} \left( F_1^* - F_2^* \right) \right] \delta(x),$$

 $\Omega = a^3 =$  атомный объем. Распределение электрического потенциала находят из решения уравнения Пуассона с граничными условиями

$$\chi(\infty) = 0, \quad \left(\frac{\partial \chi}{\partial x}\right)_{\infty} = 0.$$

Расчет показывает, что вблизи поверхности кристалла образуется двойной электрический слой, причем заряд собственно поверхностного слоя компенсируется зарядом у поверхности.

Таким образом, из теории Лифшица и Гегузина следует, что заряд и потенциал поверхности ЩГК определяется не только объемными свойствами, но и свойствами поверхности.

2.2.2. Модель дислокации в виде заряженной нити. Первым теоретическим исследованием заряженных дислокаций явилась работа Эшелби и др. <sup>19</sup>. В <sup>19</sup> дислокация рассматривается как бесконечная заряженная нить, окруженная непрерывно распределенным зарядовым облаком. Для устранения бесконечности потенциала у самой нити она окружается цилиндрической поверхностью радиуса  $r_0$  и нахождение потенциала у дислокации заменяется задачей определения потенциала у этой поверхности. Механизм образования заряда у дислокации в <sup>19</sup> аналогичен образованию заряда у свободной поверх-

688

#### заряженные дислокации

ности ЩГК в<sup>15</sup>. Эшелби и др. не учитывают энергию связи дефектов с линией дислокации, поэтому дислокация, так же как и свободная поверхность в<sup>15</sup>, является непрерывным источником (стоком) вакансий. Несмотря на некорректность этих положений, работа Эшелби и др. сыграла большую роль в развитии теории заряженных дислокаций, явившись отправным пунктом для последующих теорий. Для приближения к реальной модели в<sup>19</sup> в кристалл включены подвижные атомы двухвалентных примесей. Сохранение электрической нейтральности требует создания одной катионной вакансии на каждый примесный ион, так что  $\alpha_1 (\infty) = \alpha_2 (\infty) + C$ , здесь C — концентрация атомов двухвалентных примесей. Как показано в<sup>20</sup>, в примесном кристалле выполняется формула (2.4), так что

$$\alpha_1(\infty)(\alpha_1(\infty)-c)=\exp\left(-\frac{g_1+g_2}{kT}\right)=\alpha_0^2$$

Компенсирующее зарядовое облако состоит из подвижных катионных и анионных вакансий и атомов двухвалентных примесей, его плотность

$$\rho = e \left( n_{\rm M} \left( r \right) + n_2 \left( r \right) - n_1 \left( r \right) \right), \tag{2.11}$$

 $n_{\rm M}$  (r) — число атомов примеси в единице объема.

Определение равновесного числа дефектов на линии дислокации и в зарядовом облаке должно проводиться с помощью минимизации термодинамического потенциала. В общем случае термодинамический потенциал можно представить в виде суммы трех членов

$$\mathcal{G} = \mathcal{G}_{d} + \mathcal{G}_{c} + W; \tag{2.12}$$

 $\mathcal{G}_{d}$  включает энергию образования и энтропийный член для дефектов на дислокации,  $\mathcal{G}_{c}$  – для зарядового облака; W – энергия электростатического взаимодействия системы дислокация – зарядовое облако. В W входят потенциальная энергия электростатического взаимодействия дислокации  $W_{d}$  и зарядового облака  $W_{c}$ . Согласно <sup>19</sup>, уравнение (2.12) сводится к  $\mathcal{G} = \mathcal{G}_{c} + W$ , причем

$$\mathcal{G}_{\mathbf{c}} = \int_{0}^{K} g_{1,2} n_{1,2} (r) \cdot 2\pi r \, \mathrm{d}\mathbf{r} - kT \ln w_{1,2} - kT \ln w_{\mathbf{M}}.$$

Первый член правой части  $\mathscr{G}_{c}$  есть энергия образования дефектов в облаке, второй и третий — энтропийные члены, рассчитываемые в приближении слабого раствора (см. (2.2)). W сводится к  $W_{c}$ , включающей энергию электростатического взаимодействия зарядов облака между собой  $W_{c,c}$  и с дислокационной линией  $W_{c,d}$ , так что

$$W = W_{\rm c} = W_{\rm c, c} + W_{\rm c, d} = \int_{r_0}^{R} \rho \varphi(r) \cdot 2\pi r \, \mathrm{d}r,$$

потенциал  $\varphi$  (**r**) обусловлен зарядами облака и дислокации, **R** — радиус цилиндра, достаточно удаленного от дислокации. Интегрирование проводится по всему объему цилиндра, за исключением области радиуса  $r_0$ , окружающей дислокационную линию. Общий заряд внутри рассматриваемого объема равен нулю. Решение вариационной задачи с учетом электронейтральности системы и условием сохранения общего количества двухвалентных примесей позволяет определить концентрацию вакансий и двухвалентных примесей в зарядовом облаке<sup>19</sup>. Уравнение Пуассона

$$\nabla^2 \varphi = -\frac{\rho}{\epsilon \epsilon_0} \tag{2.13}$$

(є<sub>0</sub> — электрическая постоянная, є — диэлектрическая вещества) можно привести к виду

$$\nabla^2 p = -\operatorname{Sh} p \cdot \Lambda^{-1}, \tag{2.14}$$

проницаемость

$$p = \frac{e\varphi}{kT}, \quad \Lambda = \left(\frac{\varepsilon\varepsilon_0 kT}{2\alpha_1 (\infty) N e^2}\right)^{1/2} \tag{2.15}$$

— радиус облака. Уравнение (2.14) представляется в цилиндрических координатах; точное решение его возможно лишь при  $p \ll 1$ , т. е. Sh $p \approx p$ . Оно имеет вид

$$p = AK_0 \left(\frac{r}{\Lambda}\right) + BI_0 \left(\frac{r}{\Lambda}\right);$$

 $K_0$  и  $I_0$  — модифицированные функции Бесселя нулевого порядка мнимого аргумента. Так как  $I_0$  не имеет конечного предела на бесконечности, ее отбрасывают. Потенциал в зарядовом облаке равен

$$\varphi(r) = A \frac{kT}{e} K_0 \left(\frac{r}{\Lambda}\right).$$

Для нахождения A используют тот факт, что при  $r \rightarrow r_0$  потенциал становится равным потенциалу бесконечно длинной заряженной нити. Окончательно

$$\varphi(r) = \frac{Q_l}{2\pi\varepsilon\varepsilon_0} K_0\left(\frac{r}{\Lambda}\right), \qquad (2.16)$$

 $Q_1$  — заряд на единицу длины дислокационной линии. Хотя теория Эшелби и др. была развита лишь для случая  $e\varphi \ll kT$ , не реализуемого уже при комнатной температуре, и рассматривала дислокацию как бесконечный сток вакансий, тем не менее она стимулировала теоретические и экспериментальные исследования по заряженным дислокациям. Большой резонанс имело обнаружение предсказанных в <sup>в</sup> изоэлектрических точек, т. е. таких температур  $T_i$ , при которых заряд  $Q_i$  обращается в нуль. При  $T > T_i$ ,  $Q_l$  изменяет знак. Эксперименты, в которых обнаружены изоэлектрические точки, впервые осуществлены Дэвиджем 21. Косевич, Маргвелашвили и Саралидзе<sup>22,23</sup> решили задачу о распределении заряда и потенциала вокруг краевой дислокации в ЩГК с учетом энергии упругого взаимодействия катионных и анионных вакансий с дислокацией  $W_{1,2}$ . При рассмотрении возникновения заряда на дислокации авторы используют модель Лифшица и Гегузина 18, представляя дислокацию как выделенную поверхность, вблизи которой энергия образования дефектов иная, чем в объеме кристалла. Равновесные концентрации вакансий имеют вид

$$\alpha_{1,2} = \alpha_0 \left( \exp \frac{\pm e \varphi - W_{1,2}}{kT} \right) \left[ 1 + a F_{1,2}^* \delta(r - r_0) \right].$$

Безразмерная функция  $F_{1,2}^*$  имеет тот же смысл, что и в формуле (2.10), т.е. она связана с изменением характерной энергии вакансий у поверхности радиуса  $r_0$ , окружающей дислокации. При определении  $W_{1,2}$  вакансии моделируются как центры дилатации, вызывающие неупругое изменение объема среды. Энергия упругого взаимодействия такого дефекта с краевой дислокацией

$$W_{1,2} = \frac{A_{1,2}\sin\psi}{r}, \quad A_{1,2} = -\Delta V_{1,2} \frac{Gb(1+\nu)}{3\pi(1-\nu)};$$

здесь  $\psi$  — угол, отсчитываемый от вектора Бюргерса в плоскости, перпендикулярной линии дислокации, r — расстояние от оси дислокации до рас-сматриваемой точки, G — модуль сдвига, v — коэффициент Пуассона,  $\Delta V_{1,2}$  — изменение объема среды в месте нахождения вакансии. Решение

690

уравнения Пуассона при условии  $e\varphi \ll kT$ ,  $W_{1,2} \ll kT$  показывает, что учет упругого взаимодействия приводит к перераспределению заряда в объеме и к нарушению аксиально-симметричного распределения потенциала. Аналогичные результаты были получены Коломийцевым<sup>25</sup>, который показал также, что на малых расстояниях от оси краевой дислокации (до ~30 Å) на распределение потенциала и заряда значительное влияние оказывает модульный эффект, обусловленный различием упругих модулей дефектов и матрицы<sup>26</sup>.

2.2.3. Учет тонкой структуры заряженной дислокации. Идеи о связи тонкой структуры краевой дислокации с ее зарядом<sup>11,12,14</sup> получили дальнейшее развитие в работах Уитворта<sup>27,28</sup>. В<sup>27</sup> полагается, что заряд дислокации обусловлен заряженными ступеньками и вакансиями (см. рис. 4), которые для краткости будут называться «дефектами» на дислокации. Зарядовое облако, как и в <sup>19</sup>, состоит из подвижных катионных и анионных вакансий и подвижных атомов двухвалентных примесей. При расчете заряда и потенциала у линии дислокации вводятся следующие характерные параметры:  $\gamma_{1,2}$  — количество отрицательно и положительно заряженных ступенек на единицу длины дислокации;  $\beta_{1,2}$  — количество отрицательно и положительно заряженных вакансий на единицу длины дислокации;  $\Gamma = 1/a$  — количество атомных плоскостей на единицу длины;  $\pm q$  — заряд ступеньки или вакансии, Ј — энергия создания пары заряженных ступенек противоположного знака;  $g_1$  — энергия создания катионной вакансии за счет перезарядки ного знака;  $g_1$  — энергия создания катионной вакансии за счет перезарядки отрицательно заряженной ступеньки;  $g_2$  — энергия создания анионной вакансии за счет перезарядки положительно заряженной ступеньки;  $(g_1 + g_2)$  — энергия создания пары Шоттки в объеме кристалла;  $B_1$  — энергия ассоциации дислокации и катионной вакансии;  $B_2$  — энергия ассо-циации дислокации и анионной вакансии;  $\mathcal{L} = (g_1 + g_2) - (B_1 + B_2)$  — энергия создания пары Шоттки у линии дислокации. В рассматриваемой модели дислокации уже не являются бесконечными источниками (стоками) вакансий. В выражении для термодинамического потенциала (2.12) член  $\mathcal{G}_{c}$ имеет такой же вид, как и в <sup>19</sup>. При определении  $\mathcal{G}_d$  предполагается, что ступеньки и вакансии вдоль дислокации распределены равномерно и их вклад в конфигурационную энтропию может быть записан в приближении слабого раствора, так что

$$\mathcal{G}_{d} = \frac{1}{2} J (\gamma_{1} + \gamma_{2}) + (g_{1,2} - B_{1,2}) \beta_{1,2} - kT \gamma_{1,2} \ln \frac{e\Gamma}{\gamma_{1,2}} - kT \gamma_{1,2} \ln 2 - kT \frac{e\Gamma}{\beta_{1,2}}.$$

Энергия  $W = W_{\rm c} + W_{\rm d}$ ,  $W_{\rm c}$  записывается так же, как и в <sup>19</sup>,  $W_{\rm d} = Q_l \Phi_0$  — потенциальная энергия заряженной дислокации, обусловленная взаимодействием ее зарядов между собой и с зарядовым облаком. Здесь  $\Phi_0$  — потенциал у линии дислокации,

$$Q_{l} = \frac{1}{2} e(\gamma_{2} - \gamma_{1}) + e(\beta_{2} - \beta_{1}).$$
(2.17)

Определяя  $\gamma_{1,2}$  и  $\beta_{1,2}$  из решения вариационной задачи для термодинамического потенциала и подставляя в (2.17), Уитворт<sup>27</sup> находит

$$Q_l = 2e\Gamma \left\{ e^{-J/2kT} \operatorname{sh} \left[ \frac{(\Delta g/2) - e\Phi_0}{kT} - \frac{1}{2} \eta \right] + e^{-L/2kT} \operatorname{sh} \left[ \frac{(\Delta B/2) - e\Phi_0}{kT} - \eta \right] \right\};$$
(2.18)

здесь

$$\Delta g = g_2 - g_1, \quad \Delta B = B_2 - B_1, \quad \eta = \ln \frac{-\alpha_1(\infty)}{\alpha_0}.$$

Первый член формулы обусловлен заряженными ступеньками, второй — вакансиями на дислокации. Для определения  $\Phi_0$  дислокация окружается выделенной поверхностью, радиус которой  $r_1$  выбирается так, что  $l \ll r_1 \ll \Lambda$ ,

