# **УСПЕХИ ФИЗИЧЕСКИХ НАУК**

### ОБЗОРЫ АКТУАЛЬНЫХ ПРОБЛЕМ

# Простые металлы при высоком давлении. Модель взаимодействия сферы Ферми и зоны Бриллюэна

# В.Ф. Дегтярева

Проведен анализ структурных превращений при высоком давлении для простых sp-элементов и некоторых бинарных сплавов. Устойчивость кристаллической структуры этих металлов определяется фактором взаимодействия поверхности Ферми и зоны Бриллюэна. Усиление этого фактора под давлением приводит к структурным переходам с понижением симметрии и плотности упаковки. Показано структурное подобие фаз высокого давления щелочных и щелочно-земельных металлов и поливалентных элементов IV и V групп. Рассмотрено соответствие в изменении структуры и электрофизических свойств (электросопротивления и сверхпроводимости) для этих металлов при сжатии с привлечением модели взаимодействия сферы Ферми и зоны Бриллюэна.

PACS numbers: 61.50.Ks, 61.66.Bi, 62.50. + p

### Содержание

- 1. Введение (383).
- 2. Система Cu-Zn прототип системы с фазами Юм-Розери (384).
- Структурный переход ГЦК-ОЦК в сплавах на основе индия и олова (385).

3.1. Почему индий тетрагональный? Тетрагональные фазы в сплавах индия при нормальном и высоком давлении. 3.2. Тетрагональная объемноцентрированная фаза в олове и в сплавах на основе олова. 3.3. Обобщенный график тетрагональных фаз для деформации ГЦК – ОЦК. Модель взаимодействия сферы Ферми и зоны Бриллюэна и устойчивость тетрагональных фаз.

 Щелочные металлы при высоком давлении-новые фазы Юм-Розери (392).

4.1. Легкие щелочные металлы. 4.2. Тяжелые щелочные металлы.

 Щелочно-земельные металлы при высоком давлении (397).
5.1. Простая кубическая структура в кальции и фаза β-Sn в стронции. 5.2. Фаза host-guest в тяжелых щелочно-земельных металлах.

6. Заключение (400).

Список литературы (401).

### 1. Введение

Исследование структуры и свойств вещества при высоком давлении необходимо для понимания физических процессов в сильно сжатом состоянии, в котором находится значительная часть вещества во вселенной. За

В.Ф. Дегтярева. Институт физики твердого тела РАН, 142432 Черноголовка, Московская обл., Российская Федерация Тел. (496) 993-27-55. Факс (496) 524-97-01 E-mail: degtyar@issp.ac.ru

Статья поступила 17 февраля 2005 г., после доработки 25 октября 2005 г.

последнее десятилетие достигнут существенный прогресс в анализе структуры вещества под давлением благодаря совершенствованию методов исследования (синхротронное излучение, высокоразрешающий двухкоординатный детектор image plate, алмазные наковальни в мегабарном диапазоне и монокристаллические объекты). Этот прогресс привел к интересным и неожиданным результатам при установлении кристаллической структуры фаз высокого давления для ряда элементов. Среди наиболее ярких примеров отметим следующие:

— сложная орторомбическая структура *oC*16-*Стса* для Cs-V и Si-VI [1, 2];

— низкосимметричная кубическая структура *с1*16 для лития [3];

— сложные многоатомные структуры *оС*84 для Cs-III
[4] и *оС*52 для Rb-III [5];

— несоразмерные структуры host – guest для элементов II группы Ba [6], Sr [7], для элементов V группы Bi, Sb, As [8, 9], для элемента I группы Rb [10, 11];

— несоразмерные модулированные структуры для элемента VII группы йода [12] и для элементов VI группы теллура, селена и серы [13, 14].

Эти открытия приводят к необходимости пересмотреть ранее считавшееся общепринятым мнение о том, что давление должно способствовать переходу вещества в более компактные, высокосимметричные структуры. Возникает вопрос о физических причинах образования сложных низкосимметричных и некомпактных структур в простых (sp) металлах при высоком давлении. В этой связи полезно сопоставить новые данные о кристаллической структуре элементов с полученными ранее данными по их электрофизическим свойствам (электропроводности, сверхпроводимости) в сжатом состоянии.

Особый интерес представляют щелочные и щелочноземельные металлы, в которых обнаружен ряд фазовых превращений под давлением с разнообразными, непредсказуемыми структурами. Эти превращения связаны с немонотонным изменением электросопротивления, а также с возникновением сверхпроводимости. Особого внимания и обсуждения заслуживает наблюдаемая общность структурных типов под давлением для металлов I и II групп и поливалентных элементов IV и V групп, что позволяет сделать предположение о возможном подобии состояния валентных электронов для этих металлов. Поведение элементов при высоком давлении обсуждено в ряде недавно опубликованных обзорных статей [15–18]. Однако экспериментальные исследования в этой области приносят все новые данные, которые требуют обобщения и систематизации.

В данной работе структурные превращения под давлением в простых металлах рассматриваются с применением концепции взаимодействия сферы Ферми и зоны Бриллюэна в рамках модели почти свободных электронов, которая справедлива для s- и sp-металлов. Известно, что устойчивость кристаллической структуры металлов определяется двумя основными энергетическими составляющими: электростатическим вкладом ионов Е<sub>эл.ст.</sub> (энергия Маделунга) и зонным вкладом энергии валентных электронов Езон. Теоретическое описание энергии кристаллической структуры можно найти в соответствующих учебниках и монографиях [19-22]. Для качественного понимания структурных превращений под давлением важно отметить, что два основных вклада в энергию кристаллической структуры Е<sub>эл.ст.</sub> и  $E_{30H.}$  имеют разную зависимость от объема  $V^{-1/3}$  и  $V^{-2/3}$ , соответственно. Это обстоятельство определяет изменение баланса энергетических вкладов при повышении давления в пользу усиления электронного вклада. При нормальных условиях преобладающим является электростатический вклад, стабилизирующий в металлах высокосимметричные плотноупакованные структуры, к которым относятся гранецентрированная кубическая (ГЦК), гексагональная плотноупакованная (ГПУ) и объемноцентрированная кубическая (ОЦК). В сжатом состоянии для металлов имеет место усиление зонного вклада валентных электронов, и решающим фактором для понижения энергии кристаллической структуры становится возникновение плоскостей зоны Бриллюэна вблизи уровня Ферми. Это приводит к образованию в металлах низкосимметричных, сложных структур с понижением компактности и координационного числа.

Определяющая роль валентных электронов для устойчивости структуры проявляется для бинарных сплавов sp-металлов при нормальных давлениях. В разделах 2 и 3 рассмотрены фазы в сплавах Cu-Zn и в сплавах на основе In и Sn. Выбранные для обсуждения бинарные сплавы образованы компонентами, которые расположены рядом в Периодической системе и имеют близкие атомные размеры, аналогичные электронные конфигурации и минимальную разницу в электроотрицательности, что предполагает образование широких областей твердых растворов. Такие бинарные сплавы можно рассматривать как "модельный элемент" с варьируемым числом валентных электронов, задаваемым составом сплава. Анализ структуры фаз в подобных системах позволяет установить значение вклада валентных электронов для формирования структуры, при этом считается, что другие вклады являются незначительными. Исследование сплавов как металлов с переменной валентностью приобретает особое значение для понимания фаз высокого давления чистых элементов в связи с происходящим при сильном сжатии перекрытием электронных уровней и изменением числа электронов в валентной зоне.

# 2. Система Cu-Zn — прототип системы с фазами Юм-Розери

Значение вклада валентных электронов для формирования кристаллической структуры металлов и сплавов проявляется наиболее ярко для бинарных фаз на основе благородных металлов, известных как фазы Юм-Розери. Система Cu-Zn является классическим примером системы с фазами Юм-Розери, в которой наблюдается последовательность фаз со структурами ГЦК-ОЦКсложная кубическая – ГПУ, называемых соответственно α-, β-, γ- и ε-фазами. Юм-Розери первым обратил внимание [23], что такие же последовательности фаз существуют в ряде других бинарных систем, где один компонент — металл группы Си, а другой — поливалентный элемент II-V групп (Zn, Cd, Al, In и др.). Области существования фаз определяются средним числом валентных электронов на атом металла электронной концентрацией z, а валентность каждого компонента принимается равной номеру группы.

Объяснение стабильности фаз Юм-Розери было дано Моттом и Джонсом [24] на основании модели взаимодействия сферы Ферми и зоны Бриллюэна (СФ – 3Б). При движении электронов в периодическом поле кристалла возникает энергетическая щель вблизи плоскости зоны Бриллюэна  $q = 2k_F$ , что приводит к понижению энергии электронов. Более выгодной является структура, для которой достигается больший выигрыш в энергии электронов благодаря взаимодействию СФ и 3Б. Уровень Ферми в модели свободных электронов определяется как радиус сферы  $k_F = (3\pi^2 z/V)^{-1/3}$ , где z — число валентных электронов на атом и V — атомный объем. Условие  $k_F = q/2$  дает количественное определение границы устойчивости для фазы Юм-Розери от состава z, равное 1,36 для ГЦК и 1,48 для ОЦК.

Сложная кубическая структура гамма-латуни в сплавах Cu – Zn является примером такой фазы, в которой при нормальных условиях электростатический вклад проигрывает электронному вкладу и определяющим фактором для устойчивости структуры является взаимодействие СФ-ЗБ. Структура фазы Cu<sub>5</sub>Zn<sub>8</sub> имеет пространственную группу І43т и 52 атома на ячейку (символ Пирсона с152) [25]. Эта структура рассматривается как производная от ОЦК с утроением периода  $3 \times 3 \times 3$  и удалением двух атомов. В новой ячейке атомы слегка смещаются из позиций ОЦК для выравнивания межатомных расстояний, и это приводит к возникновению нового структурного рефлекса (411), эквидистантного рефлексу (330). В результате для зоны Бриллюэна-Джонса гамма-латуни появляются 24 новые плоскости в дополнение к 12 плоскостям для зоны Бриллюэна ОЦК, как видно на рис. 1а. Здесь и далее для сложных структур рассматриваются большие зоны, или зоны Бриллюэна -Джонса, плоскости которых лежат вблизи поверхности Ферми, называемые далее для краткости зонами Бриллюэна (ЗБ). Степень заполнения зоны Бриллюэна электронными состояниями по оценке отношения  $V_{C\Phi}/V_{3E}$  в модели свободных электронов для гамма-латуни составляет ~ 93 %.



Рис. 1. (а) Дифракционная картина гамма-латуни Cu<sub>5</sub>Zn<sub>8</sub> (структура *c152*) с сильным структурным максимумом (330) + (411) вблизи 2*k*<sub>F</sub>; на вставке показана зона Бриллюэна с плоскостями (330) и (411) и сфера Ферми с радиусом  $k_F = (3\pi^2 z/V)^{1/3}$  для z = 1,62 (шкала межплоскостных расстояний *d* дана в логарифмическом масштабе). (б) Электросопротивление сплавов Cu – Zn в зависимость в модели виртуального кристалла (из работы [27]).

На примере структуры гамма-латуни можно определить основные составляющие эффектов Юм-Розери:

 — зона Бриллюэна (или Бриллюэна – Джонса) образуется из плоскостей, возникающих вблизи сферы Ферми и имеющих сильный структурный фактор;

 — ЗБ имеет форму симметричного полиэдра со многими плоскостями, который хорошо аккомодирует СФ, при этом достигается высокая степень заполнения ЗБ электронными состояниями.