*l* — расстояние между соседними дефектами на дислокации. При  $r < r_1$  электрическое поле создается только зарядами на линии дислокации, при  $r > r_1$  учитывается также влияние зарядового облака.  $\Phi_0$  отличается от потенциала в <sup>19</sup> поправкой на дискретность в распределении зарядов на дисло-кационной линии, т. е.

$$\Phi_{0} = \frac{Q_{l}}{2\pi\varepsilon\varepsilon_{0}} K_{0}\left(\frac{r_{1}}{\Lambda}\right) + (\psi_{2} - \psi_{1});$$

здесь  $\psi_1$  — потенциал у выделенной поверхности, рассчитываемый в предположении, что дислокационная линия включает 2M зарядов, распределенных вдоль нее равномерно со средней линейной плотностью  $Q_l$ . При  $x \gg r_1$ 

$$\psi_1 = \frac{Q_l}{2\pi\varepsilon\varepsilon_0} \ln \frac{2Ml}{r_1}.$$
(2.19)

При определении  $\psi_2$  считается, что радиус  $r_1$  стремится к нулю и заряды на дислокации распределены дискретно.  $\psi_2$  полагается равным ( $\psi_{2\max} + \psi_{2\min}$ )/2; здесь  $\psi_{2\min}$  есть потенциал в центре зазора длины 2*l* между дискретными зарядами, так что

$$\psi_{2 \min} = \frac{Q_l}{2\pi\epsilon\epsilon_0} \sum_{n=1}^{M} \frac{1}{n}.$$
(2.20)

Для определения  $\psi_{2 \max}$  пробный заряд *q* помещается в точку между двумя соседними зарядами на дислокационной линии. Для равномерного распределения зарядов система должна отрелаксировать, т. е. каждый ее заряд сместится на l/2, так что

$$\psi_{2\max} = \frac{Q_l}{2\pi\epsilon\epsilon_0} \left( \sum_{n=1}^{2M} \frac{2}{n} - \sum_{n=1}^{M} \frac{1}{n} \right).$$
(2.21)

Используя (2.20) и (2.21), находят  $\psi_2$ , которое для больших M записывается ввиде

$$\psi_2 = \frac{Q_l}{2\pi\epsilon\epsilon_0} (\ln M + \ln 2 + C), \qquad (2.22)$$

где C = 0,5772 — константа Эйлера. С учетом (2.19) и (2.22) при  $r \ll \Lambda$ 

$$\Phi_{0} = \frac{Q_{l}}{2\pi\varepsilon\varepsilon_{0}} \left( K_{0} \left( \frac{q}{\Lambda Q_{l}} \right) + C \right).$$
(2.23)

 $Q_l$  и  $\Phi_0$  определяются из графического решения уравнений (2.18) и (2.23), задавая значения J,  $g_1$ ,  $g_2$ ,  $B_1$ ,  $B_2$ ,  $\eta$ ,  $\Lambda$ . Оценка  $\Phi_0$  с помощью (2.18) по экспериментальным данным  $Q_l^{29}$ для NaCl при комнатной температуре ( $\alpha$ , ( $\infty$ ) =  $= 5 \cdot 10^{-5}$ ,  $Q_l = -2 \cdot 10^{-11}$  Кл м<sup>-1 29</sup>) в предположении, что  $Q_l$  обусловлен только катионными вакансиями и с учетом  $B_1 = 6,4 \cdot 10^{-20}$  Дж<sup>14</sup> и  $\Gamma =$  $= 3,55 \cdot 10^9$  м<sup>-1</sup>, дает  $\Phi_0 = 0,24$  В. Следовательно, условие  $e\Phi_0 \ll kT$ , необходимое для линеализации уравнения (2.13), не удовлетворяется.

В работе <sup>28</sup> рассмотрена более общая форма зарядового облака, отличающаяся от <sup>27</sup> тем, что кроме подвижных катионных вакансий введены неподвижные двухвалентные примеси, они могут быть как в свободном состоянии, так и образовывать электрические диполи с катионными вакансиями. Тонкая структура дислокации представлена в виде одного типа заряженных «дефектов», которые взаимодействуют между собой. В <sup>28</sup> учтено парное электростатическое взаимодействие дефектов. Предложенная в <sup>28</sup> модель позволяет рассматривать не только ионные кристаллы, но и полупроводники. Пусть  $n_0$  — общее количество двухвалентных примесей в единице объема, оно одинаково и в зарядовом облаке, и за его пределами;  $n_1 (\infty)$  — количество катионных вакансий в единице объема вдали от облака,  $\tilde{n}_M (\infty)$  в  $(n_0$  —

692

 $- \widetilde{n}_{\mathbf{M}}(\infty))$  — соответственно количество свободных примесей и диполей. При описании зарядового облака вводятся следующие параметры:

 $\tilde{n}_{\rm M}$  — количество примесей в свободном состоянии;  $(n_0 - \tilde{n}_{\rm M}(r))$  — количество диполей в единице объема;

 $n_1$  (r) — количество подвижных катионных вакансий в единице объема определяется из решения вариационной задачи <sup>19</sup> и выражается формулой

$$n_1(r) = n_1(\infty) e^{-\varphi(r)/kT}$$
 (2.24)

Согласно условию электронейтральности

$$n_{\mathbf{i}}(\mathbf{\infty}) = n_{\mathbf{M}}(\mathbf{\infty}). \tag{2.25}$$

Концентрации ассоциированных и свободных дефектов связаны законом «действующих масс» <sup>20</sup>, на основании которого

$$\frac{n_{1}(r)\tilde{n}_{M}(r)}{n_{0}-\tilde{n}_{M}(r)} = \frac{n_{1}(\infty)\tilde{n}_{M}(\infty)}{n_{0}-\tilde{n}_{M}(\infty)}.$$
(2.26)

Используя (2.24), (2.25) и (2.26), Уитворт<sup>28</sup> выражает n<sub>м</sub> в виде

$$n_{\rm M} = \frac{n_1(\infty) \exp\left(-e\varphi(r)/kT\right)}{1 + h \left[\exp\left(-e\varphi(r)/kT\right) - 1\right]}.$$
(2.27)

Плотность зарядов в облаке

 $\rho = e\left(\widetilde{n}_{\mathrm{M}}\left(r\right) - n_{\mathrm{I}}\left(r\right)\right)$ 

с учетом (2.27) о принимает вид

$$\rho = en_1(\infty) \left\{ \frac{\exp\left(-e\varphi\left(r\right)/kT\right)}{1+h\left[\exp\left(-e\varphi\left(r\right)/kT\right)-1\right]} - \exp\left(\frac{e\varphi\left(r\right)}{kT}\right)\right\};$$
(2.28)

здесь  $h = n_{\rm M} \; (\infty) / n_0$ .

Определение потенциала внутри облака проводится без линеализации уравнения Пуассона

$$\frac{\mathrm{d}^2 p}{\mathrm{d}r^2} + \frac{1}{r} \frac{\mathrm{d}p}{\mathrm{d}r} = \frac{1}{\Lambda^2 (2-h)} \left[ e^p - \frac{e^{-p}}{1+h \left(e^{-p} - 1\right)} \right]$$
(2.29)

численными методами с использованием двух граничных условий. Первое граничное условие записывается в форме теоремы Гаусса:

$$\lim_{r \to 0} \left( r \frac{\mathrm{d}p}{\mathrm{d}r} \right) = \frac{eQ_l}{2\pi\varepsilon \varepsilon_0 kT} , \qquad (2.30)$$

и учитывается, что при  $r \to 0$  потенциал создается только зарядами дислокации. При рассмотрении процессов внутри облака дислокация принимается за заряженную нить. Второе условие исходит из того, что при  $p \ll 1 \text{ m } r \to \infty$ решение уравнения (2.29) принимает вид  $p = AK_0 (r/\Lambda)$ . Введя безразмерную переменную  $s = \ln (r/\Lambda)$ , автор<sup>28</sup> приводит уравнение (2.29) к виду

$$\frac{\mathrm{d}^2 p}{\mathrm{d}s^2} = e^{2s} \frac{1}{2-h} \left[ e^p - \frac{e^{-p}}{1+h\left(e^{-p}-1\right)} \right], \tag{2.31}$$

а граничное условие (2.30) принимает вид

$$\lim_{s \to -\infty} \frac{\mathrm{d}p}{\mathrm{d}s} = -\frac{eQ_l}{2\pi\varepsilon\varepsilon_0 kT} = -H,\tag{2.32}$$

так что при  $s \to -\infty$  кривые *p* (*s*) имеют асимптоты, наклон которых при постоянной температуре одинаков для разных *h*. Значение *s*<sub>0</sub>, при котором начинает выполняться граничное условие (2.32), зависит от величины *h*. Уравнение (2.29) решается методом прогонки <sup>30</sup>.

При рассмотрении дислокации считается<sup>30</sup>, что она содержит только один тип заряженных дефектов. Пусть M — число таких дефектов на единице длины дислокации. В области примесной проводимости M есть количество катионных вакансий или отрицательно заряженных ступенек; в области собственной проводимости — число анионных вакансий или положительно заряженных ступенек. Поскольку дефекты на дислокации взаимодействуют парами, вводится величина  $j = 1, 2, 3 \ldots$ , так что *ja* определяет расстояние между дефектами пары. Пусть  $m_j$  есть число взаимодействующих пар дефектов с заданным *j*. Количество способов размещения дефектов такими парами<sup>31</sup>

$$w = \frac{M!}{\prod_j m_j!} \,. \tag{2.33}$$

Функция

$$f = \frac{M}{N} = \sum_{j=1}^{\infty} m_j \left(\sum_{j=1}^{\infty} j m_j\right)^{-1}$$
(2.34)

задает долю мест на дислокации, занятых дефектами; здесь N — общее количество узлов на единицу длины дислокации. Зная f, определяют заряд дислокации

$$Q_l = \frac{q}{a} f. \tag{2.35}$$

Для нахождения равновесного значения f используется условие постоянств химического потенциала у дислокации  $\mu_d$  и в объеме кристалла  $\mu_1(\infty)$ :

$$\mu_{\rm d} = \left(\frac{\partial \mathcal{G}_{\rm M}}{\partial M}\right)_{n_i(r)};\tag{2.36}$$

 $\mathcal{G}_{\mathrm{M}}$  включает зависящие от M члены термодинамического потенциала в формуле (2.12). Такими членами являются  $\mathcal{G}_{\mathrm{d}}$ ,  $W_{\mathrm{d}}$  и энергия электростатического взаимодействия зарядового облака с дислокацией  $W_{\mathrm{c,d}}$ .

Пусть g<sub>d</sub> — характерная энергия одного дефекта; с учетом (2.33) для больших *М* получаем

$$\mathcal{G}_{d} = Mg_{d} - kTM \ln \frac{M}{e} + KT \sum_{j=0}^{\infty} m_{j} \ln \frac{m_{j}}{e}.$$

$$(2.37)$$

 $W_{\rm d}$  включает энергию электростатического взаимодействия зарядов дислокации между собой  $W_{\rm d,d}$  и с зарядовым облаком  $W_{\rm d,d}$ :

 $W_{\rm d} = W_{\rm d,d} + W_{\rm d,c}.$ 

При определении  $W_{d}$  сначала предполагается, что дефекты на дислокации распределены равномерно, и находится соответствующая энергия  $W_{u}$ , затем вводится поправка  $\Delta W$  на парное взаимодействие дефектов, так что

$$W_{\rm d} = W_{\rm u} + \Delta W;$$

здесь

$$W_{\rm u} = \frac{1}{2} Mq \,(\varphi_{\rm d} + \varphi_{\rm c} \,(0)). \tag{2.38}$$

Потенциал  $\phi_d$  создается зарядами дислокации,  $\phi_c\ (0)$  — зарядовым облаком. По теореме взаимности Грина  $^{^{32}}$ 

$$W_{\mathrm{c, d}} = W_{\mathrm{d, c}} = \frac{1}{2} M q \varphi_{\mathrm{c}}(0),$$

так что

$$W_{\rm u} + W_{\rm c, \ d} = \frac{1}{2} M q \varphi_{\rm d} + M q \varphi_{\rm c} (0).$$
 (2.39)

694

Энергия  $\Delta W$  согласно <sup>28</sup> представляет собой энергию парного взаимодействия

$$W_{\rm p} = \sum_{j=1}^{\infty} \frac{q^2 m_j}{4\pi\varepsilon\varepsilon_0 a \cdot j}$$

без учета собственной энергии дефектов

$$W_0 = \frac{Mq^2}{4\pi\varepsilon\varepsilon_0 l};$$

здесь l = a/f — расстояние между соседними дефектами на дислокации, так что

$$\Delta W = \frac{q^2}{4\pi\varepsilon\varepsilon_0 a} \left(\sum_{j=1}^{\infty} \frac{m_j}{j} - Mf\right).$$
(2.40)

Представляя

$$\mathcal{G}_{\mathbf{M}} = \mathcal{G}_{\mathbf{M}}^{(1)} + \mathcal{G}_{\mathbf{M}}^{(2)}, \tag{2.41}$$

где  $\mathcal{G}_{M}^{(1)}$  выражено правой частью формулы (2.39), а  $\mathcal{G}_{M}^{(2)}$  есть сумма правых частей (2.37) и (2.40), записывают

$$\mu_{\rm d} = \left(\frac{\partial \mathcal{G}_{\rm M}^{(1)}}{\partial M}\right)_{n_{\rm i}(r)} + \left(\frac{\partial \mathcal{G}_{\rm M}^{(2)}}{\partial M}\right)_{n_{\rm i}(r)} \,. \tag{2.42}$$

Для нахождения  $(\partial \mathcal{G}_{M}^{(n)}/\partial M)_{n_{1}(r)}$  необходимо выразить  $\varphi_{d}$  и  $\varphi_{c}$  (0) в формуле (2.39). За  $\varphi_{d}$  принимается потенциал, создаваемый зарядами дислокации у поверхности достаточно малого радиуса, при котором удовлетворяется условие (2.32) для потенциала в зарядовом облаке, где кривая *p* (*s*) имеет асимптоту с наклоном *H*.  $\varphi_{d}$  представляется в виде суммы потенциала бесконечно длинной заряженной нити  $\varphi_{H}$  и поправки  $\Delta \varphi_{d}$  на дискретность в распределении зарядов на дислокации.  $\Delta \varphi_{d}$  находится как разность потенциалов, выражаемых уравнениями (2.20) и (2.19), так что

$$\varphi_{d} = \frac{qf}{2\pi\varepsilon\varepsilon_{0}a} \ln \frac{Rf}{2a} + C; \qquad (2.43)$$

здесь R — радиус поверхности, достаточно удаленной от зарядового облака, относительно которой рассматривается потенциал. Потенциал зарядового облака у линии дислокации  $\varphi_c$  (0) также заменяется потенциалом у поверхности радиуса  $r_0$ . Он представляется в виде разности потенциала  $\varphi(r_0)$ , получаемого в результате решения уравнения Пуассона (2.31), и потенциала дислокационной линии, представляемой в виде заряженной нити, так что

$$\varphi_{c}(0) = \varphi(r_{0}) - \frac{Q_{l}}{2\pi\varepsilon\varepsilon_{0}} \ln \frac{R}{r_{0}}$$
 (2.44)

С использованием (2.43) и (2.44) после несложных преобразований получаем

$$\frac{\partial \mathcal{G}_{\mathbf{M}}^{(1)}}{\partial M} = \frac{p_0 q k T}{e} ; \qquad (2.45)$$

здесь

$$p_0 = H \ln \frac{\Lambda f}{a} + P,$$

причем

$$\frac{P}{H} = \left(s_0 + C - \ln 2 + \frac{1}{2}\right) + \frac{p(s_0)}{H}.$$

При записи формулы использованы ранее принятые обозначения, т. е.

$$s_0 = \ln \frac{r_0}{\Lambda}$$
,  $p(s_0) = \frac{e\varphi(r_0)}{kT}$ .

Величина P/H как функция H при различных h представляется графически<sup>28</sup>. Величина H зависит от f (см. (2.32) и (2.35)), поэтому  $p_0$  является сложной функцией f. Для определения второго члена  $\mu_d$  (см. (2.42)) находят равновесное число пар  $m_j$ . С этой целью из правых частей (2.37) и (2.40) выделяют зависящие от  $m_j$  члены и решают вариационную задачу с использованием двух дополнительных условий, выражающих постоянство числа узлов и числа дефектов на дислокации. Решение приводит к выражению

$$m_j = A \exp\left(-\mathscr{H} j - \frac{Q}{j}\right); \qquad (2.46)$$

здесь

$$Q = \frac{q^2}{4\pi\varepsilon\varepsilon_0 kTa} ,$$

А и *Ж* — постоянные величины. Используя (2.46), находим

$$\left(\frac{\partial \mathcal{G}_{\mathbf{M}}^{(2)}}{\partial M}\right)_{n_{i}(r)} = g_{\mathbf{d}} + kT \ln \zeta; \qquad (2.47)$$

здесь

$$\ln \zeta = -\ln \sum_{j=1}^{\infty} \exp\left(-\mathscr{H}j - \frac{Q_{j}}{j}\right) - 2fQ$$

является функцией f. Таким образом, используя (2.45) и (2.47), автор <sup>29</sup> получает

 $\mu_d = \frac{q p_0 kT}{e} + g_d + kT \ln \zeta.$ 

Условие равновесия системы принимает вид

$$\frac{\mu_1(\infty) - g_{\rm d}}{kT} = \ln \zeta + \frac{qp_0}{e}$$

или, с учетом (2.7) и (2.8),

$$p_0 \frac{q}{e} = -\ln \zeta + \left(\frac{\Delta g}{kT} + \ln \alpha_i(\infty)\right); \qquad (2.48)$$

здесь  $\Delta g = g_i - g_d$  есть энергия ассоциации дефекта у дислокации. Если известно  $\Delta g$ , уравнение (2.48) позволяет графическим способом с использованием зависимости  $p_0$  и ln  $\zeta$  от f найти равновесное значение f, отвечающее определенной концентрации  $\alpha_i$  ( $\infty$ ) при данной температуре. Последовательность операций для нахождения f описана в <sup>28</sup>. Представляет интерес сравнить значениe f, найденное этим способом, с значением, полученным без учета электростатического взаимодействия дефектов на дислокации. Применяя предложенную схему, Уитворт, используя  $\Delta g$  как параметр, определил соответствующие значения f для трех кристаллов NaCl с различной общей концентрацией двухвалентных примесей «с», с различной концентрацией свободных вакансий  $\alpha_1$  ( $\infty$ ) и разными h <sup>28</sup>. Характеристики использованных кристаллов представлены в табл. I. Расчет произведен для значения Q = 16,5, это соответствует заряду q = e при комнатной температуре. На рис. 5 показана зависимость f от  $\Delta g$  для этих кристаллов в полулогарифмическом масштабе. Штриховая кривая построена для кристалла В без учета взаимодействия между дефектами на дислокации. Видно, что учет электростатического взаимодействия об для кристалла в отрестациеском масштабе. В составия соответствия и растовов на составление и ставление и составление и составатие ского взаимодействия и роставление и составание и составление и ставление и ставление и ставление и ставление и составание и ставление и ставление

Қристалл	A	В	С
Общая концентрация двухвалентных примесей с Концентрация свободных катионных вакансий α(∞) Доля свободных примесей в объеме h Отношение радиуса зарядового облака к по- стоянной решетки Λ	$ \begin{array}{r} 2 \cdot 10^{-7} \\ 2 \cdot 10^{-9} \\ 10^{-2} \\ 550 \end{array} $	$ \begin{array}{r} 2 \cdot 10^{-5} \\ 2 \cdot 10^{-8} \\ 10^{-3} \\ 174 \end{array} $	10 <sup>-4</sup> 10 <sup>-7</sup> 10 <sup>-3</sup> 78

Таблица I. Характеристики кристаллов, отвечающих кривым рис. 5, T = 293 К (область примесной проводимости)

Зейтц<sup>11</sup> и Бассани и Томсон<sup>14</sup> впервые указали на возможность появления заряда на краевой дислокации в ЩГК, связав его со ступеньками и вакансиями на дислокации. Вначале теории заряженных дислокаций развивались параллельно теории заряда на поверхности ЩГК. В теории Леховека<sup>15</sup> возникновение заряда на поверхности объяснялось различием, в энергиях образования катионных и анионных вакансий в объеме кристалла.



Рис. 5. Зависимость доли мест на дислокационной линии, занятых дефектами от энергии их ассоциации  $f(\Delta g)$  для трех образцов. Характеристики образцов указаны в табл.

Характеристики образцов указаны в табл. I. Штриховая кривая построена для кристалла В без учета парного взаимодействия между дефектами

Эшелби и др., <sup>19</sup> используя модель <sup>15</sup>, создают первую теорию заряженных дислокаций, рассматривая дислокацию как заряженную нить. Лифшиц и Гегузин <sup>18</sup> внесли коррективы в <sup>15</sup>, показав, что заряд на поверхности ЩГК обусловлен не только их объемными свойствами, но и свойствами самой поверхности. Косевич, Маргвелашвили и Саралидзе <sup>22,23</sup> указывают на возможность перенесения представлений <sup>18</sup> на краевые дислокации в ЩГК. Наконец, Уитворт <sup>27</sup> получает формулу для заряда на краевой дислокации, связав его с характерными энергиями «дефектов» на дислокации. От заряженной нити к изучению тонкой структуры дислокации — таков тридцатилетний путь, приведший к созданию модели стационарной заряженной дислокации.

2.3. Влияние электрического поля на элементарные акты пластической деформации. Особенности движения заряженных дислокаций. 2.3.1. Силы, действующие на дислокацию. Кёлером, Моттом и Набарро было введено понятие силы, действующей на дислокацию<sup>33-35</sup>. Это позволило описывать движение дислокации как протяженного механического объекта. Различают силу самодействия, возникающую при изменении длины или формы дислокации; силу взаимодействия ее с другими дислокациями; силу, возникающую при приложении внешней механической нагрузки. Согласно формуле Пича — Кёлера сила на единицу длины дислокации  $\mathbf{F} = [(\hat{\tau} \mathbf{b}) \Delta \mathbf{l}], \hat{\tau}$  — тензор напряжений. Отсюда сила, действующая на дислокацию в плоскости скольжения, равна

$$F = ((\tau \mathbf{b}) \mathbf{n}) [\Delta \mathbf{l}, \mathbf{n}], \qquad (2.49)$$

где

$$\mathbf{n} = \frac{[\mathbf{b}\,\Delta\mathbf{l}]}{|\mathbf{b}\,\Delta\mathbf{l}|}$$

— единичный вектор нормали к плоскости скольжения. На дислокации в ЩГК действуют силы и за счет присутствия электрического заряда. Если в кристалле создано электрическое поле, то на дислокацию в ее плоскости скольжения действует сила<sup>36</sup>

$$\mathbf{F} = ([Q_1 \Delta \mathbf{I}, \mathbf{E}] \mathbf{n}) [\Delta \mathbf{I} \mathbf{n}].$$
(2.50)

Действие поля не адекватно влиянию механической нагрузки, так как оно воздействует не только на дислокацию, но и на окружающее ее зарядовое облако и заряженные центры закрепления, вызывая их переориентацию и изменяя их связь с дислокацией.

2.3.2. Влияние электрического поля на напряжение течения ЩГК. Для создания механического напряжения, близкого к напряжению течения в ЩГК, требуются электрические поля напряженностью в несколько десят-ков МВ·м<sup>-1</sup>. Исследование действия таких высоких полей сопряжено с боль-шими экспериментальными трудностями, поэтому часто прибегают к изучению совместного воздействия механической нагрузки и электрического поля.

Пусть в кристалле, выколотом по плоскостям спайности  $\{100\}$  (рис. 1), создано электрическое поле вдоль направления [010] и приложена механическая нагрузка в направлении [001]. На краевые дислокации с векторами Бюргерса (а/2) [011] и (а/2) [011], расположенные в плоскостях (011) и (011), действуют силы, обусловленные как механической нагрузкой, так и электрическим полем. Величина результирующей силы различна для дислокаций разных механических знаков, она может быть записана в виде<sup>37</sup>

$$\mathbf{F} = \mathbf{b}\tau^* \pm \frac{Q_l \mathbf{E}}{|\sqrt{2}|}; \tag{2.51}$$

здесь  $\tau^*$  — эффективное напряжение, под действием которого происходит термически активируемое преодоление препятствий в присутствии электрического поля. Определяемая ими скорость термически активируемого движения дислокации <sup>38</sup>

$$v = Ae^{-\mathcal{G}(\mathbf{F})/kT},\tag{2.52}$$

где A — постоянная при данной температуре,  $\mathscr{G}(F)$  — значение термодинамического потенциала, связанное с преодолением препятствия. Поскольку поле влияет на напряжение старта, например за счет воздействия на центры закрепления дислокаций, то

 $\tau^* = \tau_0^* + \Delta \tau,$ 

где  $\tau_0^*$  — стартовое напряжение при действии только механической нагрузки. Сила, необходимая для преодоления препятствия и начала поступательного движения дислокации в отсутствие поля, есть

$$\mathbf{F}_{\mathbf{0}}=\mathbf{b}\boldsymbol{\tau}_{\mathbf{0}}^{\mathbf{*}},$$

**6**98

дополнительная сила, действующая на дислокации разных механических знаков при создании поля, равна

$$\Delta \mathbf{F} = \mathbf{b} \,\Delta \tau \pm \frac{Q_l \mathbf{E}}{\sqrt{2}} \,. \tag{2.53}$$

Термодинамический потенциал  $\mathcal{G}(F_0 + \Delta F)$  при наличии электрического поля можно разложить в ряд Тейлора. При подстановке его в (2.52) скорость v окажется зависимой от ряда параметров, связанных с  $\mathcal{G}'(F_0)$ ,  $\mathcal{G}''(F_0)$  и т.д. При этом

$$\mathcal{G}'(F_0) = -\frac{m^*kT}{F_0};$$

 $m^*$  может быть определена в опытах со ступенчатым нагружением или в экспериментах по ползучести <sup>38</sup>. Ограничиваясь линейными членами разложения, можно представить скорость дислокаций разных механических знаков в присутствии электрического поля в виде

$$v = v_0 \exp\left[\frac{m^*}{b\tau_0^*} \left(b\,\Delta\tau \pm \frac{Q_l E}{\sqrt{2}}\right)\right],\tag{2.54}$$

 $v_0$  — скорость в отсутствие поля. Видно, что v является функцией лишь одного контролируемого параметра  $m^*$ . Скорость деформации в отсутствие поля при условии, что движутся только краевые дислокации, равна  $\hat{\epsilon}_0 = \frac{1}{2} K b v_0$ , K — плотность дислокаций. Если количество дислокаций разных механических знаков одинаково и равно K/2, скорость деформации в электрическом поле может быть представлена как

$$\dot{\varepsilon} = \frac{1}{2} K b v_0 e^{m \star \Delta \tau / \tau_0^{\star}} \operatorname{ch} \frac{m^* Q_l E}{b \tau_0^{\star} \sqrt{2}} \,. \tag{2.55}$$

Из (2.55) следует, что при поддержании скорости деформации  $\varepsilon = \varepsilon_0$  наблюдается уменьшение напряжения течения в электрическом поле:

$$\Delta \tau = -\frac{\tau_0^*}{m} \ln \operatorname{ch} \frac{m^* Q_l E}{b \tau_0^* \sqrt{2}}.$$
(2.56)

Из (2.56) следует, что при малых полях  $E \ll b \tau_0^* \sqrt{2}/m^* Q_1$ 

$$\Delta \tau = -\frac{1}{4} \frac{m^* Q_l^2 E^2}{\tau_0^* b^2} , \qquad (2.57)$$

т.е. напряжение течения изменяется пропорционально квадрату напряженности электрического поля. В случае больших полей

$$\Delta \tau = \frac{\tau_0^*}{m^*} \ln 2 - \frac{Q_l E}{\sqrt{2} b} , \qquad (2.58)$$

т.е. убывает с ростом Е по линейному закону.