Как "работает" усиление эффектов Юм-Розери в щелочных металлах при сжатии, рассмотрено ниже в разделе 4. Здесь следует остановиться на поведении фаз латуней в системе Cu–Zn при высоком давлении. Исследование структуры альфа-, бета- и гамма-латуни в системе Cu–Zn было проведено недавно до давления 50 ГПа [26]. Фаза гамма-латуни оказалась устойчивой до этого давления, а для альфа- и бета-фаз обнаружено начало превращений в другие, более сложные фазы, при 20 и 37 ГПа, соответственно. Интересно, что устойчивость фаз латуней коррелирует со степенью заполнения 3Б, равной 0,62, 0,75 и 0,93 для  $\alpha$ -,  $\beta$ - и  $\gamma$ -фаз, соответственно. Превращение под давлением ГЦК и ОЦК фаз в сложные структуры и устойчивость гамма-латуни до 50 ГПа соответствуют тенденции усиления эффектов Юм-Розери при сжатии металлов.

Следует отметить, что электрофизические свойства фаз в системе Cu-Zn при нормальном давлении изменяются немонотонно от состава [27]. Более высокие значения электросопротивления получены для гаммалатуни, как показано на рис. 1б. Такая зависимость электрофизических свойств от фазового состава объяснима качественно степенью заполнения ЗБ электронными состояниями, которая более значительна в гаммафазе по сравнению с альфа- и бета-фазами. Степень заполнения ЗБ определяет конфигурацию поверхности Ферми и дает качественную оценку величины участков свободной поверхности Ферми, определяющих такие свойства, как проводимость. Эта качественная зависимость для фаз простых s-металлов, проявляющаяся для фаз Юм-Розери при нормальном давлении, привлекается далее для обсуждения электрофизических свойств щелочных и щелочно-земельных металлов под давлением.

## 3. Структурный переход ГЦК-ОЦК в сплавах на основе индия и олова

Пример определяющей роли валентных электронов в формировании структуры металлов дают сплавы на основе In и Sn с тетрагональными фазами, близкими к ГЦК и ОЦК. Кубические структуры ГЦК и ОЦК можно рассматривать на базе общей объемноцентрированной тетрагональной ячейки (ОЦТ) с 2 атомами. Переход от ГЦК к ОЦК можно осуществить сжатием ОЦТ вдоль оси *c*, при этом происходит изменение отношения c/a от  $\sqrt{2}$ до 1. Такой переход ГЦК – ОЦК был рассмотрен Бейном [28] для анализа структуры мартенсита и получил название деформации Бейна (Bain path). Известно, что железо имеет при нормальных условиях ОЦК структуру, а при температуре выше 911°С — ГЦК структуру. В низкоуглеродистых сталях при закалке из области аустенита (ГЦК) образуется мартенсит — фаза со структурой ОЦТ, представляющая собой твердый раствор углерода в железе.

Превращения ГЦК-ОЦК наблюдаются для ряда элементов при повышении температуры или давления [29, 30]. Тетрагональные фазы возникают в металлах при осаждении тонких пленок на подложку из-за размерного несоответствия атомов пленки и подложки — явление эпитаксиальной деформации Бейна [31].

В рассмотренных выше случаях превращения, связанные с переходом ГЦК-ОЦК, происходят при воздействии внешних факторов — температуры, давления или деформационных напряжений. В данном разделе обсуждаются тетрагональные фазы в ряду ГЦК-ОЦК, устойчивость которых связана с внутренним фактором числом валентных электронов на атом в металле. Проводится анализ кристаллической структуры фаз в бинарных сплавах на основе индия и олова, существующих при нормальных условиях, а также образующихся при высоком давлении. Рассматривается общая зависимость степени тетрагонального искажения (отношения c/a) от состава сплава, характеризуемого электронной концентрацией (средним числом валентных электронов на атом металла) и обсуждаются причины этой зависимости в рамках модели взаимодействия сферы Ферми и зоны Бриллюэна.

1,15

1,10

c/a

### 3.1. Почему индий тетрагональный? Тетрагональные фазы в сплавах индия при нормальном и высоком давлении

В Периодической системе элементов граница между металлами и неметаллами проходит по элементам III– IV групп. В III группе самый легкий металл Al кристаллизуется в ГЦК структуре, а более тяжелый металл In имеет тетрагонально искаженную ГЦК структуру, слегка вытянутую по оси *с*. Кристаллическая структура индия описывается как ОЦТ с пространственной группой *I*4/*mmm*, символ Пирсона *tI*2, 2 атома в элементарной ячейке с позициями (0, 0, 0) и (1/2, 1/2, 1/2), c/a = 1,521. Поскольку структура In близка к ГЦК, ее удобно описывать как гранецентрированную тетрагональную (ГЦТ) с 4 атомами в ячейке, c/a = 1,076 [25].

Исследование In при высоком давлении показало, что осевое отношение c/a возрастает при повышении давления, достигая максимума c/a = 1,088 при P = 7 ГПа, и понижается при дальнейшем повышении давления [32]. Можно было ожидать, что при более высоком давлении c/a будет приближаться к 1 и структура In станет кубической. Однако исследования при давлениях до 93 ГПа показали, что такой переход не происходит, In остается тетрагональным до давлений ~ 45 ГПа, а затем структура In становится более сложной, предположительно орторомбической [33].

Для более легкого элемента III группы Ga структура при нормальных условиях — сложная орторомбическая; Ga становится подобным In при повышении давления, принимая ГЦТ структуру при P > 12 ГПа, а затем переходит в ГЦК структуру (при P > 120 ГПа) [34]. Теоретические расчеты для In и Ga [35] подтверждают наличие минимума энергии для тетрагональных структур при  $c/a \sim 1,52$  в условиях сжатия. Интересно отметить, что эти расчеты показывают наличие второго, менее глубокого, минимума вблизи  $c/a \sim 1,32$ . Тетрагональная фаза с таким значением c/a не реализуется для чистых элементов In и Ga, но образуется при легировании In элементами Sn и Pb.

**3.1.1. Изменение** c/a для фаз в сплавах индия при нормальном давлении. Изменение степени тетрагональности индия происходит при легировании металлами, соседними с Іп в Периодической таблице, с которыми Іп образует широкие области твердых растворов [36]. Легирование индия двухвалентными металлами каамием или ртутью вызывает понижение отношения c/a, и при добавлении 6 ат.% Сd или Hg структура становится кубической (ГЦК). Легирование индия четырехвалентными металлами оловом или свинцом приводит к повышению c/a тетрагональной структуры. Однако при составе сплавов более 13 ат.% Sn или Pb осевое отношение для ГЦТ структуры скачком уменьшается от c/a > 1к c/a < 1.

Наблюдаемые изменения степени тетрагональности для фаз в сплавах на основе индия при изменении состава сплавов указывают на определенную корреляцию c/a и среднего числа валентных электронов в сплаве на атом металла — электронной концентрации z. На рисунке 2 представлены данные для тетрагональных фаз в сплавах на основе In, известные при нормальных условиях [37]. Показана зависимость c/a от электронной концентрации z, при расчете которой валентность металла принимается равной номеру группы в Периодической таблице.



w

Рис. 2. Гранецентрированные тетрагональные (ГЦГ) фазы в сплавах на основе In при нормальном давлении (из справочника [37]). Показано отношение *c/a* фаз в зависимости от состава сплавов электронной концентрации *z*. Сплошными линиями показано рассчитанное условие касания сферы Ферми с радиусом, отвечающим данному *z*, и зоны Бриллюэна для ГЦТ структуры в точках W или W' (из работы Свечкарева [38]). Зона Бриллюэна ГЦК структуры приведена вверху справа.

Объяснение зависмости тетрагонального искажения для фаз в сплавах In от состава было предложено Свечкаревым [38], который рассматривал условие касания сферы Ферми и зоны Бриллюэна в точках W или W', при котором энергия электронов минимизируется. Тетрагональное искажение кубической решетки происходит из-за расщепления векторов обратной решетки типа (200), которое связано с касанием сферы и уголков зоны типа W' (c/a > 1) или W (c/a < 1), как показано на рис. 2. Важное значение эффектов касания СФ и ЗБ для установления определенных осевых отношений в структурах на базе In отмечается Хейне [22].

Интерес к проблеме тетрагональных структур типа In в настоящее время усиливается и приобретает новое направление в связи с применением высоких давлений. Был проведен ряд исследований на сплавах In, которые показали, что эффекты  $C\Phi - 3Б$  усиливаются с давлением и дают новые подтверждения для предположения Свечкарева.

Для sp-металлов и сплавов на основе In, Cd, Sn применима модель почти свободных электронов и взаимодействия СФ–3Б. Валентное состояние сохраняется при повышении давления, и структурные изменения при сжатии следует отнести только к усилению роли фактора электронного взаимодействия по сравнению с электростатическим вкладом. Это проявляется в тетрагональном искажении ГЦК решетки сплавов и усилении тетрагонального искажения при повышении давления, как показано в наших исследованиях сплавов под давлением, описываемых ниже.

С другой стороны, применение высокого давления позволяет получить новые структурные состояния элементов и сплавов, что расширяет экспериментальную базу для теоретических моделей. Например, элемент IV группы Sn переходит под давлением в ОЦТ структуру, близкую к ОЦК, с  $c/a \sim 0.95$ . Степень тетрагональности данной структуры изменяется при легировании олова элементами более низкой валентности (In, Hg) в сплавах при высоком давлении. Это семейство тетрагональных фаз со структурой типа ОЦТ-Sn рассмотрено в разделе 3.2.2.

Оба семейства ГЦТ-Іп и ОЦТ-Sn обсуждаются в разделе 3.3, где дается обобщенная картина для тетрагональных фаз от ГЦК до ОЦК, отражающая зависимость c/a от электронной концентрации z. В заключительной части раздела рассматривается возможность применения модели СФ–3Б, хорошо работающей для sp-металлов и сплавов, для случаев тетрагональных фаз в элементах и соединениях с изменяющимся числом валентных электронов в условиях высокого давления.

**3.1.2. Тетрагональные фазы в сплавах индия при высоком** давлении. Одним из интересных вопросов по сплавам In был вопрос об устойчивости кубических фаз при высоком давлении. Для исследования были выбраны сплавы с ГЦК фазой в сплавах In-Cd и In-Pb. Неожиданным результатом оказался переход под давлением из кубической фазы в тетрагональную. Интересными оказались зависимости c/a для тетрагональных фаз от состава сплава — электронной концентрации *z*.

Переход ГЦК-ГЦТ в сплавах In. Фаза с ГЦК структурой образуется в сплавах In - Cd при составе ~ 6 ат.% Cd. Исходный сплав In-10 ат. % Сd содержал ГЦК фазу и небольшое количество ГПУ-Сd, в соответствии с известной фазовой диаграммой [36]. При повышении давления до 1,4 ГПа происходит превращение ГЦК-ГЦТ, повидимому, без изменения состава в этих фазах, так как сохраняется дополнительная фаза ГПУ-Сd [39]. Тетрагональная структура In-6 ат.% Сd остается устойчивой до давления  $\sim 30 \ \Gamma \Pi a$ , при этом отношение c/a увеличивается от 1,04 до 1,07. При снижении давления происходит обратное превращение ГЦТ – ГЦК, и при нормальном давлении сплав возвращается в исходное состояние. Изменение осевого отношения для фазы In-6 ат. % Cd от 1 до 1,07 показано на рис. За для соответствующего значения z = 2,94. При этом значении z имеет место пересечение кривых W и W', рассчитанных из условия касания СФ-ЗБ. Под давлением становится устойчивой фаза, для которой *с/а* приближается к кривой W.