2.3.3. Влияние зарядового облака на колеблющуюся дислокацию. При анализе влияния зарядового облака на колеблющуюся дислокацию переходят от термофлуктуационного механизма преодоления препятствий к надбарьерному движению дислокаций. Различают два предельных случая — подвижного и неподвижного облака. В случае неподвижного облака на сместившуюся дислокацию действует возвращающая сила  $F_b$ , обусловленная как упругим, так и электростатическим взаимодействиями дислокации и облака. При учете только электростатического взаимодействия

$$F_{\rm b} = -Q_l \, \frac{\mathrm{d} \varphi_{\rm c}}{\mathrm{d} \zeta}$$
 (ζ – смещение дислокации).

Эта сила может быть представлена как

$$F_{\rm b} = -K_{\rm F} \left(\frac{\xi}{\Lambda}\right) \frac{Q_l^2}{2\pi\epsilon\epsilon_0 \Lambda};$$

 $K_{\rm F}$  ( $\zeta/\Lambda$ ) — безразмерный параметр. При  $\zeta \ll \Lambda$ ,  $K_{\rm F} = K_0 \zeta/\Lambda$ ,  $K_0$  лежит в интервале 1,8—4°, так что  $F_{\rm b}$  пропорциональна смещению,

$$F_{\rm b} = -L\zeta, \quad L = K_0 \frac{Q_l^2}{2\pi\varepsilon\varepsilon_0 \Lambda^2}$$
(2.59)

Рассмотрим закрепленный в точках  $\pm l/2$  дислокационный сегмент, лежащий в плоскости *x*, *y*. Пусть к сегменту приложено напряжение  $\tau = \tau_0 e^{i\omega t}$ ,  $\omega$  — круговая частота. Дифференциальное уравнение, описывающее движение сегмента, есть

$$A \frac{\partial^2 \zeta}{\partial t^2} + B \frac{\partial \zeta}{\partial t} - T \frac{\partial^2 \zeta}{\partial y^2} + L\zeta = b\tau_0 e^{i\omega t}.$$
(2.60)

Первый член правой части (2.60) представляет силу инерции ( $A = \pi \rho b^2 - э \phi \phi$ ективная масса на единицу длины); второй — силу трения, третий член является приближенным выражением для силы самодействия

$$T = \frac{Gb^2}{\pi (1 - v)}$$

четвертый есть сила со стороны зарядового облака. В области килогерц частота колебаний внешней силы мала по сравнению с резонансной частотой сегмента, поэтому инерционным членом можно пренебречь<sup>39</sup>. Полагая для простоты силу трения равной нулю, получают решение уравнения:

$$\zeta = \frac{\tau b}{L} \left[ 1 - \frac{\operatorname{ch}(\gamma y)}{\operatorname{ch}(\gamma l/2)} \right], \quad \gamma = \left(\frac{L}{T}\right)^{1/2}.$$
(2.61)

Из (2.61) следует, что при  $\frac{1}{2}\gamma l \ll 1$ , т.е. в случаях малых l, дислокация выгибается наподобие упругой нити, причем ее максимальное смещение  $\zeta(0) = \tau b l^2/8T$ . При  $\frac{1}{2}\gamma l \gg 1$ , т.е. при больших l,  $\zeta = \tau b/L$ , и зарядовое облако играет определяющую роль в ограничении колебательного движения заряженной дислокации. Влияние неподвижного облака может быть изучено методами внутреннего трения при малых амплитудах относительной деформации  $\varepsilon_0$  при комнатной температуре <sup>40</sup>.

Подвижное облако следует за дислокацией, и протекающие диффузионные процессы приводят к диссипации энергии. Торможение в случае электростатического взаимодействия дислокации с диффузионно подвижным зарядовым облаком впервые рассмотрено Брауном<sup>41</sup>. Значение электрического потенциала  $\varphi_c$ , необходимого для определения силы, действующей на дислокацию, определяется из совместного решения уравнения Пуассона (2.13) и уравнения диффузии

$$\frac{\partial n}{\partial t} - \nabla \left( D \nabla n + n \, \frac{qD}{kT} \, \nabla \varphi_c \right) = 0, \qquad (2.62)$$

при его написании использовано соотношение Нернста — Эйнштейна между коэффициентом диффузии D и проводимостью  $\sigma$ . Однако решение Брауна строго применимо лишь для случая малых частот колебаний дислокационного сегмента  $\omega$ . В более общем случае влияние зарядового облака рассмотрено Танибайяши <sup>42</sup>. Он полагает, что облако состоит из двух типов заряженных дефектов противоположного знака. Время релаксации облака

$$\theta = \frac{\Lambda^2}{D}, \quad D = \frac{2D_1D_2}{D_1 + D_2},$$

700

 $D_1$  и  $D_2$  — коэффициенты диффузии дефектов каждого типа. Действие облака вызывает силу, зависящую как от смещения, так и от скорости колеблющейся дислокации. При  $\omega \theta \gg 1$  облако можно считать неподвижным и действующую со стороны облака силу можно считать состоящей из двух сил, одна из которых пропорциональна смещению,

$$F_{\rm b} = \frac{Q_l^2 \zeta}{8\pi\varepsilon\epsilon_0 \Lambda^2} \ln\left(2\omega\theta\right),\tag{2.63}$$

а другая-скорости колеблющейся дислокации,

$$F_{\rm m} = - \frac{Q_l^2 v}{16\pi \varepsilon_0 \Lambda^2 \omega}.$$
(2.64)

Возвращающая сила  $F_b$  зависит от частоты. Однако, согласно <sup>9</sup>  $F_b$ , для неподвижного облака не должна зависеть от  $\omega$  (см. 2.59). Полученное в <sup>42</sup> общее выражение для силы, действующей со стороны зарядового облака на колеблющуюся дислокацию, использовано для определения декремента затухания  $\delta$ . Ранее влияние облака на затухание в ЩГК было рассмотрено Робинсоном и Таллоном <sup>43–45</sup>. Однако в <sup>43–45</sup> при решении уравнения колебаний дислокационного сегмента использованы формулы, подобные (2.63) и (2.64), которые применимы лишь для  $\omega \theta \gg 1$ . Согласно <sup>42</sup>, зарядовое облако оказывает наибольшее влияние на затухание при наличии длинных дислокационных петель. На кривой частотной зависимости  $\delta$  ( $\omega$ ) предсказан несимметричный максимум при частоте  $\omega_m \approx \frac{D}{\Lambda^2}$ .

Таким образом, зарядовое облако играет определенную роль в ограничении колебательного движения заряженных дислокаций. Исследование влияния облака проводится методом внутреннего трения при отсутствии отрыва дислокаций от слабых центров. Температурные исследования затухания позволяют обнаруживать изоэлектрические точки по изменению  $\delta$ , вызванного прекращением взаимодействия дислокаций с зарядовым облаком.

2.3.4. Перенос заряда движущимися дислокациями. В экспериментах по исследованию дислокационного заряда используют динамические методы и имеют дело с движущимися дислокациями. Заряд на движущейся дислокации изменяется за счет «заметания» вакансий. Идея «заметания» вакансий дви-жущейся дислокацией принадлежит Пратту<sup>46</sup>. Опытные данные об уменьшении заряда при остановке дислокации указывают, что переносимый ею заряд не является равновесным. До настоящего времени не создана строгая теория, описывающая этот неравновесный заряд. Феноменологические модели предлагают два механизма переноса заряда движущимися дислокациями. Согласно <sup>47</sup>, дислокация при своем движении захватывает встречающиеся на ее пути катионные вакансии, она может также уносить вакансии от диполей примесь — вакансия и более сложных агрегатов при благоприятном расположении их по отношению к движущейся дислокации. С другой стороны, ионы двухвалентных примесей, диполи и агрегаты диполей при соответствующем расположении относительно проходящей дислокации могут действовать как «ловушки» для вакансий. На рис. 6<sup>47</sup> показаны две симметричные конфигурации ионов в плоскости (001), перпендикулярной краевой дислокации с вектором Бюргерса (1/2) [110] в кристалле NaCl. Большие кружки отвечают радиусам Гольдшмидта для ионов хлора, кружки меньшего радиуса для ионов натрия. Положения ионов определены на основании расчетов Вакансия в точке А связана с дислокацией. После сдвига на величину **b**/2 конфигурация I переходит в конфигурацию II. Наименьшая потенциальная энергия в конфигурации II соответствует либо вакансии в положении А, либо иону в положении С с вакантными узлами А и В. В первом случае место А остается вакантным и расположение ионов перестает быть симметричным. При дальнейшем продвижении вправо вакансия остается позади дислокации. Для переноса вакансии необходимо перемещение иона из В в А при

движении дислокации вправо. Подобный перескок требует термической активации. Поэтому дислокация при низких температурах не сможет переносить заряд. Во втором случае в положении II положительный ион находится в симметричном положении С, а положения A и B пусты. При дальнейшем движении дислокации вправо ион из С переходит в A, при этом опять возникает конфигурация I и в ядре вновь оказывается вакансия. Этот процесс не требует термической активации, поэтому дислокация в случае II сможет переносить заряд при любой температуре. Из этих двух возможных вариантов реализуется тот, который отвечает меньшей потенциальной энергии.



Рис. 6. Расположение ионов в плоскостях (001), перпендикулярных линии краевой дислокации в NaCl при ее движении. Состояние II отвечает дислокации,

Состояние II отвечает дислокации, сместившейся на *b*/2. Позиции *A* и *B* отвечают катионным вакансиям

Качественные энергетические соображения показывают<sup>48</sup>, что максимальный заряд  $Q_l^{\max}$ , приобретаемый дислокацией при ее движении, соответствует одной вакансии на два положительных узла, т.е. в два раза ниже очевидного предела — одна вакансия на один узел.

Второй механизм переноса заряда движущейся дислокацией наряду с захватом вакансий включает и их диффузию<sup>49,50</sup>, т.е. предполагает термическую активацию. Характер температурной зависимости переносимого заряда определяется не только диффузионными параметрами, но и скоростью самой дислокации. Величина динамически равновесного заряда на движущейся дислокации лимитируется процессами испускания и поглощения вакансий и, согласно<sup>49</sup>, равна

$$Q_{l} = \frac{Q_{0} + Q_{\infty} (v/v_{0})}{1 + (v/v_{0})}, \quad Q_{0} = \frac{en_{t}}{w_{t}}, \quad Q_{\infty} = \frac{en_{l}}{w_{l}}, \quad v_{0} = \frac{w_{t}}{w_{l}}.$$
 (2.65)

Здесь *n*, — количество вакансий, оседающих на единице длины дислокации в единицу времени в результате диффузии из объема, n, — количество вакансий, заметаемых единицей длины дислокации на единице пути,  $w_t$  — вероятность потери вакансий дислокацией за счет термической активации,  $w_{l}$  вероятность потери вакансий в результате их захвата «ловушками», которые встречает дислокация при движении. При низких скоростях ( $v \ll v_0$ ) вакансии успевают мигрировать к дислокации из объема, а преобладающий механизм оттока связан со спонтанной эмиссией. При больших скоростях происходит переход движения дислокации от термически активированного к вязкому, эффективность заметания вакансий сильно понижается и величина  $Q_i$ стремится к не зависящему от температуры пределу  $Q_0$ . Механизм транспортировки заряда, действующий в этой области скоростей, не требует тепловой активации. Природа этого механизма является дискуссионной. Величины  $n_{\rm t}, n_l, w_{\rm t}, w_l$  в формуле (2.65) неизвестны, поэтому предлагаемая модель не позволяет получать количественные оценки. Однако ценной является уже сама идея о диффузионном механизме переноса заряда движущейся дислокацией. Предложенная модель хорошо объясняет обнаруженные 49 экспериментальные зависимости заряда на дислокации от скорости ее движения и температуры.

Модель диффузионного переноса заряда движущейся дислокацией получила дальнейшее развитие в работах венгерских физиков <sup>51,52</sup>. В <sup>51</sup> рассмотрен перенос вакансий в упругом и электрическом поле дислокации. Заряженная дислокация рассматривается как ряд дискретных равномерно распределенных зарядов<sup>27</sup>. Разработанный авторами метод вычисления на ЭВМ позволил рассчитать влияние различных факторов на величину заряда, переносимого дислокацией. Исследовано установление динамически равновесного заряда в процессе движения первоначально не заряженной дислокации. Показано, что при формировании дислокационного заряда вакансии собираются в точках, ближайших к линии дислокации. С другой стороны, согласно<sup>53,54</sup>, часть переносимого заряда не связана с ядром дислокации. Движущиеся дислокации не только переносят заряды, принадлежащие их ядру, но и увлекают своим упругим полем вакансии, вызывая их направленный дрейф — «вакансионный ветер». Вопрос дрейфа вакансий остается дискуссионным<sup>9</sup>.