Фаза с ГЦК структурой существует в сплавах In – Рb в широкой области составов от 30 до 100 ат.% Pb, в соответствии с известной фазовой диаграммой [36]. Для исследований под давлением были выбраны сплавы с 40 и 60 ат.% Рb, имеющие ГЦК фазу с периодами решетки, равными 4,834 и 4,868 Å, соответственно. Исследование сплавов In с 40 и 60 ат.% Рb при высоком давлении показало превращение кубической фазы в ГЦТ фазу при давлениях выше 3 и 10 ГПа со скачком c/a от 1 до 0,94 и 0,92, соответственно [39]. Тетрагональное искажение возрастает с повышением давления и достигает при 36 ГПа значений 0,85 и 0,81 для фаз с 40 и 60 ат.% Pb, соответственно. Превращение ГЦК – ГЦТ в этих сплавах обратимо, и исходная ГЦК фаза восстанавливается при снятии давления. Наблюдаемые изменения с/а в фазах сплавов In-40 ат.% Рb и In-60 ат.% Рb показаны на рис. За для соответствующих значений z, равных 3,4 и 3,6. Очевидно, что с повышением давления c/a уменьшается от 1 до значений, приближающихся к графику Свечкарева, т.е. к кривой W для условия касания СФ-3Б.

Изменение с/а в тетрагональной фазе сплава  $In_{90}Pb_{10}$ от с/а > 1 к с/а < 1. Наблюдаемая зависимость с/а от z для тетрагональных фаз в сплавах In и установленные тенденции изменения с/а при воздействии давления позволили предположить возможность особого вида превращений вблизи критической концентрации z = = 3,12-3,15 электрона на атом. При нормальном давлении в этой области составов происходит изменение типа тетрагонального искажения от c/a > 1 к c/a < 1. Было сделано предположение, что для сплавов с составом вблизи критической концентрации воздействие давления будет вызывать структурные изменения со скачком осевого отношения с/а. Для исследования были выбраны сплавы In-Pb с составом 10, 15 и 20 ат.% Pb. В результате структурных исследований под давлением [40] был установлен переход для сплава In-10 ат. % Рb из одной тетрагональной фазы в другую тетрагональную фазу с изменением осевого отношения от c/a > 1 к c/a < 1. На рисунке 3а этот переход показан скачкообразным изменением c/a при z = 3,10. В некоторой области давлений сосуществуют две фазы с различным c/a, и двухфазная область сохраняется после длительного отжига сплава под давлением 11,3 ГПа при 150 °С в течение 18 часов. Это указывает, что превращение от ГЦТ структуры с c/a > 1 к ГЦТ структуре с c/a < 1является переходом 1-го рода, а не следствием кинетических процессов. Превращения в сплаве In-10 ат.% Рb являются обратимыми и при понижении давления происходят в обратном порядке с некоторым гистерезисом по лавлению.

В сплавах In с 15 и 20 ат.% Рb при нормальных давлениях существует ГЦТ фаза с c/a < 1. При повышении давления в этих фазах степень тетрагональности возрастает, т.е. c/a понижается. Значение c/a для этих фаз при  $P \sim 30$  ГПа приближается к расчетной кривой для условия касания СФ-ЗБ, как показано на рис. За для значений *z*, равных 3,15 и 3,20, соответствующих сплавам In с 15 и 20 ат.% Pb.

Проведенные под давлением исследования сплавов In – Рb вблизи критической области составов, в которой при нормальном давлении происходит для ГЦТ фаз скачок от c/a > 1 к c/a < 1, показали, что давление повышает устойчивость тетрагональных фаз, для которых c/a приближается к расчетной кривой для касания точек W зоны Бриллюэна и сферы Ферми. Превращение в ГЦТ фазе со скачком от c/a > 1 к c/a < 1, было предсказано автором на основании анализа превращений тетрагональных фаз в сплавах In под давлением и подтверждено экспериментально. Структурные изменения тетрагональных фаз в сплавах In – Pb вблизи критической области подтверждают справедливость модели СФ – 3Б.

# 3.2. Тетрагональная объемноцентрированная фаза в олове и в сплавах на основе олова

Деформация Бейна описывает механизм перестройки между ГЦК и ОЦК структурами. Выше были рассмотрены тетрагональные фазы, близкие к ГЦК, превращение ГЦК – ГЦТ и переход из ГЦТ фазы с c/a > 1 в ГЦТ фазу с c/a < 1. В данном разделе обсуждаются фазы с ОЦК структурой и тетрагональные фазы, близкие к ОЦК, образующиеся при высоком давлении в олове и сплавах на его основе. Высокое давление является в данном случае инструментом для получения металлических фаз, не существующих при нормальном давлении, что позволяет расширить общую картину структурных состояний



**Рис. 3.** (а) Обобщенный график зависимости *c/a* от *z* для тетрагональных фаз в сплавах In и Sn для деформации Бейна ГЦК – ОЦК; приведены данные из [37] для фаз, стабильных и метастабильных (m) при нормальных условиях (HУ), и данные для фаз при высоком давлении (BД) из работ [39, 40, 43–46]. Сплошными линиями показано условие касания сферы Ферми и зоны Бриллюэна. На вставке слева показана константа Маделунга α в зависимости от *c/a* для тетрагональных фаз с двумя минимумами, отвечающими кубическим структурам ГЦК и ОЦК. (б) Деформация Бейна ГЦК–ОЦК и модель взаимодействия сферы Ферми и зоны Бриллюэна. Показано изменение конфигурации зон Бриллюэна при увеличении радиуса сферы Ферми в соответствии с возрастанием *z* при сохранении условия касания СФ и ЗБ.

металлических фаз в области электронных концентраций от 3 до 4 и проследить полный цикл изменений ГЦК – ОЦК.

#### 3.2.1. Фазы высокого давления ОЦТ и ОЦК для Sn и InBi.

При нормальных условиях олово имеет тетрагональную структуру типа белого олова с 4 атомами в ячейке, tI4. Исследования Sn под давлением [41] показали, что Sn выше 10 ГПа принимает ОЦТ структуру с 2 атомами в ячейке, tI2, близкую к ОЦК с c/a < 1. Степень тетрагонального искажения уменьшается с давлением от 0,912 до 0,955, приближаясь к 1. Однако переход ОЦТ – ОЦК происходит скачкообразно при давлении выше 35 ГПа. В некотором диапазоне давлений (от 35 до 45 ГПа) две фазы ОЦТ и ОЦК сосуществуют, что указывает на

превращение ОЦТ – ОЦК как на превращение 1-го рода. На рисунке 3а фазы ОЦК и ОЦТ для Sn отмечены для координаты z = 4.

Долгое время структура ОЦТ-Sn оставалась уникальной, вызывая вопросы о причинах тетрагональной деформации ОЦК структуры. Теоретические расчеты дают довольно близкие значения энергии для олова в ОЦК и ОЦТ структурах, что не позволяет установить их очередность под давлением [42]. Применение модели СФ–3Б дает качественное понимание энергетических вкладов, приводящих к возникновению тетрагонального искажения кубической структуры, и позволяет количественно описать изменение c/a в зависимости от электронной концентрации z для ОЦТ фаз, полученных при высоком давлении для соединения InBi, изоэлект-

ронного Sn (*z* = 4) [43] и для сплавов Sn – 20 ат.% In и Sn – 10 ат.% Hg (*z* = 3,8) [44, 45].

Соединение InBi относится к полупроводниковым соединениям  $A_{\rm III}B_{\rm V}$ , но отличается по своей структуре от соединений с более легкими компонентами. Такие соединения, как InSb, GaSb, InAs и др., имеют алмазоподобную кубическую структуру типа ZnS с тетраэдрической координацией. Однако соединение InBi при нормальных условиях кристаллизуется в тетрагональной структуре типа PbO с 4 атомами в ячейке и осевым отношением c/a = 0.95. При давлении выше 7 ГПа происходит значительное сжатие вдоль оси с: с/а уменьшается скачком до 0,61. При дальнейшем повышении давления выше 20 ГПа тетрагональная структура сплава становится объемноцентрированной и неупорядоченной, т.е. позиции (0, 0, 0) и (1/2, 1/2, 1/2) с одинаковой вероятностью заняты атомами In и Bi. Такая фаза соответствует структуре tI2 с c/a = 0.91, идентичной структуре ОЦТ-Sn. В отличие от олова, фаза ОЦТ-InBi устойчива до более высоких давлений, и превращение ОЦТ-ОЦК начинается в InBi при давлении ~ 70 ГПа [43]. Значение c/a для ОЦТ-InBi при повышении давления вначале круто возрастает, но при P > 40 ГПа подъем c/aвыполаживается, достигая максимального значения c/a = 0.96, близкого к максимуму c/a для ОЦТ-Sn, что показано на рис. За для z = 4. Такое поведение ОЦТ-InBi и ОЦТ-Sn под давлением и скачкообразный переход в ОЦК фазу позволили предположить, что общей причиной тетрагональной деформации ОЦК структуры является изоэлектронное строение этих веществ (среднее число валентных электронов на ячейку z = 4). Подтверждение этого предположения получено при исследовании под давлением Sn, легированного In и Hg, когда средняя валентность атома металла в сплаве уменьшается.

3.2.2. Фаза ОЦТ в сплавах Sn-In и Sn-Hg. В бинарных системах Sn-In и Sn-Hg при нормальном давлении существует фаза с простой гексагональной структурой hP1 при составах 20 ат.% In и 10 ат.% Hg, в соответствии с известными фазовыми диаграммами [36], что отвечает значению z = 3,8. Структура *hP*1 состоит из плотноупакованных гексагональных слоев, уложенных в последовательности ААА..., с осевым отношением для гексагональной ячейки, близким к 1 (c/a = 0.93). Интерес к исследованию сплавов со структурой hP1 под давлением был вызван обнаружением подобной структуры в элементах IV группы Si и Ge при высоком давлении [30]. При дальнейшем повышении давления фаза hP1 в Si и Ge переходит в более плотно упакованные структуры (ГПУ или ДГПУ — двойная ГПУ) через сложную орторомбическую фазу оС16-Стса. Представляло интерес исследовать цепочку превращений под давлением для фазы hP1 в сплавах на основе Sn.

Исследования показали, что фаза hP1 в сплавах Sn сохраняет устойчивость до давлений ~ 10 ГПа, а при более высоких давлениях эта фаза переходит в ОЦТ фазу, представляющую твердый раствор In или Hg на основе ОЦТ-Sn. Фаза ОЦТ существует в сплавах Sn – In и Sn – Hg до давлений 20 и 60 ГПа, соответственно, выше которых в сплавах данного состава появляется еще одна фаза с ГПУ структурой [44, 45]. Полученные результаты для ОЦТ-фазы в Sn, легированном Hg, позволяют проследить изменение c/a в широком диапазоне давлений от 13 до 60 ГПа. Фаза ОЦТ-Sn(Hg) возникает со

значением c/a = 0,907, которое повышается до c/a = 0,919 при P = 40 ГПа, оставаясь далее практически неизменным до давления 60 ГПа, выше которого начинает появляться в сплаве вторая фаза (ГПУ).

Сравнение предельных значений c/a для ОЦТ фазы в чистом олове и в InBi и ОЦТ фазы в Sn(Hg) показывает увеличение степени тетрагональности от c/a = 0.96 для z = 4 до c/a = 0.92 для z = 3.8. С этим выводом согласуются данные, полученные в сплаве Sn – 20 ат.% In для ОЦТ фазы, которая существует при давлениях 16–21 ГПа и для которой c/a изменяется в пределах от 0.893 до 0.908. Объяснение устойчивости тетрагональной фазы по отношению к ОЦК фазе и полученных значений c/a для разных значений z было дано на основании модели СФ–3Б при рассмотрении контакта сферы Ферми и плоскости (200) зоны Бриллюэна:

из условия 
$$\frac{2\pi}{a} \leq k_{\rm F}$$
 следует  $\frac{c}{a} \leq \frac{3}{4\pi} z$ .

Такая оценка дает значения  $c/a \le 0.96$  для z = 4 (Sn, InBi) и  $c/a \le 0.92$  для z = 3.8, что было экспериментально получено в сплавах Sn – 10 ат. % Hg и Sn – 20 ат. % In [44, 45].

## 3.3. Обобщенный график тетрагональных фаз для деформации ГЦК-ОЦК. Модель взаимодействия сферы Ферми

и зоны Бриллюэна и устойчивость тетрагональных фаз На рисунке За приведена обобщенная картина для тетрагональных фаз в сплавах на основе In и Sn, отражающая изменение *с/а* от ГЦК до ОЦК в зависимости от *z*. Этот график объединяет тетрагональные ГЦТ фазы, близкие к ГЦК, и ОЦТ фазы, близкие к ОЦК.

Экспериментальное обоснование для создания объединенного графика получено при исследовании соединения In<sub>5</sub>Bi<sub>3</sub> при высоком давлении [46]. Стехиометрическое соединение в системе In-Bi, соответствующее электронной концентрации z = 3,75, становится нестабильным при давлении выше 15 ГПа и T = 150 °C. Это соединение распадается на две фазы разного состава, которые имеют одинаковую структуру ОЦТ, но различаются по значению c/a: фаза с c/a = 1,126 отвечает составу ~ 34 ат. % Bi (z = 3,68), а фаза с c/a = 0.923 составу ~ 44 ат.% Ві (z = 3,88), как показано на рис. За. Результаты по распаду соединения In<sub>5</sub>Bi<sub>3</sub> под давлением на две ОЦТ фазы с c/a > 1 и c/a < 1 показывают существование критической области составов вблизи z = 3,75, в которой для тетрагональных ОЦТ фаз, близких к ОЦК, происходит скачкообразное изменение от c/a > 1 к c/a < 1. Соединение In<sub>5</sub>Bi<sub>3</sub> с z = 3,75 попадает в область разрыва c/a, и это объясняет распад соединения под давлением на две тетрагональные фазы с разными c/a и, соответственно, с разными z.

Выше была рассмотрена область скачкообразного изменения c/a для ГЦТ фаз, близких к ГЦК, от c/a > 1 к c/a < 1 вблизи составов z = 3,10-3,15. Таким образом, как показано на рис. За, для зависимости c/a от z можно выделить три области. В средней части графика для значений z от 3,15 до 3,75 наблюдается монотонное понижение c/a с увеличением z. Однако при приближении z к позициям ГЦК и ОЦК существуют критические области (вблизи z = 3,15 и 3,75), в которых c/a испытывает скачок с изменением знака соответствующей тетрагональной деформации.

3.3.1. Деформация ГЦК-ОЦК и модель СФ-ЗБ. Для объяснения наблюдаемой зависимости c/a от z следует рассмотреть баланс двух основных энергетических вкладов: электростатической энергии и энергии зонной структуры электронов. Электростатический вклад, выражаемый константой Маделунга α, имеет два минимума для кубических структур ГЦК и ОЦК, как показано на вставке к рис. За, с невысоким, пологим максимумом между этими минимумами [22]. При учете только электростатического вклада деформация ГЦК-ОЦК сопровождается монотонным изменением c/a, как это имеет место в промежуточной области z = 3,15-3,75. Резкое изменение с/а вне этой области, вблизи значений с/а для ГЦК и ОЦК фаз, следует отнести за счет другого вклада — энергии зонной структуры электронов, учитываемого моделью взаимодействия СФ-ЗБ.

При изменении состава сплавов с возрастанием z для структур, соответствующих фазам данного состава, происходит возрастание  $k_F$ , что вызывает деформацию зоны Бриллюэна, как показано на рис. 36. В области z = 3,15 происходит изменение условий касания сферы Ферми и уголков зоны Бриллюэна: касание точек W' сменяется касанием точек W (рис. 36, верхний ряд). В области z > 3,75 структура определяется близостью  $k_F$  к плоскостям зоны Бриллюэна типа (200) ОЦК структуры (рис. 36, нижний ряд). "Притяжение" этих плоскостей к сфере Ферми и подтягивание уголков 3Б внутрь сферы определяет степень тетрагонального искажения ОЦК структуры. Соответствие структур ГЦТ – ОЦТ показано на рис. 36 внизу слева.

Таким образом, структурное превращение ГЦК – ОЦК (деформация Бейна) осуществляется в сплавах на основе In и Sn при изменении состава — числа валентных электронов на атом металла в сплаве, т.е. при изменении внутреннего параметра z. Зависимость c/a от z в пределах этого превращения имеет немонотонный характер: в средней, промежуточной области c/a почти линейно зависит от z, но в областях, близких к ГЦК или ОЦК, c/aиспытывает значительное отклонение от линейного поведения. Полученная зависимость объясняется балансом электростатического и электронного вкладов.

Рассмотрение структурной перестройки ГЦК – ОЦК проведено для sp-металлов и сплавов — элементов In и Sn и сплавов на их основе с соседними по Периодической системе элементами (Cd, Hg, Pb, Bi). Для этих элементов и их сплавов общепринятым является представление, что поведение валентных электронов в них близко к модели свободных электронов. В соответствии с этой моделью среднее число валентных электронов на атом (z) задает радиус сферы Ферми  $k_{\rm F} = (3\pi^2 z/V)^{1/3}$ , величина которого определяет конфигурацию зоны Бриллюэна таким образом, чтобы взаимодействие СФ – ЗБ обеспечивало минимальное значение вклада энергии зонной структуры электронов в совокупности с электростатическим вкладом.

Выше отмечалось, что существует два минимальных значения электростатической энергии в ряду ОЦТ структур, соответствующих переходу от ГЦК к ОЦК структуре, т.е. для  $c/a = \sqrt{2}$  и 1. Выходя за пределы этих значений, можно отметить другие значения c/a, для которых будут наблюдаться минимумы  $E_{\text{эл.-ст.}}$  (рис. 4а). Так, для ОЦТ структуры при  $c/a = \sqrt{2/3} \approx 0,816$  возникает атомная конфигурация с координационным числом N = 10. С другой стороны, для ОЦТ структур при



Рис. 4. Расширение модели деформации Бейна за пределы перехода ГЦК – ОЦК. (а) Сплошными стрелками показаны предполагаемые минимумы электростатической энергии в дополнение к ГЦК и ОЦК; шкала c/a приведена для установок ГЦТ и ОЦТ. (б) Предполагаемое положение на графике c/a от z для некоторых фаз лантанидов (Се) и актинидов (Th, Pa) и тетрагональных фаз пниктидов (данные о структуре фаз и ссылки приведены в тексте). Горизонтальные линии соответствуют минимумам электростатической энергии, приведенным на рис. а.

 $c/a = \sqrt{3}$  возникает особая симметрия в обратном пространстве с образованием правильных гексагональных сечений зоны Бриллюэна для случая  $\mathbf{q}_{101} = \mathbf{q}_{002}$ . Можно предположить особую устойчивость тетрагональных структур со значениями c/a, при которых энергия кристаллической структуры минимизируется благодаря двум вкладам — электростатическому и электронному.

**3.3.2.** Возможное применение модели СФ-ЗБ для анализа устойчивости тетрагональных фаз в редкоземельных металлах и актинидах и их соединениях. Представляет интерес провести на основании изложенной модели рассмотрение тетрагональных фаз в металлах со сложной конфигурацией валентных электронов, например, в лантанидах и актинидах, а также в некоторых соединениях этих металлов. Для этого класса материалов валентное состояние можно попытаться описать эффективным числом валентных электронов, дающих существенный вклад на уровне Ферми.

Наблюдаемые экспериментальные значения c/a для тетрагональных фаз некоторых лантанидов и актинидов позволяют определить их место на графике c/a от z и оценить соответствующее "эффективное" значение z. Так, ОЦТ структура протактиния с c/a = 0,825 ложится на график c/a для ОЦТ фаз типа Sn вблизи  $z \sim 3,5$ , что соответствует частичной делокализации f-электронов в Ра (рис. 4б). Из рисунка видно, что при c/a = 0,816 ОЦТ-Ра близок к электростатическому минимуму. Возможно, именно поэтому ОЦТ фаза Ра обладает особой устойчивостью при высоких давлениях, и ее осевое отношение сохраняется практически неизменным [47] вплоть до 70 ГПа.

Последовательность превращений под давлением с изменением степени тетрагонального искажения кубической структуры наблюдается в церии: ГЦК структура (или ОЦТ с  $c/a = \sqrt{2}$ ) переходит в объемноцентрированную моноклинную, близкую к ОЦТ с c/a = 1,52 [48], и затем в ОЦТ с c/a = 1,7, устойчивую до 200 ГПа [49]. Фазы ОЦТ церия на общем графике c/a от z (рис. 46) занимают положение для z = 3, соответствующее двум ветвям касания СФ-ЗБ в точках W' (c/a = 1,52) и W (c/a = 1,7). Фаза ГЦК, стабильная при более низком давлении, соответствует минимуму электростатической энергии при  $c/a = \sqrt{2}$ . Эффекты СФ-ЗБ стабилизируют тетрагональные фазы при более высоком давлении. Дополнительный вклад в стабильность ОЦТ фазы с c/a = 1,7, по-видимому, обусловлен близостью минимума электростатического вклада при  $c/a = \sqrt{3}$ .

Рассмотренной модели соответствует металл группы актинидов торий, у которого конфигурация валентных электронов подобна церию. Для тория под давлением также происходит превращение ГЦК – ОЦТ с  $c/a \sim 1,7$ , и ОЦТ фаза сохраняет устойчивость до давлений  $\sim 300$  ГПа [50]. Устойчивость тетрагональных фаз в Се и Th при высоком давлении является проявлением значительной роли электронного вклада, а осевые отношения c/a для ОЦТ фаз описываются моделью СФ – 3Б.

Рассмотренная модель позволяет объяснить тетрагональные фазы высокого давления для некоторых соединений лантанидов и актинидов, в частности, для монопниктидов — соединений Ln и An с элементами V группы (As, Sb и Bi). При нормальных условиях эти соединения имеют структуру типа NaCl и под давлением переходят в более компактную структуру — кубическую типа CsCl, или тетрагонально-искаженную, близкую к CsCl [51]. Интересно, что халькогениды Ln и An — соединения с элементами VI группы — не образуют под давлением тетрагональной структуры, а только кубическую структуру типа CsCl. Это позволяет предположить определяющую роль электронного фактора при образовании тетрагональных фаз, близких CsCl, принимая в этих фазах формальное значение  $z \sim 3,5$ , соответствующее на графике зависимости c/a от z (рис. 4б) значению  $c/a \sim 0.82$ , наблюдаемому экспериментально для LaSb и других соединений [51]. Таким образом, модель зависимости c/a от числа валентных электронов, развитая для простых sp-металлов и сплавов, может найти применение для понимания стабильности тетрагональных фаз в металлах со сложной конфигурацией внешних электронных оболочек, например, в лантанидах и актинидах, а также в некоторых соединениях на их основе.