Заметаемый дислокацией заряд первоначально не окружен облаком заряженных дефектов противоположного знака. Зарядовое облако формируется в результате диффузии заряженных частиц в электрическом поле дислокации, причем основными носителями являются подвижные катионные вакансии. Время, требуемое для установления зарядового равновесия, равно  $t = \varepsilon_0/\sigma$ .

2.4. Прямой и обратный дислокационные пьезоэлектрические эффекты. Электроакустическая петля. Поляризация в упругом поле известна как прямой пьезоэффект:

$$\mathscr{P}_{i} = d_{ijk} \tau_{jk}. \tag{2.66}$$

Деформация в электрическом поле — как обратный пьезоэффект:

$$\boldsymbol{\varepsilon}_{ii} = d_{iik} \boldsymbol{E}_k; \tag{2.67}$$

 $d_{ijk}$  — пьезоэлектрический модуль<sup>55</sup>. В кристаллах с центром симметрии, к числу которых относятся ЩГК, пьезоэффекты отсутствуют. Если ЩГК содержит подвижные дислокации, то в упругом и электрическом полях обнаруживаются явления, получившие название прямого и обратного дислокационных пьезоэффектов. Смещение заряженных дислокаций в упругом поле приводит к дополнительной поляризации

$$\Delta \mathcal{P}_i = \Delta d_{imn} \tau_{mn}. \tag{2.68}$$

Это явление по аналогии с (2.66) называется прямым дислокационным пьезоэффектом. Дислокационный пьезомодуль  $\Delta d_{imn}$  выражается через характеристики дислокации. Смещение дислокаций в упругом поле вызывает также дислокационную деформацию и, следовательно, вносит добавочный вклад в упругую податливость. В электрическом поле возникает дислокационная деформация, пропорциональная напряженности электрического поля:

$$\Delta \boldsymbol{\varepsilon}_{\boldsymbol{k}\boldsymbol{l}} = \Delta d_{\boldsymbol{k}\boldsymbol{l}\boldsymbol{j}}^{\prime} \boldsymbol{E}_{\boldsymbol{j}}.$$
(2.69)

Это явление известно как обратный дислокационный пьезоэффект. В общем случае пьезомодули прямого и обратного эффектов не совпадают. Смещение заряженных дислокаций вызывает также добавочную поляризацию и, следовательно, вносит добавочный вклад в диэлектрическую восприимчивость.

Связь электрических и упругих свойств ЩГК, содержащих подвижные заряженные дислокации, выражается электроакустической петлей, представленной на рис. 7. Видно, что благодаря присутствию заряженных дислокаций электрическое поле вызывает не только поляризацию, но и деформацию ЩГК. В свою очередь, упругое поле не только деформирует, но и поляризует кристалл. В отсутствие дислокаций упругие и электрические свойства ЩГК уже не связаны между собой.

Вклад подвижных заряженных дислокаций в диэлектрическую восприимчивость  $\chi_{ij}$ , упругую податливость  $S_{klmn}$  и дислокационные пьезомодули  $\Delta d_{imn}$  и  $\Delta d_{klj}$  теоретически впервые были рассчитаны Братлеем и Бауэром<sup>36</sup>. Авторы рассматривают условие равновесия закрепленного на концах дислокационного сегмента при приложении упругой или электрической силы без учета влияния зарядового облака. Сила самодействия берется в приближении линейного натяжения и считается равной *T/R*, *R* — радиус кривизны



сегмента. В случае упругого поля вдоль [100] вклад дислокаций в упругую податливость <sup>36</sup>

$$\Delta S_{1111} = \frac{Kb^2l^2}{48T}$$

Прямой и обратный дислокационные пьезомодули оказываются одинаковыми. Для электрического поля в направлении [001]

$$\Delta d'_{311} = K \frac{Q_l l^2 b}{24 \sqrt{2} T}$$

и вклад дислокаций в диэлектрическую восприимчивость

$$\Delta \chi_{33} = \frac{KQ_l^2 l^2}{24T\varepsilon_0}$$

В <sup>56</sup> Братлей и Бауэр рассматривают динамические эффекты, возникающие при приложении акустического и переменного электрических полей. Как и в <sup>36</sup>, длины дислокационных сегментов считаются одинаковыми, влияние зарядового облака по-прежнему не учитывается. Дифференциальное уравнение вынужденных колебаний дислокационного сегмента при приложении электрической силы  $F = Q_l E_0 \exp(i\omega t)$  записывается в форме (2.60) без учета возвращающей силы  $F_b = -L\zeta$ . Определив  $\zeta$ , можно найти дислокационную поляризацию  $\Delta \mathscr{P}_k$  и изменения, вносимые дислокациями в диэлектрическую восприимчивость. Согласно <sup>56</sup>,

$$\Delta \chi_{33} = \Delta \chi_{33}^{(1)} + i \, \Delta \chi_{33}^{(2)}.$$

Величина

$$\Delta \chi_{33}^{(1)} = \frac{-8Q_l^2}{\epsilon_0} \frac{K (\omega_0^2 - \omega^2) A}{\pi^2 A^2 (\omega_0^2 - \omega^2)^2 + B^2 \omega^2}$$

определяет вклад в диэлектрическую восприимчивость, а

$$\Delta \chi_{33}^{(2)} = \frac{8Q_l^2 B K \omega}{\pi^2 \varepsilon_0 A^2 (\omega_0^2 - \omega^2)^2 + B^2 \omega^2}$$

— в диэлектрические потери; здесь  $\omega_0 = (\pi/l) (T/A)^{1/2}$  — резонансная частота колебаний сегмента. Если в образце, подвергнутом действию переменного электрического поля, создано еще и акустическое поле той же частоты, возникнут дополнительные вклады в  $\Delta \chi_{ij}^{(1)}$  и  $\Delta \chi_{ij}^{(2)}$ , зависящие от разности фаз между полями.

В случае действия только акустического поля решение дано Кёлером <sup>57</sup> и Гранато-Люкке <sup>39</sup>, рассчитавшими вклад дислокаций в дефект упругой податливости  $\Delta S_{klmn}/S_{klmn}$  и декремент затухания  $\delta$ . Выражение для дислокационного пьезомодуля дано Робинсоном <sup>58</sup>:

$$\Delta d_{311} = \frac{\sqrt{2} S_{1111} Q_l}{4b} \left( \frac{\Delta S_{1111}}{S_{1111}} - i\delta \right).$$
(2.70)

Создание переменного электрического поля в том же образце приводит к дополнительным вкладам в  $\delta \mathbf{n} \Delta S_{1111}/S_{1111}$ , зависящим от разности фаз между электрическим и акустическим полями. Расчет пьезомодулей прямого и обратного дислокационных пьезоэффектов с учетом влияния зарядового облака проводится в <sup>59,60</sup>. В дифференциальные уравнения колебаний дислокационного сегмента в акустическом и переменном электрических полях включена сила, действующая со стороны зарядового облака. В случае электрического поля учитывается его непосредственное действие на заряды облака, состоящего из одного <sup>59</sup> и двух типов заряженных дефектов противоположного знака <sup>60</sup>. Это действие вызывает смещение зарядов в электрическом поле и изменяет силу, действующую на дислокацию со стороны облака. Этот эффект приводит к тому, что при частотах  $\omega \ll (D_1 + D_2)/\Lambda^2$ , когда зарядовое облако подвижно, дислокационные пьезомодули  $\Delta d \mathbf{n} \Delta d'$  не совпадают. Предсказанные в <sup>59,60</sup> явления требуют постановки новых экспериментов по исследованию прямого и обратного дислокационных пьезоэффектов при различных частотах в широкой области температур.

## 3. ЭКСПЕРИМЕНТАЛЬНЫЕ ДАННЫЕ О ЗАРЯЖЕННЫХ ДИСЛОКАЦИЯХ И ИХ ВЛИЯНИИ НА СВОЙСТВА ЩГК

Обзоры экспериментальных работ по заряженным дислокациям в ЩГК до 1975 года даны в <sup>7-9</sup>. Прогресс, достигнутый за последние 10—15 лет в теоретическом исследовании заряженных дислокаций и связанных с ними эффектов, стимулировал постановку большого количества новых экспериментальных работ (табл. II). Исследования по заряженным дислокациям в ЩГК посвящены широкому кругу проблем, таких, как возникновение разности потенциалов между различными точками образца при приложении статической или знакопеременной нагрузки, деформация образца в электрическом поле, влияние электрического поля на механические свойства, связанные с присутствием заряда на дислокации (внутреннее трение, дефект упругой податливости, ползучесть, предел текучести и т.д.), влияние электрического поля на движение и размножение дислокаций в ЩГК, деформируемых ультразвуком и т.д.

3.1. Исследование электрических эффектов при приложении механической нагрузки. Начало исследований было положено А. В. Степановым <sup>2</sup>,<sup>3</sup>, который в 1933 г. установил названный впоследствии его именем эффект появления электрического заряда на поверхности кристалла каменной соли при макроскопической деформации одноосным сжатием. Каффин и Гудфеллоу 61 связали обнаруженный Степановым заряд со свойствами дислокаций и провели серию экспериментов по его наблюдению. В дальнейшем возникновение заряда было обнаружено при других способах деформации (изгиб, действие сосредоточенной силы, знакопеременные нагрузки) и различном расположении электродов в образце '. Появление заряда на поверхности ЩГК при макроскопической деформации объясняется тем, что дислокации, двигаясь по плоскостям скольжения, выносят свой заряд на поверхность. Дальнейшее развитие предложенного А. В. Степановым метода одноосного сжатия позволило получить количественные данные о заряде на дислокации в ЩГК и его зависимости от приложенного напряжения, скорости деформации, количества катионных

Кристалл	Содержание двухвалентных примесей, молевые части	Т, К	Q <sub>l</sub> , Кл•м-1	Литера- тура
LiF	Общая концентрация	77	-8,1.10-13	44
	10-5	298	$-1.1 \cdot 10^{-12}$	44
		Комнатная (293 К)	$ -1, 0.10^{-12}$	63
	Mg++, 7.10 <sup>-5</sup>	»	$-2,2\cdot 10^{-12}$	78
	$Mg^{++}, 1 \cdot 10^{-4}$	»	$-3, 1 \cdot 10^{-12}$	78
		»	$+2,2\cdot10^{-12}\ldots+2,9\cdot10^{-12}$	84
		300	$ -1,2\cdot10^{-11}\ldots-2,1\cdot10^{-11} $	76
	Избыток катионных вакансий	Комнатная	$-3 \cdot 10^{-14} \dots -1, 3 \cdot 10^{-10}$	49
N <sub>2</sub> Cl		"	$-2.10^{-13}$ $-1.7.10^{-12}$	44
Hau	_	<sup>″</sup> 78	-1 7.10 <sup>-13</sup> $-3$ 7.10 <sup>-13</sup>	110
	$C_{9}^{++}$ 2.10 <sup>-5</sup>	296	$-7.10^{-12}$	115
	$Ca^{++}$ , 2.10 <sup>-5</sup>	321	$-2.5 \cdot 10^{-12}$	115
		300	$-2.10^{-13}$ $-1.7.10^{-12}$	76
	_	Комнатная	$-2 \cdot 10^{-11}$	36
	Mn <sup>++</sup> . $2 \cdot 10^{-5}$ -3 $\cdot 10^{-5}$	»	$-2.5 \cdot 10^{-11}$	106
	Са <sup>++</sup> до $4,5 \cdot 10^{-5}$ , М $\sigma^{++}$ 7 · $10^{-6}$	»	$-2 \cdot 10^{-11} \dots -4 \cdot 10^{-11}$	27
	Mn <sup>++</sup> , 1,4.10 <sup>-5</sup>		До -1,1·10 <sup>-10</sup>	48
KCl		300	$-1,5\cdot10^{-14}\ldots-2,4\cdot10^{-11}$	76
		Комнатная	-1,0·10 <sup>-12</sup>	116
	Общая концентрация 2.10-5	»	$-2,7\cdot 10^{-12}\ldots -7,5\cdot 10^{-12}$	58
	10-5	298	$-3.1 \cdot 10^{-12}$	43
	$Ca^{++}, 1.5 \cdot 10^{-4}$	Комнатная	$-4 \cdot 10^{-11} \dots -9, 5 \cdot 10^{-11}$	105
	Ca++,	»	$-7.10^{-11}$	87
KBr	Общая концентрация 10 <sup>-6</sup>	»	$-8 \cdot 10^{-12} \dots -2, 2 \cdot 10^{-11}$	75

Таблица II. Значение электрического заряда на единицу длины  $Q_l$  дислокации в ЩГК по имеющимся в литературе данным

и анионных вакансий, температуры и т. д. <sup>53,54,62,63,65,66</sup>. В <sup>62,63</sup> заряд на краевой дислокации  $Q_i$  определялся по измерению тока I в цепи между электродами и скорости деформации  $\dot{\epsilon}: Q_l = \sqrt{2}bI/S\dot{\epsilon}, S$  — площадь электрода. Протекание тока обусловлено выбеганием на каждый из электродов разного количества краевых дислокаций. В <sup>62</sup> деформация осуществлялась по двум, в 63 — по одной системе кристаллографических плоскостей легкого скольжения. Интересным фактом явилось изменение знака сигнала при деформации по одной системе скольжения<sup>63</sup>, ранее приписываемое изменению действующих систем скольжения в процессе активного нагружения образца<sup>7</sup>. Смена знака наблюдалась еще до достижения предела текучести. После инверсии сигнал возрастал, достигая максимального значения на площадке текучести, а затем быстро убывал при дальнейшем нагружении. Убывание сигнала после прохождения площадки текучести можно объяснить зависимостью заряда на дислокациях от скорости их движения, которая, в свою очередь, заряда на дислокациях от скорости их движения, которая, в свою очередв, достигает максимального значения на площадке текучести <sup>64</sup>. В  $^{53}, ^{54}, ^{65}, ^{66}$  исследован заряд, выносимый на поверхность ЩГК при одноосном сжатии. В экспериментах  $^{53,54}$  использовались кристаллы NaCl с катионной или анионной примесями. Деформация осуществлялась по двум системам скольжения при температурах от комнатной до 600 °C. Электрический заряд, выносимый на боковую грань образца, измерялся с помощью электрометра. Линейная плотность заряда на дислокации Q<sub>l</sub> определялась по величине выносимого заряда и количеству дислокаций  $\Delta K$ , вышедших на боковую грань в пропессе деформации,  $\Delta K$  находилось по величине ступеньки сдвига, измеренной интерференционным методом. Однако заряд, рассчитанный таким способом,

при температурах свыше 500 °С оказался больше предельной величины  $Q_l^{\text{max}}$ . Для объяснения этого факта авторы <sup>53,54</sup> привлекают идею о направленном дрейфе вакансий, увлекаемых упругим полем дислокации. Для подтверждения этой идеи требуются дальнейшие эксперименты. В <sup>65,66</sup> детально исследовано явление инверсии знака сигнала в образцах NaCl с контролируемым количеством катионных и анионных вакансий. Установлено, что на начальной стадии деформации знак выносимого заряда противоположен знаку заряда на дислокациях в исследуемых кристаллах. Этот «неосновной» сигнал достигает максимального значения при нагрузке, отвечающей пределу текучести. Значение деформации  $\varepsilon_i$ , отвечающей точке инверсии, а также величина сигнала до и после инверсии заметно возрастали с ростом скорости деформации. Одно из возможных объяснений смены знака выносимого заряда состоит в том, что вначале он связан с зарядом на поверхности, и только после



Рис. 8. Зависимость заряда на дислокации в LiF от скорости ее движения <sup>49</sup>. Кривая 1 отвечает 20 °C, 2 - 100 °C, 3 - 150 °C

прохождения точки инверсии имеет дислокационную природу. Для окончательного выявления механизма инверсии знака заряда требуются дальнейшие эксперименты на образцах с контролируемым состоянием поверхности. Электрический сигнал при деформировании сосредоточенной нагрузкой впервые наблюдали Фишбах и Новик 67. Качественные исследования показали <sup>68</sup>, что сигнал значительно возрастал после предварительного изгиба образца и введения двухвалентных примесей. Дальнейшая модернизация метода<sup>69-71</sup> позволила использовать его для определения заряда на краевой дислокации. В <sup>49,50</sup> метод индентирования был использован для исследования формирования динамически равновесного заряда на движущейся дислокации в кристаллах LiF. Исследование знака потенциала, возникающего при вдавливании индентором, показало, что дислокации в кристаллах с двухвалентными катионными примесями заряжены отрицательно, с анионными положительно. На рис. 8 показана зависимость заряда от скорости движения дислокации для кристалла LiF с примесью Mg ( $10^{-5}$  молевых частей) при трех различных температурах <sup>49</sup>. Зависимость  $Q_l$  от скорости указывает на термически активированный характер механизма переноса заряда. Видно, что при больших скоростях величина заряда уменьшается на несколько порядков, стремясь к не зависящему от скорости пределу  $Q_0$ . Феноменологическая схема, предложенная в <sup>50</sup> для объяснения зависимости  $Q_l(v)$ , описана в п. 2.3.3. Для выявления механизма переноса заряда  $Q_0$  требуются дальнейшие исследования.

Появление электрического сигнала при циклической деформации наблюдается как в области низких<sup>72–75</sup>, так и ультразвуковых частот <sup>58,76–79</sup>. При малых деформациях эффект обусловлен обратимым смещением заряженной дислокации относительно облака Дебая — Хюккеля. При больших амплитудах вибрации дислокации проходят большие расстояния, увеличивая свой заряд за счет захвата вакансий. Развитие метода позволило произвести количественные оценки заряда на дислокации. В работах Уитворта<sup>47,48,74</sup> предварительно изогнутые образцы NaCl подвергались деформации растяжение сжатие на частоте 0,04 Гц. Если нагружение происходило вдоль направления [100], а электрическое напряжение измерялось между гранями (001),

$$Q_l = \frac{Ub \left(C + C_{\mathfrak{H}}\right) \eta}{\sqrt{2} \, \varepsilon_0^P S}.$$

Здесь є р — амплитуда пластической деформации, равная разности общей и упругой деформаций, C – емкость между электродами,  $C_3$  – емкость электрометра,  $\eta = (K_1 + K_2)/(K_1 - K_2)$ ,  $K_1$  – плотность дислокаций необходимого механического знака для создания изгиба, определяется по формуле Ная <sup>80</sup>,  $K_1 + K_2$  — общая плотность дислокаций, рассчитывается по фигурам травления. Установлено, что заряд Q, возрастает при увеличении амплитуды нагружения, стремясь к максимальному пределу  $Q_l^{\max}$ , отвечающему заряду электрона е на два одноименных иона на линии дислокации. Выдержка образца при максимальных используемых в 43 амплитудах приводила к уменьшению  $Q_l$ , т.е. приобретаемый движущейся дислокацией заряд не является равновесным. В <sup>75</sup> метод Уитворта был использован для исследования электрического сигнала в КВг при вибрации как на низких (0,02 Гц), так и на звуковых частотах. При интерпретации результатов, полученных на различных этапах циклического нагружения, сделана попытка разделить электрические эффекты за счет смещения колеблющейся дислокации относительно зарядового облака и эффекты, обусловленные возрастанием Q<sub>l</sub> вследствие захвата вакансий движущейся дислокацией. Необходимы новые эксперименты по исследованию вклада этих двух эффектов в величину измеряемого электрического сигнала при различных амплитудах и частотах вибрации. В <sup>58,76</sup> определялись пьезомодуль прямого  $\Delta d$  и обратного  $\Delta d'$  дислокационных пьезоэффектов, затухание  $\delta$  и дефект упругой податливости  $\Delta S_{1111}/S_{1111}$  предварительно изогнутых образцов LiF, NaCl, KCl на частоте 40 кГц и с помощью (2.70) рассчитывался заряд дислокации Q<sub>r</sub>. В пределах использованных в работе амплитуд  $\varepsilon_0$  величины  $\Delta d \mathbf{n} \Delta d'$  оказались одинаковыми. На рис. 9 показаны амплитудные зависимости  $\Delta d_{311}$  ( $\varepsilon_0$ ), ( $\Delta S_{1111}/S_{1111}$ ) ( $\varepsilon_0$ ),  $\delta(\varepsilon_0)$  и  $Q_1(\varepsilon_0)$  образца КС1 при комнатной температуре. Из рисунка видно, что при отсутствии амплитудной зависимости затухания заряд на дислокации не изменяется с ростом  $\varepsilon_0$ . В <sup>77–79</sup> проведено с использованием <sup>81</sup> совместное изучение прямого и обратного дислокационных пьезоэффектов, внутреннего трения и электрического напряжения U между электродами на поверхности образцов LiF и NaCl на частоте 100 кГц. Установлено, что прямой и обратный дислокационные пьезоэффекты наблюдались лишь для образцов, подвергнутых предварительной пластической деформации изгибом, пьезомодули обоих эффектов оказались одинаковыми. Амплитудная зависимость электрического сигнала U (є) при малых є является линейной, так что заряд на краевой дислокации при малых  $\varepsilon_0$  не изменяется при ее движении <sup>79</sup>. Амплитудные зависимости внутреннего трения и дислокационного пьезомодуля оказались качественно подобными. Характерно, что линейная зави-симость U ( $\varepsilon_0$ ) сохраняется в некоторой области  $\varepsilon_0$ , где  $\delta$  ( $\varepsilon_0$ ) уже обнаруживает амплитудную зависимость. Несмотря на то, что исследование амплитудных зависимостей затухания и дислокационного пьезомодуля в экспериментах <sup>58,7</sup> и <sup>77–79</sup> проводились в одной и той же области амплитуд  $\varepsilon_0$ и полученные результаты качественно подобны, интерпретация этих результатов разная. В <sup>58,76</sup> привлекается разработанная авторами модель взаимодействия колеблющейся дислокации с зарядовым облаком <sup>43–45</sup>. Увеличение затухания с ростом  $\varepsilon_0$  связывается с выходом колеблющейся дислокации за пределы облака. В процессе колебаний за пределами облака дислокация «заметает» встречающиеся вакансии, увеличивая заряд. Расчет среднего смещения дислокации  $\overline{\zeta}$  при амплитуде  $\varepsilon_0$ , отвечающей началу амплитудной зависимости  $\delta(\varepsilon_0)$ , показал, что  $\overline{\zeta}$  и радиус облака Дебая — Хюккеля  $\Lambda$ имеют близкие



Рис. 9. Амплитудная зависимость дислокационного пьезомодуля  $\Delta d_{311}$ , дефекта упругой податливости  $\Delta s_{1111}/s_{1111}$ , затухания  $\delta$  и заряда  $Q_l$  на дислокации в KCl<sup>58</sup>

значения. В модели, предлагаемой в <sup>79</sup>, привлекается идея термофлуктуационного отрыва краевых и винтовых дислокаций от центров закрепления <sup>82,83</sup>, краевая дислокация рассматривается как заряженная струна. Требуются дополнительные данные о том, при каких условиях преобладает каждый из предложенных выше механизмов.

3.2. Исследование дислокационной деформации в ЩГК при приложении электрического поля. Деформация образцов ЩГК, обусловленная движением заряженных дислокаций в электрическом поле, впервые установлена Спруллом<sup>84</sup>. При подведении электрического напряжения к электродам на двух противоположных поверхностях предварительно изогнутого образца LiF происходило изменение стрелы прогиба, оно фиксировалось с помощью специального электромеханического преобразователя. Деформация оказалась нечетной функцией напряженности электрического поля, т.е. была отлична от электрострикции и обусловливалась смещением заряженных дислокаций. Поступательное движение заряженных дислокаций в электрическом поле наблюдали Швидковский, Тяпунина, Белозерова<sup>85</sup>, использовавшие метод избирательного травления. Эти эксперименты были продолжены Загоруйко<sup>86</sup>, обнаружившим изменение направления движения краевой дислокации при переключении поля. В движении принимали участие только краевые дислокации. Установлено существование порогового поля, при котором начиналось движение. В экспериментах с NaCl это поле составило 8·10<sup>5</sup> В·м<sup>-1</sup>. Изменение направления движения краевой дислокации при многократном переключении

электрического поля в опытах <sup>86</sup> показано на рис. 10. Движение краевых дислокаций в лучах дислокационной розетки от отпечатка индентора в КС1 в электрическом поле наблюдалось в <sup>87</sup>. Движение также начиналось при достижении некоторой пороговой напряженности электрического поля. Полагая, что действие порогового электрического поля, вызывающего движение дислокаций, эквивалентно действию силы при механическом нагружении, в <sup>87</sup> по данным для критического напряжения сдвига и пороговой напряженности  $E_{\mu}$  рассчитывался заряд  $Q_{\mu}$ . Он составил 58 % от максимального



Рис.. 10. Изменение направления движения краевой дислокации при переключении электрического поля ( $E=1,5\cdot 10^6~{
m B\cdot M^{-1}}
angle$   $^{86}$ 

заряда  $Q_l^{\text{max}}$ . В серии работ <sup>88–91</sup> наблюдалось движение дислокационных стенок из краевых дислокаций в ЩГК в электрическом поле. Поле было направлено перпендикулярно границе. Движение обнаружено лишь при температурах выше комнатной, оно начиналось при достижении некоторой пороговой напряженности поля <sup>88,89</sup>. Величина смещения дислокационной стенки зависела от напряженности и времени выдержки в электрическом поле, в экспериментах <sup>88,89</sup> это время составляло 11—90 часов. Экспериментальные данные <sup>88–91</sup> не дают однозначного ответа о знаке заряда дислокационной стенки в ЩГК. По данным <sup>88,89</sup> заряд стенки в ЩГК отрицателен при температурах 500—700 °С дислокационная стенка в NaCl заряжена отрицательно. В <sup>91</sup> дислокационные стенки из краевых дислокаций в NaCl при 300—440 °С смещались в направлении напряженности электрического поля, т.е. были заряжены положительно. При комнатной температуре вблизи таких стенок в электрическом поле наблюдалось перераспределение катионных

### ЗАРЯЖЕННЫЕ ДИСЛОКАЦИИ

вакансий <sup>91</sup>. Это приводило к изменению микротвердости по обеим сторонам границы. Микротвердость возрастала в зоне накопления отрицательного заряда и уменьшалась в зоне разупрочнения, расположенной по другую сторону стенки. Величина скачка микротвердости зависела от напряженности и времени выдержки в электрическом поле. В 1966 г. Дрияев и др. <sup>92,93</sup> обнаружили колебания образцов LiF в переменном электрическом поле. Исследуемые образцы представляли собой одноволновые вибраторы на изгибных колебаниях. В условиях резонанса колебания образца отставали от электрического поля на  $\pi/2$ , т.е. поле было синфазно с эффективной электрической силой, раскачивающей кристалл. Согласно<sup>92,93</sup>, переменное электрическое поле вызывает колебания заряженных дислокационных сегментов. Прогиб дислокаций создает микропластическую деформацию и приводит к появлению эффективной силы, возбуждающей колебания кристалла.