В заключение этого раздела, в котором рассмотрена кристаллическая структура индия и его сплавов, следует остановиться на имеющихся данных по структуре и свойствам при высоком давлении для легких элементов III группы бора и галлия. Исследования тетрагональных фаз в сплавах In при высоком давлении и анализ зависимости c/a от давления позволяют оценить пределы изменения c/a для возможных тетрагональных фаз элементов III группы при сжатии. Кристаллическая структура металлического бора в настоящее время не определена, но можно предполагать образование сложных структур, известных для Ga при нормальном и высоком давлении, а также ОЦТ структуры типа In. Структура Ga-II, устойчивая при давлении от 2 до 10 ГПа, определена недавно как орторомбическая, имеющая 104 атома в ячейке, оС104 [52]. При более высоком давлении Ga переходит в ОЦТ фазу, подобную ОЦТ-In, и затем в ГЦК. В теоретических расчетах бора [53] при высоком давлении рассматриваются структуры ГЦК и ОЦТ со значением  $c/a \sim 0.65 - 0.67$ . Принимая во внимание хорошее соответствие данных для тетрагональных фаз в сплавах In модели взаимодействия СФ-3Б, можно предположить для бора ОЦТ фазу с c/a, близким к  $\sqrt{2}$ , как для In и Ga. Интерес к металлическому состоянию бора вызван обнаружением сверхпроводимости в этом элементе при  $P \ge 160$  ГПа с  $T_{\rm c} = 4$  К и ростом Т<sub>с</sub> до 11 К при 250 ГПа [54]. Изменение сверхпроводимости с возрастанием T<sub>c</sub> наблюдается и для Ga: орторомбическая фаза Ga при атмосферном давлении имеет  $T_{\rm c} = 1,09$  K, а для фазы Ga-II получено  $T_{\rm c} = 6,4$  K при 3,5 ГПа [55]. Следует отметить для Ga возрастание электросопротивления в сложной фазе оС104 по сравнению с фазой ОЦТ, тип In [56]. Можно предполагать, что скачок сопротивления при переходе в Ga-oC104 связан с

	7,5 39 42 55 60 67
Li	ОЦК — ГЦК — $hR1 \rightarrow cI16 \rightarrow OPT1 \rightarrow OPT2 \rightarrow OPT3 < 85$ ГПа
	65 103
Na	ОЦК $\rightarrow$ ГЦК $\rightarrow$ $cI16 \rightarrow$ (?) $\rightarrow$ (?) $<$ 165 ГПа
	11,6 20
Κ	ОЦК $\rightarrow \Gamma$ ЦК $\rightarrow$ (host – guest) < 60 ГПа
	7 13 17 20 48
Rb	ОЦК $\rightarrow \Gamma$ ЦК $\rightarrow oC52 \rightarrow (host - guest) \rightarrow tI4 \rightarrow oC16 < 70 \ \Gamma \Pi a$
	2,4 4,2 4,3 12 72
Cs	ОЦК $\rightarrow$ ГЦК $\rightarrow$ $oC84$ $\rightarrow$ $tI4$ $\rightarrow$ $oC16$ $\rightarrow$ ДГПУ $<223$ ГПа
	20 32 113
Ca	$\Gamma \amalg K \to O \amalg K \to \Pi K \to$ сложная (?) < 120 $\Gamma \Pi a$
	3,5 27 35 49
Sr	$\Gamma$ ЦК $\rightarrow$ ОЦК $\rightarrow$ β-Sn, $tI4 \rightarrow mI12 \rightarrow (host - guest) < 117 \ \Gamma\Pi a$
	5,5 12 45
Ba	ОЦК $\rightarrow \Gamma \Pi Y \rightarrow (host - guest) \rightarrow \Gamma \Pi Y < 105 \ \Gamma \Pi a$

	12 13 16 38 42 80
Si	$\mathit{cF4} \rightarrow \beta\text{-Sn}, \mathit{tI4} \rightarrow \mathit{Imma}, \mathit{oI4} \rightarrow \Pi\Gamma \rightarrow \mathit{oC16} \rightarrow \Gamma\Pi \mathrm{Y} \rightarrow \Gamma\mathrm{L}\mathrm{K} < 250\ \Gamma\Pi\mathrm{a}$
	11 75 85 102 160
Ge	$cF4 \rightarrow \beta$ -Sn, $tI4 \rightarrow Imma$ , $oI4 \rightarrow \Pi\Gamma \rightarrow oC16 \rightarrow \Gamma\Pi \Psi < 180 \ \Gamma\Pi a$
	0 8 45
Sn	$cF4 \rightarrow \beta$ -Sn, $tI4 \rightarrow O$ ЦТ $\rightarrow O$ ЦК $< 120 \ \Gamma \Pi a$
	13 110
Pb	ГЦК — ГПУ — ОЦК < 270 ГПа
	5 10 103 137 260
Р	${\rm OPT} \rightarrow hR2 \rightarrow \Pi {\rm K} \rightarrow$ сложная (?) $\rightarrow \Pi \Gamma \rightarrow {\rm OUK}$ (?) $<\!280~\Gamma\Pi{\rm a}$
	25 48 97
As	$hR2 \rightarrow \Pi K \rightarrow (host-guest) \rightarrow O Ц K < 122 \ \Gamma \Pi a$
	8 28
Sb	$hR2 \rightarrow (host-guest) \rightarrow O$ ЦК < 65 ГПа
	2,5 2,7 7,7
Bi	$hR2 \rightarrow mC4 \rightarrow (host-guest) \rightarrow O\amalg K < 220 \ \Gamma\Pi a$
	$\rightarrow oC16 (> 210 ^{\circ}\mathrm{C})$

Рис. 5. Последовательности структурных превращений при повышении давления для элементов I и II групп и для элементов IV и V групп. Над стрелками указаны давления переходов в ГПа.

эффектами Юм-Розери, стабилизирующими сложную низкосимметричную структуру под давлением. Подобное изменение электрофизических свойств при образовании сложных фаз высокого давления рассмотрено ниже для щелочных металлов.

# 4. Щелочные металлы при высоком давлении — новые фазы Юм-Розери

Последовательности структурных превращений для щелочных металлов (ЩМ) и щелочно-земельных металлов (ЩЗМ) представлены на рис. 5. Данные приведены с использованием работ [30, 53, 57]. Полученные в последнее время результаты приведены по данным оригинальных работ, цитируемых и обсуждаемых в тексте. Для сравнения и необходимого обсуждения приведены также последовательности структур под давлением для элементов IV и V групп.

### 4.1. Легкие щелочные металлы

Для самого простого металла — щелочного элемента лития Ашкрофтом было предсказано [58] сложное поведение при сильном сжатии с возможностью "спаривания" валентных электронов и образования молекулярной фазы. Недавние структурные исследования Li под давлением позволили установить образование сложной кубической фазы Li при давлении выше 40 ГПа [3]. Структура имеет 16 атомов в ячейке, пространственная группа  $I\bar{4}$  3*d*, символ Пирсона сЛ16 (рис. 6а). Эту структуру можно рассмотреть как сверхячейку к ОЦК 2 × 2 × 2 с небольшим смещением позиций атомов вдоль пространственной диагонали. Именно это смещение атомов приводит к образованию новых структурных рефлексов, при этом важно отметить, что вектор обратной решетки для первого отражения (211) близок к 2k<sub>F</sub>, т.е. плоскости зоны Бриллюэна (211) лежат почти на сфере Ферми  $(q_{211}/2 = k_F)$ . Общий вид зоны Бриллюэна-Джонса, построенный для граней (211), показан на рис. 66 по данным работ [59, 60]. Это высокосимметричный полиэдр (тетрагон-триоктаэдр) с 24 плоскостями, хорошо аккомодирующий сферу, с заполнением электронными состояниями ~ 90 % (в модели свободных электронов), что соответствует условиям фаз Юм-Розери.

Рассмотрение структуры Li-c/16 в модели взаимодействия СФ-3Б позволяет предположить, что причиной стабилизации этой низкосимметричной структуры является проявление эффектов Юм-Розери, как и в случае структуры гамма-латуни, рассмотренной выше. Энергия кристаллической фазы понижается при образо-



**Рис. 6.** Структура лития *с1*16 при 45 ГПа. (а) Положение атомов в кристаллической ячейке (из работы [3]). (б) Зона Бриллюэна с плоскостями (211) и сфера Ферми для *z* = 1 (по данным работы [59]).



Рис. 7. (а) Сверхпроводимость лития под давлением (из работы [63]). (б) Зависимость удельного электросопротивления лития от плотности, измеренная в ударных экспериментах. Для каждой серии измерений указаны начальная температура и максимальное давление. Числа около точек — расчетные температуры (из работы [65]).



**Рис. 8.** Поверхность Ферми для лития в структуре ОЦК при нормальном давлении (а) и в структуре ГЦК при *P* ~ 30 ГПа (по данным расчетов [66]) (б, в).

вании плоскостей ЗБ вблизи уровня Ферми и возникновении энергетической щели на этих плоскостях. Эффекты взаимодействия СФ-ЗБ модифицируют распределение плотности электронных состояний со значительным повышением вблизи (ниже)  $k_{\rm F}$  и понижением непосредственно на уровне  $k_{\rm F}$ .

Сверхпроводимость в Li возникает при P > 20 ГПа в диапазоне давлений, где стабильна ГЦК фаза, достигая максимальных значений 14–20 К с последующим спадом и немонотонным ходом [61–63] (рис. 7а). Электросопротивление Li возрастает под давлением. Это наблюдалось в исследованиях как при статическом [64], так и при динамическом нагружении [65] (рис. 76). Изменение электрофизических свойств Li довольно значительно уже в ГЦК фазе и связано с усилением эффектов Юм-Розери, которые приводят к отклонению поверхности Ферми от сферической формы и образованию контакта с плоскостями 3Б, как показано в теоретических расчетах [66] (рис. 8).

Структура c/16 найдена также для натрия, но при более высоком давлении ~ 103 ГПа [16]. Между двумя легкими ЩМ Li и Na имеется общность в последовательности структурных превращений ОЦК – ГЦК – c/16. Для лития после ГЦК в небольшом диапазоне давлений (39–42 ГПа) существует дополнительная фаза — ромбоэдрически искаженная ГЦК. Имеются данные о новых сложных фазах Li и Na при более высоких давлениях [16, 67, 68]. Структура этих фаз в настоящее время не определена, но в качестве одной из тенденций можно ожидать дальнейшего усиления эффектов Юм-Розери образования более сложных структур с тем, чтобы 3Б имела большее число плоскостей вблизи уровня Ферми.

#### 4.2. Тяжелые щелочные металлы

Тяжелые ЩМ К, Rb и Cs открывают длинные периоды в Периодической таблице, включающие переходные элементы. Электронные d-оболочки, заполняемые в переходных металлах, для ЩМ находятся выше валентного s-уровня. При сжатии металла происходит расширение энергетических уровней и их относительное смещение [69]. В соответствии с этим предположением d-уровень понижается относительно s-зоны, что приводит к частичному s-d переходу, как показано на рис. 9. Электронным s-d переходом объясняют обычно сложные фазы, возникающие для тяжелых ЩМ под давлением. Однако многочисленность структурных превращений под давле-



Рис. 9. Схематическое представление электронных энергетических уровней в зависимости от атомного объема V (см<sup>3</sup> моль<sup>-1</sup>) для элементов от йода до цезия (по данным работы [69]). При сжатии металла происходит понижение уровня 5d относительно уровня 6s, что приводит к электронному s-d переходу. При очень сильном сжатии возможно перекрытие уровней валентной зоны (5d-6s) и внутренних электронных орбиталей (5p).

нием (для Rb и Cs установлено по 6 фаз) и разнообразие структурных типов приводят к необходимости рассмотрения других факторов, сопровождающих сжатие тяжелых ЩМ, которые будут обсуждаться далее.

**4.2.1.** Родственные Li-*cl* 16 фазы Rb-III и Cs-III. Рассмотрим вначале первые сложные фазы в Rb и Cs, появляющиеся после перехода ОЦК – ГЦК. Долгое время считалось, что фаза Cs-III, образующаяся в узком интервале давлений 4,2–4,3 ГПа, имеет ГЦК структуру и в Cs происходит изоструктурный переход ГЦК – ГЦК, связанный с электронным переходом. Недавно структура Cs-III была установлена как орторомбическая (пространственная группа *C*222<sub>1</sub>, 84 атома в элементарной ячейке, символ Пирсона *oC*84) [4]. Структура Rb-III имеет такую же пространственную группу, 52 атома в ячейке, символ Пирсона *oC*52 [5].