3.3. Совместное влияние электрического поля и механическое поле создавалось одновременно с механическим нагружением образца. Использовались статические <sup>94</sup>, импульсные <sup>95–99</sup> и знакопеременные нагрузки <sup>100,101</sup>. Совместное воздействие на образец механической нагрузки и электрического поля не эквивалентно их последовательному действию. Наряду с непосредственным действием на заряженные дислокации электрическое поле вызывает перераспределение заряженных ступенек, переориентирует центры закрепления, образованные диполями примесь — вакансия и агрегатами диполей, перераспределяет заряженные дефекты в границах блоков и у поверхности кристала.

Влияние электрического поля на стартовые напряжения и длину пробега дислокаций в образцах NaCl, подвергаемых одноосному сжатию, исследовано в <sup>94</sup>. Наблюдалось уменьшение стартовых напряжений и увеличение средней длины свободного пробега дислокаций в электрическом поле. Расчет заряда Q<sub>1</sub> по изменению напряжения старта при учете лишь непосредственного воздействия электрического поля на заряженную дислокацию дает значения, большие  $Q_l^{\max}$ . По мнению авторов<sup>94</sup>, электрическое поле действует не только на дислокации, но и на дипольные центры закрепления, вызывая их переориентацию и ослабляя их связь с дислокациями. Влияние импульса напряжения сдвига и импульса электрического поля на подвижность краевых и винтовых дислокаций в кристаллах NaCl исследовано в <sup>95-99</sup>. Увеличение подвижности краевых дислокаций при приложении электрического импульса в процессе механического воздействия интерпретируется как результат действия электрического поля на заряд дислокации. Резкое увеличение подвижности винтовых дислокаций после предварительного импульсного воздействия электрического поля связывается с перераспределением заряженных ступенек вдоль дислокации. В <sup>93</sup> изучено совместное действие переменной механической силы, возбуждающей изгибные колебания кристалла LiF, и переменного электрического поля той же частоты. Исследования проводились на двух типах кристаллов — с положительно и отрицательно заряженными дислокациями. Амплитуда колебаний кристалла зависела от разности фаз ф между механической и электрической силами. Эта зависимость показана на рис. 11. Видно, что для кристаллов с отрицательно заряженными дислокациями амплитуда A максимальна при  $\varphi = 0$  (кривая *1*), в случае же положительно заряженных дислокаций А достигает максимального значения при  $\phi = \pi$  (кривая 2). Теоретическая формула для амплитуды A получена в результате совместного решения дифференциального уравнения изгибных колебаний образца и уравнения колебаний дислокационного сегмента при приложении механической и электрической силы, действующей на дислокацию как заряженную нить 100. Согласно 100,

 $A = K (F_{0\tau}^2 + F_{0E}^2 + 2F_{0\tau}F_{0E}\cos\varphi)^{1/2};$ 

здесь  $F_{0\tau}$  — амплитуда колебаний механической,  $F_{0E}$  — электрической силы, действующей на кристалл посредством заряженных дислокаций, ее направление зависит от знака заряда дислокации. Рассчитанные по этой формуле значения А отвечают экспериментальным кривым рис. 11. Влияние электростатического поля на поступательное движение краевых дислокаций



Рис. 11. Зависимость амплитуды изгибных колебаний образца при одновременном действии механической силы и электрического поля от разности фаз между ними <sup>93</sup>.

Кривая 1 отвечает образцу с положительно заряженными, 2 – с отрицательно заряженными дислокациями

в лучах дислокационной розетки в KCl при высокочастотной вибрации обнаружено в <sup>101</sup>. Основной эффект действия поля состоит в увеличении длины пробега и числа сместившихся дислокаций. Влияние поля проявлялось и тогда, когда вектор напряженности *E* был параллелен линиям краевых дислокаций, в этом случае поле не должно влиять непосредственно на заряженную дислокацию. Согласно <sup>101</sup>, электрическое поле действует не только



Рис. 12. Влияние электрического поля на деформацию кристаллов KCl при облучении ультразвуком.

Результат травления поверхности образца после вибрации в электрическом поле (б) и зеркальный скол того же образца в отсутствие поля при том же режиме ультразвукового воздействия (a).  $\tau_0 = 7,8$  МПа,  $t_p = 73$  кГц, E = 0,3 МВ·м <sup>1</sup>

на заряженные дислокации, но и на дипольные центры закрепления. При больших амплитудах ультразвуковой вибрации электрическое поле облегчает инициированное ультразвуком размножение дислокаций в ЩГК<sup>102</sup>. На рис. 12,*a*,  $\delta$  представлены результаты травления зеркальных сколов двух образцов КС1, находившихся в одном и том же режиме ультразвукового воздействия, но один образец был испытан в электрическом поле (рис. 12, *a*). Из сравнения рис. 12, *a* и  $\delta$  видно, что электрическое поле активизирует новые источники в границах блоков, не работающие в его отсутствие. Характерно, что для тех кристаллов, в которых в отсутствие электрического поля источники в границах блоков не работали, при создании поля пластическая деформация начиналась с работы таких источников. Электрическое поле активизирует также источники, расположенные вблизи поверхности кристалла. Роль поля состоит в изменении электрического состояния поверхности или межблочной границы. Это приводит к перераспределению заряженных дефектов и увеличивает вероятность появления источников оптимальной

длины  $\widetilde{L}$ , генерирующих при действии ультразвука заданной частоты <sup>103</sup>. Дальнейшее исследование описанных в этом разделе явлений важно для изучения процессов пластификации материалов под влиянием электрического поля.

3.4. Влияние электрического поля на механические свойства ЩГК. Электрическое поле вызывает изменение механических свойств ЩГК, связанных с присутствием заряженных дислокаций (ползучесть, напряжение течения, дефект упругой податливости и внутреннее трение и т.д.).

Влияние электрического поля на кривые ползучести ШГК, т.е. на медленное течение кристаллов при постоянной нагрузке, впервые наблюдали авторы 104. При наложении поля происходило ускорение течения и на кривых ползучести наблюдались небольшие деформационные скачки. Обнаружено значительное возрастание плотности дислокаций в образце. т.е. электрическое поле облегчает протекание пластической деформации; для выявления механизма его действия требуются дополнительные данные. В работах 105-108 исследовано влияние электрического поля на напряжение течения ШГК при механическом нагружении (электропластический эффект). Создание поля уменьшало напряжение, требуемое для поддержания постоянной деформации. Метод позволяет дать количественную оценку заряда на дислокации  $Q_{t}$ (см. (2.56) — (2.58)). Согласно <sup>108</sup>, величина заряда оказалась выше  $Q_l^{\max}$ . Одна из возможных причин этого, по мнению <sup>108</sup>, состоит в изменении электрического состояния поверхности под влиянием поля. Электрическое поле оказывает влияние на затухание и дефект упругой податливости ЩГК. Такое влияние обнаружено как в амплитудно-независимой  $^{109,110,111,113,114}$ , так и в амплитудно-зависимой области  $^{111,113}$ . В  $^{109}$  увеличение амплитудно-незави-симого затухания в электрическом поле обнаружено как в герцевом, так и в килогерцевом диапазоне частот. Согласно <sup>109</sup>, поле способствует открепле-нию дислокаций от компенсирующего облака точечных дефектов. Влияние электростатического поля на амплитудно-независимый декремент б и дефект упругой податливости  $\Delta S_{1111}/S_{1111}$  при амплитудах  $\varepsilon_0 \ 10^{-8} - 10^{-7}$  на частоте 80 кГц было обнаружено в <sup>110</sup>. Создание поля вызывало увеличение  $\delta(t)$ и  $(\Delta S_{1111}/S_{1111})$  (t). При выключении поля декремент сначала возрастал, а затем начинал уменьшаться, достигая значений, близких к первоначальному. Для объяснения наблюдаемого эффекта выдвигается модель термически активируемого отрыва сегментов заряженных дислокаций от облаков Дебая — Хюккеля и последующей перестройки этих облаков. В отсутствие поля сегменты заряженных дислокаций колеблются симметрично в пределах зарядового облака. При создании поля действующая с его стороны сила смещает сегмент, и его колебания относительно облака становятся асимметричными. При высоких полях дислокация оказывается в области с низкой концентрацией дефектов, это приводит к увеличению декремента и дефекта упругой податливости. В результате последующей перестройки облако принимает симметричную форму относительно нового положения дислокации, это приводит к уменьшению затухания. При выключении поля дислокационный сегмент возвращается в исходное положение и совершает колебания в области, свободной от дефектов. Поэтому сразу же после выключения поля затухание возрастает, а затем за счет перестройки облака релаксирует к своему первоначальному значению. В <sup>111</sup> обнаружена амплитудная зависимость

затухания и дефекта модуля Юнга  $\Delta M/M$  в ЩГК при амплитудах  $\varepsilon_0$ , лежащих в той же области, что и в <sup>76</sup>. Оценка смещения колеблющейся дислокации по формуле Бейкера<sup>112</sup>

$$\bar{\zeta} = \frac{2 \left( \Delta M / M \right) \varepsilon_0}{K b}$$

показала, что  $\zeta$  близко к значению радиуса зарядового облака, рассчитанного по формуле (2.15). Причиной амплитудной зависимости согласно <sup>111</sup> является выход колеблющегося дислокационного сегмента за пределы облака. При



Рис. 13. Влияние электрического поля на амплитудную зависимость затухания <sup>114</sup>. Кривая *I* отвечает образцу в электрическом поле, 2 — контрольному образцу. Кривые 3, 4 показывают установление стационарного затухания для точек  $K_1$  и  $K_2$ . Уменьшение затухания при больших  $\varepsilon_0$  (5 и 6) связано с закреплением дислокации, контролируемым объемной диффузией KCl.  $f_p = 73 \ \kappa \Gamma \mu$ ,  $E = 1, 6 \cdot 10^5 \ B \cdot m^{-1}$ 

создании электрического поля начало амплитудной зависимости  $\delta(\varepsilon_0)$  п  $(\Delta M/M)(\varepsilon_0)$  смещалось в область меньших  $\varepsilon_0$ . Влияние поля на затухание и дефект модуля при амплитудах  $\varepsilon_0$  в области отрыва дислокаций от слабых центров закрепления исследовалось в <sup>113,114</sup>. На рис. 13 показано влияние поля на амплитудную зависимость  $\delta(\varepsilon_0)$  образца КС1 на частоте 73 кГц по данным <sup>114</sup>. Видно, что амплитудная зависимость  $\delta(\varepsilon_0)$  для образца в электрическом поле начинается при меньших  $\varepsilon_0$ , чем для контрольного образца. В литературе отсутствуют данные о влиянии поля на затухание в ЩГК в области размножения дислокаций. Исследование влияния электрического поля на пластификацию кристаллов, содержащих заряженные дислокации, к числу которых относятся и полупроводниковые материалы, представляет не только научный, но и практический интерес. Внутреннее трение — удобный и чувствительный метод для такого исследования.

#### 4. ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Немногим более тридцати лет прошло с момента появления первых работ по заряженным дислокациям. В настоящее время эти исследования ведутся широким фронтом, они выявляют новые данные о влиянии заряженных дисло-

### ЗАРЯЖЕННЫЕ ДИСЛОКАЦИИ

каций на механические и электрические свойства ЩГК. Эти данные необходимы для получения материалов со строго заданными характеристиками, используемых во многих областях науки и техники и для прогнозирования поведения материалов при различных условиях испытания. Авторы благодарны И. А. Яковлеву за интерес к работе и ценные советы.

### Московский государственный университет

им. М. В. Ломоносова

#### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- Joffe A., Zechnowitzer E.//Zs. Phys. 1926. Bd 35. S. 446.
   Stepanow A. W.//Phys. Zs. Sowjetunion. 1933. Bd 4. S. 609.
   Stepanow A. W.//Zs. Phys. 1933. Bd 81. S. 560.
   Gyulai Z., Hartly D.//Ibidem. 1928. Bd 51. S. 378.
   Pratt P. L.//Vacancies and Other Point Defects in Metals and Alloys. 1958. P. 99.

- 5. Fratt F. L.// vacancies and Other Point Delects in Metals and Alloys. 1958. P. 99. (Inst. Metals Monograph and Report. Ser. 23).
  6. A melinckx S.//Nuovo Chimento Suppl. 1958. V. 7. P. 569.
  7. Урусовская А. А.//УФН. 1968. Т. 96. С. 39.
  8. Menezes R. A., Nix W. D.//Mater. Sci. and Engng. 1974. V. 16. P. 57.
  9. Whitworth R. W.//Adv. Phys. 1975. V. 24. P. 203.
  10. Huntington H. B., Dickey J. E., Thomson R. //Phys. Rev. 1955. V. 400. P. 1117.

- Seitz F.//Ibidem. 1950. V. 80. Р. 239.
   Seitz F.//Rev. Mod. Phys. 1951. V. 1. Р. 328.
   Brantley W. A., Bauer Ch. L.//Phys. Stat. Sol. 1966. V. 18. Р. 465.
   Bassani F., Thompson R.//Phys. Rev. 1957. V. 102. Р. 1264.
   Lehovec K.//J. Chem. Phys. 1953. V. 21. Р. 1123.
   Френкель Я. И. Кинетическая теория жидкостей. М.; Л.: Изд-во АН СССР, 405. 1945.
- 17. Mott N. F., Littleton M. J.//Trans. Farad. Soc. 1938. V. 34. P. 485.
- Лифшиц И. М., Гегузин Я. Е.//ФТТ. 1965. Т. 7. С. 62.
   E shelby J. D., Newey C. W. A., Pratt P. L., Lidiard A. B.//Phil. Mag. 1958. V. 3. P. 75.
- Хладик Дж. Физика электролитов: Процессы переноса в твердых электролитах и электродах. М.: Мир, 1978.
- 21. Davidge R. W.//Phys. Stat. Sol. 1963. V. 3. P. 1851.
- 22. Мартвелашвили И. Г., Саралидзе З. Г.//ФТТ. 1969. Т. 11. С. 2296.
  23. Косевич А. М., Мартвелашвили И. Г., Саралидзе З. К.//ФТТ. 1965. Т. 7. С. 464.
  24. Коттрелл А. Теория дислокаций. М.: Мир, 1969. С. 69.
  25. Колочил А. М. (Вести Моск. имл. Сор. 2. «Физика. Асталия». 1974.
- 25. Коломийцев А. И.// Вестн. Моск. ун-та. Сер. 3 «Физика. Астрономия». 1971. T. 6. C. 542.
- со. поломинцев А. И. Влияние дефектов кристаллической структуры на электрические свойства щелочногалоидных кристаллов: Автореферат диссертации... кандидата физ.-матем. наук. Москва, 1972.
   27. Whitworth R. W.//Phil. Mag. 1968. V. 17. P. 1207.
   28. Whitworth R. W.//Phys. Stat. Sol. Ser. b. 1972. V. 54. P. 537.
   29. Whitworth R. W.//Phil. Mag. 1967. V. 15. P. 305.
   30. Березин И. С., Жидков Н. П. Методы вычислений. М.: Физматгиз, 1962. Т. 2. С. 388. 26. Коломийцев А. И. Влияние дефектов кристаллической структуры на элект-

- 31. Broudy R. M., McClure J. M.//J. Appl. Phys. 1960. V. 31. P. 1511.
  32. Jeans J. H. The Mathematical Theory of Electricity and Magnetism. Cambridge: University Press. 1927. P. 92.
  33. Koehler J. E.//Phys. Rev. 1952. V. 86. P. 52.
  34. Mott N. F., Nabarro F. R. N.//Report of a Conference on Strength of Solide. 1948. P. 1.

- 35. Nabarro F. R. N.//Adv. Phys. 1952. V. 1. P. 269.
  36. Brantley W. A., Bauer Ch. L.//Mater. Sci. and Eng. 1969. V. 40. P. 29.
  37. Whitworth R. W.//Phys. Stat. Sol. Ser. a. 1976. V. 38. P. 299.
- 38. И венс А., Роулингс Р.//Термически активированные процессы в кристаллах. М.: Мир, 1973. С. 172.
  39. Гранато А., Люкке К.//Ультразвуковые методы исследования дислокаций. М.: ИЛ, 1963. С. 35.
- 40. Robinson W.//Rad. Eff. 1983. V. 74. P. 4; Europhys. Topic Conference on Lattice Defects Ionic Crystals. Dublin, 1982. Pt C. P. 339.

- 41. Brown L. M.//Phys. Stat. Sol. 1961. V. 1. P. 585.
- 42. Tanibayashi M.//Phil. Mag. Ser. A. 1981. V. 44. P. 141. 43. Robinson W. H., Birnbaum H. K.//J. Appl. Phys. 1966. V. 37. P. 3754. 44. Robinson W. H.//J. Mater. Sci. 1972. V. 7. P. 115.

- 44. R 6 B 1 n 8 6 h W. H.//J. Mater. Sci. 1972. V. 7. P. 115.
  45. T a l l o n J. L., R o b i n s o n W. H.//Phil. Mag. 1973. V. 27. P. 985.
  46. W h i t w o r t h R. W.//Ibidem. 1965. V. 11. P. 83.
  47. W h i t w o r t h R. W.//Ibidem. 1967. V. 15. P. 305.
  48. H u d d a r t A., W h i t w o r t h R. W.//Ibidem. 1973. V. 27. P. 107.
  49. Г а л у с т а ш в и л и В. М. Формирование заряда на дислокации в кристаллах и и и и в кристаллах. фтористого лития: Автореферат диссертации... кандидата физ.-мат. наук.- Тбилиси, 1975.
- 50. Альшиц В. И., Галусташвили М. В., Паперно И. М.//Кристалло-графия. 1975. Т. 20. С. 1113.
- 51. Toth A., Keszthelyi T., Sarközi J.//Acta Phys. Hungar. 1980. V. 49. P. 415.
- 52. Тоth А., Keszthelyi T., Kalman P., Sarközi J.//Phys. Stat. Sol. Ser. b. 1984. V. 122. Р. 501.
  53. Тяпунина Н. А., Коломийцев А. И.//Кристаллография. 1973. Т. 18.
- C. 868.
- 54. Тяпунина Н. А., Коломийцев А. И.//Изв. АН СССР. Сер. физ. 1973. T. 37. C. 2443.

- 55. Най Дж. Физические свойства кристаллов.— М.: ИЛ, 1960. 56. Вацег Ch. L., Brantley W. A.//Mater. Sci. and Eng. 1970. V. 5. P. 296. 57. Koehler J. S. Imperfections in Nearly Perfect Crystals.— New York, 1952.— P. 196-216.
- 58. Robinson W. H.//Phil. Mar. 1972. V. 25. P. 355. 59. Tanibayashi M., Tsuda M.//J. Phys. Soc. Japan. 1981. V. 50. P. 2054. 60. Tanibayashi M., Tsuda M.//Ibidem. 1982. V. 51. P. 244.

- 61. Саffyn J. E., Goodfellow T. L.//Nature. 1955. V. 176. Р. 878. 62. Галусташвили М. В., Паперно И. М. Электронные и ионные про-нессы в твердых телах. VII.— Тбилиси: Мецинереба, 1974.
- 63. Смирнов Б. И., Куличенко А. Н.//ФТТ. 1980. Т. 22. С. 948.
  64. Оспиьян Ю. А., Петренко В. Ф.//Проблемы прочности и пластичности твердых тел. Л.: Наука, 1979. С. 118.
  65. Цаль Н. А., Спитковский И. М., Струк Я. А.//ФТТ. 1982. Т. 24. С. 2166.
  66. Цаль Н. А., Спитковский И. М., Струк Я. А.//ФТТ. 1983. Т. 25. С. 2028
- C. 2038. 67. Fishbach D. B., Nowick A. J.//Phys. Rev. 1955. V. 99. P. 1333. 68. Rueda F., Dekeyser W.//Phil. Mag. 1961. V. 6. P. 359. 69. McGowan W. C. Ph. D. Thesis.— University of North Carolina at Chapel Hill,

- 1965.
- 70. Де Батист Р., Ван Дингенен Е., Мартышев Ю. Н., Сильвестрова И. М., Урусовская А. А.//Кристаллография. 1967. Т. 12. С. 1012.
- 71. Toth A., Sarközi J. // Phys. Stat. Sol. Ser. a. 1975. V. 28. P. 93.
- 72. Amelinckx S., Vennic J., Remaut G.//J. Phys. and Chem. Sol. 1959. V. 11. P. 171.
- 73. Remaut G., Vennik J., Amelinckx S.//Phys. Chem. Sol. 1960. V. 16. P. 158.

- 74. Turner R. M., Whitworth R. W.//Phil. Mag. 1970. V. 21. P. 1187. 75. Van Dingenen E.//Ibidem. 1975. V. 31. P. 1263. 76. Robinson W. H., Glover A. J., Wolfenden A.//Phys. Stat. Sol. Ser. a. 1978. V. 48. P. 156.
- 77. Кардашев Б. К., Никаноров С. П., Воинова О. А.//ФТТ. 1974. Т. 16. С. 1068.
- 78. Вопнова О.А., Кардашев Б.К., Никаноров С. П.//ФТТ. 1981. T. 23. C. 2933.
- Никаноров С. П., Кардашев Б. К. Упругость и дислокационная не-упругость кристаллов. М.: Наука, 1985.
   N ye J. F.// Acta Met. 1953. V. 1. Р. 153.
- 81. Marx J.//Rev. Sci. Instrum. 1951. V. 22. P. 503.
- 81. Магх J.// Кеу. Sci. Institut. 1351. V. 22. Р. 503.
  82. Инденбом В. Л., Чернов В. М.// Механизмы релаксационных явлений в твердых телах. М.: Наука, 1972. С. 87.
  83. Indenbom V. L., Chernov V. М.// Phys. Stat. Sol. Ser. a. 1972. V. 14. Р. 347.
  84. Sproull R. L.// Phil. Mag. 1960. V. 56. Р. 815.
  85. Швидковский Е.Г., Тяпунина Н.А., Белозерова Э. П.// Кристаллография. 1962. Т. 3. С. 471.

- 86. Загоруйко Н. В.//Кристаллография. 1965. Т. 10. С. 81.
- 87. Colombo L., Kataoka T., Li J. C. M.//Phil. Mag. Ser. A. 1982. V. 46. P. 211. 88. Schwensfeir R. J., Elbaum C.//J. Phys. and Chem. Sol. 1965. V. 26. P. 781. 89. Schwensfeir R. L., Elbaum C.//Ibidem. 1967. V. 28. P. 597.
- 90. Kingery W. D.//J. Am. Ceram. Soc. 1974. V. 57. P. 1.
- 91. Зуев Л. В., Дорошенко Н. К., Масловская З. А., Шарафутдинов Р. Ф.//ФТТ. 1981. Т. 23. С. 1160.
  92. Дрияев Д. Г., Мелик-Шахназаров В. А.//ФТТ. 1966. Т. 8. С. 3280.
  93. Дрияев Д. Г., Мелик-Шахназаров В. А., Буджиашвили Д. М. Электронные и ионные процессы в твердых телах. Тбилиси: Мецинереба, 1973. С. 15.
- 94. Тяпунина Н. А., Коломийцев А. И.//Кристаллография, 1972. Т. 17. C. 1258.
- 95. Сергеев В. П., Зуев Л. Б.//ФТТ. 1980. Т. 22. С. 1766.
- 96. Сергеев В. П., Зуев Л. Б.//Изв. вузов СССР. Сер. «Физика». 1980. № 10. С. 10.

97. Зуев Л. Б., Сергеев В. П., Рябченко Н. Н.//Ibidem. 1979. № 3. С. 71. 98. Сергеев В. П., Зуев Л. Б.//ФТТ. 1983. Т. 25. С. 966. 99. Сергеев В. П., Зуев Л. Б.//Кристаллография. 1985. Т. 30. С. 195.

- 100. Альшиц В. И., Дрияев Д. Г., Мелик Шахназаров В. А.//Элект-тронные и ионные процессы в твердых телах. VI Тбилиси: Мецниереба, 1973.— C. 68.
- 101. Тяпунина Н. А., Светашов А. А.//Вестн. Моск. ун-та. Сер. 3 «Физика. Астрономия». 1981. Т. 22. С. 15.
  102. Белозерова Э. П., Светашов А. А., Тяпунина Н. А.//Кристаллография. 1983. Т. 28. С. 1176.
  103. Зиненкова Т. М., Тяпунина Н. А.//Моделирование на ЭВМ кинетики поблутов в кристациях. Поницирал. 1985. С. 52.

- 105. 5 иненкова 1. м., гипунина п. А.// Моделирование на ЭВМ кинетики дефектов в кристаллах. Ленинград, 1985. С. 52. 104. Загоруйко Н. В., Щукин Е. Д.// Кристаллография. 1968. Т. 13. С. 908. 105. Каtaoca Т., Sakomoto M., Jamada Т.// Japan. J. Appl. Phys. 1976. V. 14. P. 1609.
- 106. Brissenden S., Gardner J. M., Illingworth J., Kovaćević I., Whitworth R. W.//Phys. Stat. Sol. Ser. a. 1979. V. 51. P. 521.
  107. Куличенко А. Н., Смирнов Б. И.//ФТТ. 1981. Т. 23. С. 1029.
  108. Куличенко А. Н., Смирнов Б. И.//ФТТ. 1983. Т. 25. С. 1523.

- 109. Сойфер Я. М. Исследование характера взаимодействия дислокаций с точечными дефектами в понных кристаллах методом внутреннего трения: Автореферат диссертации... кандидата физ.-мат. наук.— Москва, 1968. 110. Brantley W. A., Bauer Ch. L.//Phil. Mag. 1969. V. 20. P. 441.
- 111. Белозерова Э. П., Тяпунина Н. А., Светашов А. А.//Кристаллография. 1975. Т. 20. С. 788.
  112. Васкег G. S.// J. Appl. Phys. 1962. V. 33. Р. 1730.
- 113. Белозерова Э. П., Светашов А. А., Тяпунина Н. А.//Внутреннее трение в металлах, полупроводниках, диэлектриках и ферромагнетиках. — М.: Наука, 1978. — С. 152.

- Паука, 1370. С. 132. 114. Белозерова Э. П., Светатов А. А.//ФТТ. 1985. Т. 27. С. 1996. 115. Anderson A. R., Pollard H. F.//J. Appl. Phys. 1979. V. 50. P. 5262. 116. Robinson W. H., Tallon J. L., Sutter P. H.//Phil. Mag. 1977. V. 36. P. 1405.