Фазы Cs-*oC*84 и Rb-*oC*52 имеют структурное родство с фазой Li-*cI*16 и могут быть представлены как искаженные сверхструктуры на основе ОЦК [59, 60]. Кубическую структуру Li-*cI*16 можно представить в виде орторомбической ячейки с осями  $2 \times 2\sqrt{2} \times 2\sqrt{2}$  по отношению к ОЦК. Подобным образом можно представить Rb-oC52 в виде сверхструктуры ОЦК  $2 \times 2\sqrt{2} \times 3\sqrt{2}$  и Cs-oC84 в виде сверхструктуры ОЦК  $2 \times 2\sqrt{2} \times 5\sqrt{2}$ . При таком рассмотрении структур Li-cI16, Rb-oC52 и Cs-oC84 очевидна общность их строения из блоков с 8 или 10 атомами, как показано на рис. 10а. Возникновение дополнительных атомов (10 вместо 8) в некоторых структурных блоках для Rb и Cs может быть вызвано уменьшением общего числа валентных электронов (s-типа) на элементарную ячейку из-за их перехода на d-уровни (электронный s-d переход). Это является причиной дополнительного искажения структур Rb-III и Cs-III по сравнению с Li-cI16. Общность рассмотренных структур видна из подобия их дифракционных картин (рис. 10б), различие которых состоит, прежде всего, в расщеплении рефлекса (211), наблюдаемого в Li-cI16, на группу близких рефлексов, положение которых близко к 2k<sub>F</sub>. Построенные ЗБ для Rb-III и Cs-III с плоскостями, отвечающими этим рефлексам, имеют вид, подобный ЗБ для Li-cI16, как показано на рис. 10в. Проведенное рассмотрение позволяет считать механизм Юм-Розери основной причиной образования сложных фаз Rb-oC52 и Cs-oC84 так же, как и Li-*cI*16.

Интересно сопоставить образование сложных фаз Rb-III и Cs-III с изменением электросопротивления этих металлов [70]. В обоих случаях — при 4,2 ГПа для Cs-III и при 14 ГПа для Rb-III — наблюдается скачкообразное возрастание электросопротивления (рис. 11а). Здесь нужно отметить структурное родство фаз Rb-oC52 и CsoC84 с фазой Ga-oC104, имеющей ту же пространственную группу  $C222_1$  и сходный механизм образования сложной сверхячейки [52]. Выше отмечалось, что при переходе в фазу Ga-oC104 сопротивление скачком возрастает по сравнению с фазой Ga-ГЦТ [56]. Можно предполагать, что при образовании фаз типа Юм-Розери происходит понижение плотности электронных состояний на уровне Ферми и сокращение участков поверхности Ферми, что приводит к уменьшению числа электронов, участвующих в проводимости. Возрастание электросопротивления при усилении эффектов Юм-Розери отмечалось выше для случая гамма-латуни.

**4.2.2.** Структуры *t1*4 и *oC*16 для Rb и Cs. Для рубидия и цезия после структурно-родственных фаз *oC*52 и *oC*84 при более сильном сжатии наблюдается образование фаз с одинаковой структурой *t1*4 [71, 72]. Для рубидия между фазами Rb-III (*oC*52) и Rb-V (*t1*4) в интервале давлений 17-20 ГПа возникает еще одна фаза Rb-IV со структурой host – guest [10], которая будет обсуждаться ниже вместе с аналогичными структурами в ЩЗМ.

Характерно, что образование фазы tI4 в Rb и Cs связано с падением электросопротивления, как представлено на рис. 11а, в отличие от подъема сопротивления в фазах oC52 и oC84. Это свидетельствует о существенном различии электронного состояния в этих фазах.



**Рис. 10.** Структуры Li-*c1*16, Cs-*oC*84 и Rb-*oC*52. (а) Представление структур в виде сверхструктуры к ОЦК. На вставке показаны упаковки одинаковых слоев из 8 атомов (серый цвет) и из 10 атомов (черный цвет). (б) Дифракционные картины фаз (шкала межплоскостных расстояний d дана в логарифмическом масштабе); показано положение  $2k_F$  для z = 1. (в) Зоны Бриллюэна с плоскостями, отвечающими структурным рефлексам вблизи  $2k_F$  (из работ [59, 60]).



Рис. 11. (а) Электросопротивление Rb и Cs при высоком давлении (из работы [70]), цифрами указаны давления в кбар; возрастание сопротивления при переходе в сложные фазы Cs-oC84 и Rb-oC52, а также при переходе в Rb-IV (host-guest); падение сопротивления Cs и Rb при переходе в фазу t/4. (б) Сверхпроводимость Cs при 12–14 ГПа:  $T_c = 1,3-1,5$  К для фазы Cs-V-oC16, на разгрузке фаза сохраняется с  $T_c = 1,65$  К при 7,5 ГПа (из работы [77]). (в) Сверхпроводимость Cs с  $T_c = 0,1-0,3$  К в фазе Cs-IV–t/4 при 11–12 ГПа; на вставке указаны давления в кбар (из работы [78]). (г) Зависимость  $T_c$  от давления для кремния (из работы [79]): после минимума  $T_c = 3,3$  К при 37 ГПа наблюдается подъем до 4,9 К при 40 ГПа в фазе oC16 с последующим спадом в ГПУ фазе.

Тетрагональная фаза tI4 имеет пространственную группу  $I4_1/amd$ , как у  $\beta$ -Sn, но другое отношение c/a = 3,73 (вместо ~ 0,54 у β-Sn). Координационное число для фазы tI4 равно 4 + 4 (т.е. происходит уменьшение КЧ по сравнению с КЧ = 12 в ГЦК структуре и  $K\Psi \approx 10-11$  в фазах *оС*52 и *оС*84. При таком уменьшении координационного числа понижается плотность упаковки структуры η (отношение объема атомов в ячейке к объему ячейки), что возможно при значительном уменьшении атомного радиуса при структурном превращении. Следует учесть также изменение атомного объема при переходе, которое составляет для цезия  $\Delta V(II-III) = 6,4 \%$  и  $\Delta V(III-IV) = 6,1 \%$  [4]. Принимая плотность упаковки для tI4 равной  $\eta = 0,56$ (при оценке радиуса атома из кратчайшего расстояния в структуре, равного периоду *a*) и учитывая  $\Delta V(II-IV) =$ = 12 %, можно оценить изменение атомного радиуса *R* в структуре *tI*4 по сравнению с ГЦК ( $\eta = 0,74$ ):

$$\frac{R_{\Gamma \amalg K}}{R_{t/4}} = \left(\frac{\eta_{\Gamma \amalg K}}{0.88\eta_{t/4}}\right)^{1/3} = 1.14.$$

Это соответствует уменьшению атомного радиуса для Cs при переходах II–III–IV на  $\sim 14$ %. Некоторое уменьшение атомного радиуса при переходе II–III следует отнести за счет s–d перехода, однако превращение в фазу tI4 со значительным понижением R, плотности упаковки и координационного числа тре-

бует рассмотрения другого механизма, обсуждаемого далее.

Следующей фазой для Cs и Rb в цепочке превращений под давлением является также общая фаза со структурой oC16-*Cmca* [1, 73]. Этот тип структуры был установлен впервые для Cs-V. Удивительным оказалось обнаружение подобной структуры в элементах IV группы Si и Ge [2, 74]. Предположение о возможности этой структуры в бинарных сплавах Bi–In и Bi–Pb позволило также расшифровать дифракционные данные для фаз высокого давления в них [75]. В эквиатомном сплаве BiSn получена под давлением фаза со структурой oC16-*Cmca*, для которой установлено упорядоченное расположение атомов Bi и Sn по позициям 8d и 8f, соответственно [76]. Для фазы Bi-IV (3,9 ГПа, 503 K) также получено решение на основе структуры oC16-*Cmca* [75].

Таким образом, структура oC16 является характерной для фаз высокого давления поливалентных металлов — элементов IV и V групп и сплавов на основе Ві. Применение концепции СФ–ЗБ и построение зоны Бриллюэна для сильных рефлексов вблизи  $2k_F$  указывает на стабилизацию этой структуры по механизму Юм-Розери (рис. 12). Важно отметить, что зона Бриллюэна, построенная для первых сильных дифракционных пиков, имеет вид симметричного полиэдра с почти правильными гексагональными сечениями в нескольких направлениях. Это обстоятельство существенно для минимизации электростатического вклада и находит



**Рис. 12.** Структура *oC*16-*Стса* в сплаве BiSn (из работы [76]). (а) Дифракционная картина фазы BiSn *oC*16 при давлении 5,8 ГПа; штриховой линией отмечено положение  $2k_F$  для z = 4,4. (б) Зоны Бриллюэна: справа — для плоскостей, соответствующих первым сильным структурным рефлексам (112), (202), (220) и (400); слева — для плоскостей (113), (131), (421) и (511), лежащих вблизи  $2k_F$ ; объем зоны Бриллюэна вмещает 4,3 электронных состояния. (в) Положение атомов в структуре *oC*16; показана проекция вдоль [100]; атомы в позиции 8f для x = 0 и 0,5 образуют сетки  $3^2434$ , атомы в позиция 8d образуют квадратные сетки для x и 1/2-x (x = 0,218). Для фазы BiSn получено упорядоченное положение атомов Sn в позициях 8f и Bi в позициях 8d.

свое отражение в специальном значении отношений  $b \approx c \approx a/\sqrt{3}$  для всех обнаруженных к настоящему времени фаз со структурой *o*C16-*Cmca*.

Образование в щелочных металлах Cs и Rb фаз с типичной для поливалентных металлов структурой оС16 может привести к постановке вопроса о числе свободных электронов в зоне проводимости в этих фазах ЩМ или, другими словами, о возможности перекрытия валентной зоны и электронных уровней остова. Объемное сжатие Rb и Cs при переходе в эти фазы составляет 0,2 и 0,25, соответственно. Можно предположить, что уже в фазе tI4 в связи с обсуждаемым выше понижением компактности упаковки для этой структуры и уменьшением атомного радиуса начинается соответствующее перекрытие валентной зоны и уровней остова. Падение электросопротивления в фазе tI4 для Cs и Rb при таком допущении может быть связано с увеличением числа электронов в зоне проводимости за счет притока электронов из внутренних орбиталей остова. Возможность гибридизации sp- и d-орбиталей при уменьшении объема вследствие понижения d-уровней и повышения внутренних р-уровней рассмотрена в работе [69] (рис. 9). Согласно теоретическим расчетам, подобное перекрытие электронов остова и валентной зоны осуществляется при гораздо более сильном сжатии.

Завершая обсуждение тяжелых ЩМ, следует отметить обнаружение сверхпроводимости в Cs под давлением [77, 78]. Сѕ становится сверхпроводящим в фазе tI4 с  $T_c = 0, 1-0, 3$  К при 11–12 ГПа. Скачкообразное повышение  $T_c$  до 1,3 К при 13–14 ГПа соответствует переходу в фазу оС16, а на разгрузке для этой фазы получено  $T_{\rm c} = 1,65$  К при 7,5 ГПа (рис. 116). Для сравнения следует отметить значительное возрастание Т<sub>с</sub> для кремния в ходе повышения давления в области стабильности фазы oC16 [79] (рис. 11г). Высокие значения  $T_c$ характерны для фаз оС16 в сплавах висмута. В сплаве BiSn получено значение  $T_c = 7,4$  К при 3 ГПа после отжига при 363 К [80]. В сплавах Ві с Іп и Рb промежуточные фазы высокого давления, структура которых определена недавно в работе [75] как оС16, также были получены высокие значения T<sub>c</sub> от 7,5 до 8,7 К [81, 82]. Отметим для Cs и Si связь повышения T<sub>c</sub> и усиления эффектов Юм-Розери в фазе оС16.

Здесь не обсуждаются превращения под давлением в калии, для которого установлены переходы ОЦК –

ГЦК – сложная фаза типа host – guest. Последняя подобна фазе Rb-IV [16], рассматриваемой ниже вместе с аналогичными фазами в щелочно-земельных металлах.

# 5. Щелочно-земельные металлы при высоком давлении

При нормальном давлении легкие ЩЗМ Са и Sr имеют ГЦК структуру и переходят при сжатии в ОЦК, а тяжелый ЩЗМ Ва имеет структуру ОЦК уже при нормальном давлении. Превращение ГЦК – ОЦК связывается обычно с s – d переходом, который прогрессирует при следовании вдоль группы и происходит для более тяжелых ЩЗМ при более низком давлении, а для Ва осуществляется уже при атмосферном давлении.

Следующий переход для Са и Sr происходит при сжатии до 0,43-0,44 от исходного объема  $V_0$  в структуры с понижением плотности упаковки и координационного числа. Кальций переходит при P = 32 ГПа в простую кубическую (ПК) структуру с координационным числом 6 [83]. Эта фаза устойчива в широком диапазоне давлений до 113 ГПа и переходит в сложную структуру, которая еще не определена [84].

Для Sr следующая после ОЦК фаза имеет структуру  $\beta$ -Sn в интервале давлений 26–35 ГПа, а при P = 35– 49 ГПа в Sr наблюдается сложная моноклинная фаза, m/12, которая рассматривается как сверхструктура к ячейке  $\beta$ -Sn с утроенным объемом ячейки [85, 86]. При давлении свыше 50 ГПа возникает фаза Sr-V с host-guest структурой, устойчивая до высоких давлений (< 117 ГПа) [7]. Эту структуру имеет фаза Ba-IV в интервале давлений 12–45 ГПа [6]. Установленные недавно структуры фаз ЩЗМ анализируются ниже подробно и сопоставляются с электрофизическими свойствами этих фаз.

# 5.1. Простая кубическая структура в кальции и фаза β-Sn в стронции

Плотность упаковки ПК структуры составляет 0,52 и является более низкой по сравнению с 0,62 для ОЦК. Переход ОЦК – ПК связан со значительным уменьшением атомного радиуса R, рассчитываемого из контакта атомов в структуре. Учитывая скачок объема  $\Delta V$ (ОЦК – ПК) = –8 % при 32 ГПа, можно оценить отношение атомного радиуса для Са в этих структурах:

$$\frac{R_{\rm OUK}}{R_{\rm \Pi K}} = \left(\frac{\eta_{\rm OUK}}{0.92\eta_{\rm \Pi K}}\right)^{1/3} = 1.12.$$

Уменьшение радиуса для Са на 12% при переходе ОЦК-ПК соответствует по величине уменьшению радиуса для Сs при переходе  $\Gamma$ ЦК-tI4, как было рассмотрено выше.

Структура ПК реализуется под давлением в элементах V группы — фосфоре и мышьяке. Структура ПК в фосфоре существует при давлении 10–110 ГПа, в этой структуре фосфор является сверхпроводником с  $T_c = 9,5$  К при 35 ГПа [87]. ПК мышьяк устойчив в интервале давлений 25–48 ГПа и проявляет сверхпроводящие свойства с  $T_c$  до 2,5 К [88]. Кальций также становится сверхпроводником в ПК фазе с  $T_c = \sim 5-7$  К (рис. 13). Критическая температура кальция растет до 15 К при 150 ГПа [89], но эти высокие значения  $T_c$  для Са достигаются в фазе со сложной, еще неустановленной структурой.



Рис. 13. Сверхпроводимость элементов в фазах с простой кубической (ПК) структурой (из работ [87–89]): (а) фосфор; (б) мышьяк; (в) кальций (в сравнении с Ва и Sr).

Применение модели СФ – ЗБ для ПК – Са показывает, что эта структура невыгодна при z = 2. Можно было бы

попытаться объяснить стабильность ПК-фазы Са в рамках этой модели в предположении, что *z* принимает значение между 3 и 4. Для такого значения *z* в связи с



**Рис. 14.** Электросопротивление Са при высоком давлении: (а, б) статическое нагружение (из работ [90]); (в) динамическое нагружение (из работы [91]).

эффектами Юм-Розери вазможен рост электросопротивления, подобный тому, который наблюдался экспериментально при статическом сжатии [90] и при сжатии взрывом [91] (рис. 14). Обсуждать такую возможность, как и в случае ЩМ, можно лишь при учете перекрытия валентной зоны с электронными состояниями остова. Однако для Са, как и для Сs, в теоретических работах показано, что перекрытие валентных и внутренних электронных орбиталей возникает при гораздо более высоких сжатиях, а особенности структуры и электрофизических свойств Са под давлением, включая как упомянутый рост электросопротивления, так и последующее его падение [91] (рис. 146), объясняются перекрытием внешних электронных уровней s – d- или sp – d-типа (см., например, [69, 18]).

В Sr сверхпроводимость появляется в фазе  $\beta$ -Sn и растет в следующей фазе — искаженной  $\beta$ -Sn — до 4 К [92]. Еще более высокое значение  $T_c$  до 7 К получено для Sr-V в фазе host-guest, обсуждаемой ниже.

### 5.2. $\Phi$ asa host-guest

### в тяжелых щелочно-земельных металлах

Это было непредсказуемое открытие — установление в Ba-IV несоразмерной фазы (host-guest) — первой несоразмерной фазы в элементе, о которой было представлено сообщение на XVIII Международном кристаллографическом конгрессе в Глазго в 1999 г. группой исследователей из Эдинбурга под руководством Р. Нельмса [6]. Подобная фаза найдена также для Sr-V [7]. Это стало возможным с развитием методики исследований монокристаллических объектов при высоких давлениях. При обсуждении этого результата автором статьи было высказано предположение о возможности подобной структуры в фазе Bi-III, для которой ранее была предложена моноклинная структура, но характер расположения атомов имел сходство с host-guest структурой Ва-IV. Действительно, при проведении монокристальных исследований для Bi-III была установлена несоразмерная структура, близкая к Ва-IV, но с отличием для встроенной (guest) структуры [8]. В соответствии с правилом гомологии, подобная несоразмерная структура образуется и в других элементах V группы -Sb и As [8, 9].

Кристаллическая структура host-guest для Bi-III (рис. 15) состоит из квадратно-треугольных сеток в



**Рис. 15.** Структура host–guest для Bi-III (по данным работы [8]). Слева — сетки  $3^2434$  атомов host на уровнях z = 0 (темно-серые шары) и z = 1/2 (светло-серые шары) показаны сплошной и штриховой линиями, соответственно. Атомы guest показаны черным цветом. Справа — общий вид guest-подструктуры с тетрагональной объемноцентрированной ячейкой в том же масштабе.

плоскости ab, упакованных вдоль направления с таким образом, что в соседних слоях квадраты совмещены центрами, но развернуты сторонами и образуют каналы вдоль оси *с*, в которых размещены цепочки атомов guest. Расстояния между атомами в цепочках несоизмеримы с периодом с тетрагональной подструктуры host, и образуемая цепочками подструктура guest имеет тетрагональную ячейку с периодами a и b, как для host, но с другим периодом с. Периоды с несоразмерны: отношение с для host к с для guest равно  $\sim 1,31$  для Bi-III. Цепочки guest образуют подрешетки разного типа в разных элементах, например, объемноцентрированную тетрагональную для Ві и Sb и базоцентрированную тетрагональную для Ва и Sr. Цепочки guest могут перестраиваться для одного элемента в пределах существования host-guest фазы, например, переходить из тетрагональной ячейки в моноклинную (Sb, Ba), образовывать сверхструктуры и даже "плавиться" — утрачивать взаимную корреляцию и дальний порядок в расположении, как это наблюдается для Rb-IV [11]. Это указывает на особый тип связи в цепочках guest, которая возможно имеет локализованный d-характер.

Образование близких по структуре фаз высокого давления для ЩЗМ и элементов V группы ставит вопрос о близком валентно-электронном строении элементов в этих фазах, особенностью которого является проявление d-связи в атомных цепочках. Электрофизические свойства для этих фаз также имеют общий характер поведения. Прежде всего, следует отметить характерный скачок с возрастанием сопротивления в висмуте при переходе II-III и почти равное ему по величине падение при переходе III-V из host-guest в ОЦК [93] (рис. 1а). Такой же рост сопротивления происходит у Ва при переходе из ГПУ в host-guest (рис. 1б). Можно отнести это возрастание сопротивления в несоразмерной фазе за счет образования цепочек, с участием d-связи, что приводит к уменьшению числа свободных электронов, участвующих в проводимости.



Рис. 16. (а, б) Зависимость электросопротивления от давления для Ві (из работы [93]) (а) и для Ва (из работы [96]) (б). Температура сверхпроводящего перехода для Ва в точке  $C_1$  равна ~ 2 К, а в точке  $C_2 - 5$  К. (в, г) Сверхпроводимость Sr (в) и Ва (г) под давлением (из работы [92]). Фаза host-guest имеет значение  $T_c$ , равное 7 К и 5 К для Sr и Ва, соответственно. Для ГПУ фазы Ва-V получено  $T_c = 7$  К на разгрузке.

Несоразмерная фаза в ЩМ Rb при давлении 17– 20 ГПа имеет также цепочки в подструктуре guest, хотя подструктура host имеет другую атомную конфигурацию [10], чем в Ba, Sr и элементах V группы. Именно за счет образования цепочек с d-связью следует отнести возрастание сопротивления при переходе Rb-III в Rb-IV (рис. 11а).

Образованию несоразмерных фаз в Sb, Bi, Ba и Sr соответствуют относительно высокие значения  $T_c$  (для Bi-III  $T_c = 7,2$  K при 2,8 ГПа [94], для Sb-II  $T_c = 3,55$  K при 8,5 ГПа [95], для Ba-IV  $T_c = 5$  K при 14 ГПа [96] и для Sr-V  $T_c = 7$  K при 45 ГПа [92]) (рис. 16в, г).

### 6. Заключение

Проведенные обсуждения структурных превращений под давлением для отдельных элементов и сопоставление с изменением электрофизических свойств дают некоторую общую картину проявления различных факторов, определяющих структуру и свойства простых металлов при сжатии. Интересно проследить изменение сверхпроводящих свойств Ва в зависимости от его структурных превращений ОЦК — (5,5) ГПУ — (12) host-guest — (45) ГПУ (в скобках указано давление перехода, ГПа). Сверхпроводимость возникает уже в ОЦК фазе  $(T_{\rm c} = 0.06 \text{ K}$  при 3,7 ГПа) и растет в пределах этой фазы (0,5 К при 4,8 ГПа) [97]. Для ГПУ фазы *T*<sub>c</sub> = 1,3 К при 5,5 ГПа, и с давлением  $T_c$  повышается до ~2,7 К. Образование фазы host-guest связано со значительным возрастанием Тс до 5 К при 14 ГПа [96]. С ростом давления T<sub>c</sub> в этой фазе имеет пологое понижение и плавный переход до 4 К (46 ГПа), наблюдаемый для следующей фазы Ва-V (ГПУ). Последняя фаза сохраняет устойчивость при разгрузке до 25 ГПа с повышением T<sub>с</sub> до 7 К (рис. 16г).

Анализ зависимости T<sub>c</sub> от давления позволяет сделать некоторые выводы об изменении электронных свойств Ва в различных фазах. Можно предполагать, что в ОЦК фазе сверхпроводимость возникает и Т<sub>с</sub> возрастает вследствие усиления эффектов Юм-Розери под давлением, как это имеет место в ГЦК-литии. Более высокие значения T<sub>c</sub> в ГПУ фазе следует отнести за счет s-d перехода и также усиления эффектов Юм-Розери. Резкое возрастание  $T_c$  при переходе в host-guest структуру, возможно, связано с дальнейшим перекрытием электронных уровней (сжатие при 12,8 ГПа составляет 0,48) и усилением d-связи. Понижение T<sub>c</sub> с давлением является типичным для нормальных металлов. Различное поведение T<sub>c</sub> для двух фаз Ва с одинаковой ГПУ структурой указывает на существенное различие в электронном строении этих фаз. Высокие значения T<sub>c</sub> для Ca позволяют предположить, что сложная фаза Са, которая образуется после ПК, может иметь характер host-quest [84]. Для этой фазы можно ожидать, в соответствии с проведенным обсуждением, перекрытия электронных валентных уровней остова и усиления d-связи.

Таким образом, характер изменения электрофизических свойств в металлах при сжатии коррелирует с кристаллической структурой и валентно-электронным состоянием образующихся фаз. Возрастание сопротивления связано с усилением эффектов Юм-Розери повышением плотности состояний ниже уровня Ферми и понижением плотности состояний непосредственно на уровне Ферми (уменьшение свободной поверхности Ферми). Другой эффект, приводящий к росту электросопротивления, — это уменьшение числа свободных носителей заряда за счет образования d-связи (цепочечной), т.е. за счет переходов s-d или sp-d (в элементах V группы). Эти причины обусловливают повышение плотности состояний вблизи уровня Ферми и относительно высокие  $T_c$  для фаз c host-guest структурой.

Систематика и анализ данных по структуре и свойствам ЩМ, ЩЗМ и элементов IV и V групп приводит к некоторым выводам.

1. Переход ЩМ при сжатии из ОЦК в ГЦК и затем в сложные фазы Li-c/16, Rb-oC52 и Cs-oC84 связан с механизмом Юм-Розери — образованием плоскостей зоны Бриллюэна вблизи поверхности Ферми, что понижает энергию электронов и, соответственно, энергию кристаллической структуры.

2. Относительная сложность фаз Rb-*o*C52 и Cs-*o*C84 по сравнению с Li-*cI*16 связана с частичным s-d переходом в тяжелых ЩМ.

3. Образование в ЩМ и ЩЗМ при значительном сжатии фаз с host-guest структурой следует отнести за счет усиления и локализации d-связей с образованием атомных цепочек.

4. Для элементов V группы возможна гибридизация валентных электронов sp-уровней и более высокого d-уровня, понижающегося с давлением, что приводит к образованию цепочечных несоразмерных структур, аналогичных структурам ЩЗМ.

Образование гибридных spd-связей при сжатии общее явление для поливалентных элементов и проявляется под давлением в элементах VI и VII групп. Это показали совсем недавние открытия нового типа структур — несоразмерных модулированных — в элементе VII группы йоде [12] и в элементах VI группы Те, Se и S [13, 14]. Обнаруженные фазы возникают на пороге металлизации этих элементов. Модулированные структуры элементов VI группы состоят из атомных цепочек с кратчайшим межатомным расстоянием, упакованных параллельно с некоторым сдвигом в расположении цепочек, так что атомы в соседних цепочках образуют волну



Рис. 17. Модулированная несоразмерная структура Те-III, стабильная при давлениях 4,5–29 ГПа (из работы [13]). Элементарная ячейка — моноклинная объемноцентрированная с параметрами a = 3,918 Å, b = 4,733 Å, c = 3,061 Å,  $\beta = 113,5^{\circ}$  при 8,5 ГПа. На рисунке показаны 4 ячейки в проекции вдоль оси a. Атомы, центрирующие ячейки, отмечены символом "1/2". Показаны межатомные расстояния с фиксированным значением (темным цветом) и с переменной — модулированной — величиной (светлым цветом). Расстояния атомов вдоль оси c одинаковы — атомы образуют жесткие цепочки, имеющие относительное смещение вдоль оси b. Модуляционная волна показана штриховой линией. Вектор модуяции (0, q, 0) имеет значение q = 0,28 и является несоразмерным с периодом b. Подобная структура установлена для других элементов VI группы: селена (при давлениях 28–80 ГПа) и серы (при давлениях 83–153 ГПа) (из работ [13, 14]).

модуляции, несоразмерную с периодом ячейки *b*, как показано на рис. 17. Можно предполагать одинаковый характер связи атомов в цепочках несоразмерных фаз элементов V и VI групп с участием d-электронов. Для элементов V группы в образовании цепочек участвует ~ 1/4 атомов, а для элементов VI группы в цепочки вовлечены все атомы, что указывает на большее число электронов, имеющих d-характер связи. С этим предположением согласуется обнаружение сверхпроводимости в модулированных фазах для йода и элементов VI группы с довольно высокими значениями  $T_c$  (1,2 К для йода, 4,2 К для Te, 5,8 К для Se и 10–14 К для S). Обсуждение сверхпроводящих свойств этих элементов под давлением дано в работах [14, 98].

История открытий новых структур в элементах под давлением еще продолжается и далеко не исчерпана. Элементы, расположенные в левой и правой частях Периодической таблицы и разделенные переходными металлами, обнаруживают значительное сходство между собой. Еще один пример сложного поведения под давлением — элемент Sc, расположенный в начале ряда переходных металлов. Его структура при нормальном давлении — ГПУ. Под давлением в диапазоне до 297 ГПа для Sc в настоящее время обнаружено 5 новых фаз [99], структура которых устанавливается. Можно ожидать образования структур типа host-guest с локализованной d-связью, а также структур с понижением плотности упаковки, аналогичных фазам ЩМ и ЩЗМ. Подтверждением этого является недавнее сообщение об установлении несоразмерной композитной структуры для Sc-II выше 20 ГПа [100], соответствующей обнаруженным ранее скачкообразному возрастанию сопротивления и появлению сверхпроводимости в этой фазе ( $T_{\rm c} = 0.35$  K при 21 ГПа) [101].

Обсуждаемые в данной работе основные факторы воздействия на структуру простых sp-металлов связаны с двумя основными вкладами в энергию кристаллического состояния — электростатическим и зонным вкладом валентных электронов. Баланс этих вкладов при сжатии металлов смещается с усилением роли электронного вклада, что приводит к усилению взаимодействия поверхности Ферми (близкой к сфере для простых металлов) и плоскостей зоны Бриллюэна. Фактор взаимодействия СФ-ЗБ является определяющим для структуры некоторых простых металлов и сплавов, например, для фаз Юм-Розери в сплавах Cu-Zn и для тетрагональных фаз сплавов In и Sn. Структура фаз в этих системах контролируется электронной концетрацией, и устойчивость фаз определяется взаимным соответствием СФ и ЗБ, или эффектами Юм-Розери. Экспериментальные исследования показывают, что воздействие давления для этих сплавов приводит к усилению эффектов Юм-Розери. Сложное поведение простых металлов — ЩМ и ЩЗМ — при высоком давлении, состоящее в переходе из типично металлических, компактных и высокосимметричных структур (ГЦК, ОЦК, ГПУ) в структуры с понижением компактности упаковки и координационного числа, является проявлением изменений в электронной подсистеме и сопровождается немонотонным поведением электрофизических свойств. Структурные превращения при высоком давлении с тенденцией понижения симметрии и плотности упаковки связаны с усилением эффектов Юм-Розери взаимодействия сферы Ферми и зоны Бриллюэна.

Автор выражает благодарность Е.Г. Понятовскому, В.Е. Фортову и Е.Г. Максимову за полезные обсуждения. Работа выполнена при поддержке гранта РФФИ 04-02-17343.

### Список литературы

- 1. Schwarz U et al. Phys. Rev. Lett. 81 2711 (1998)
- 2. Hanfland M et al. Phys. Rev. Lett. 82 1197 (1999)
- 3. Hanfland M et al. Nature 408 174 (2000)
- 4. McMahon M I, Nelmes R J, Rekhi S Phys. Rev. Lett. 87 255502 (2001)
- 5. Nelmes R J et al. Phys. Rev. Lett. 88 155503 (2002)
- 6. Nelmes R J et al. *Phys. Rev. Lett.* **83** 4081 (1999)
- 7. McMahon M I et al. Phys. Rev. B 61 3135 (2000)
- McMahon M I, Degtyareva O, Nelmes R J Phys. Rev. Lett. 85 4896 (2000)
- 9. Degtyareva O, McMahon M I, Nelmes R J High Press. Res. 24 319 (2004)
- 10. McMahon M I, Rekhi S, Nelmes R J Phys. Rev. Lett. 87 055501 (2001)
- 11. McMahon M I, Nelmes R J Phys. Rev. Lett. 93 055501 (2004)
- 12. Takemura K et al. *Nature* **423** 971 (2003)
- 13. Hejny C, McMahon M I Phys. Rev. Lett. 91 215502 (2003)
- 14. Degtyareva O et al. Phys. Rev. B 71 214104 (2005)
- 15. Колобянина Т Н *УФН* **172** 1361 (2002)
- Syassen K, "Simple metals at high pressure", in *High Pressure Phenomena, Varenna, Italy, July 3–13, 2001* (Proc. of the Intern. School of Physics "Enrico Fermi", Course 147, Eds R J Hemley et al.) (Amsterdam: IOS Press, 2002) p. 251
- 17. Schwarz U Z. Kristallogr. 219 376 (2004)
- 18. Максимов Е Г, Магницкая М В, Фортов В Е УФH 175 793 (2005)
- 19. Ашкрофт Н, Мермин Н Физика твердого тела (М.: Мир, 1979)
- 20. Китель Ч Введение в физику твердого тела (М.: Наука, 1978)
- 21. Харрисон У Псевдопотенциалы в теории металлов (М.: Мир, 1968)
- Хейне В, Коэн М, Уэйр Д Теория псевдопотенциала (М.: Мир, 1973)]
- 23. Hume-Rothery W J. Inst. Met. 35 319 (1926)
- 24. Mott N F, Jones H *The Theory of the Properties of Metals and Alloys* (Oxford: The Clarendon Press, 1936)
- Pearson W B A Handbook of Lattice Spacings and Structures of Metals Vol. 2 (New York: Pergamon Press, 1967)
- 26. Degtyareva V F et al. J. Phys.: Condens. Matter 17 7955 (2005)
- 27. Mountfield K R, Rayne J A Phys. Rev. B 27 3263 (1983)
- 28. Bain E C Trans. AIME 70 25 (1924)
- 29. Donohue J The Structure of the Elements (New York: Wiley, 1974)
- 30. Young D A *Phase Diagrams of the Elements* (Berkeley: Univ. of California Press, 1991)
- Alippi P, Marcus P M, Scheffler M Phys. Rev. Lett. 78 3892 (1997); Marcus P M, Alippi P Phys. Rev. B 57 1971 (1998)
- Верещагин Л Ф, Кабалкина С С, Троицкая З В ДАН СССР 158 1061 (1964)
- Takemura K Phys. Rev. B 44 545 (1991); Takemura K, Fujihisa H Phys. Rev. B 47 8465 (1993)
- 34. Takemura K, Kobayashi K, Arai M Phys. Rev. B 58 2482 (1998)
- 35. Simak S I et al. Phys. Rev. Lett. 85 142 (2000)
- Хансен М, Андерко К Структуры двойных сплавов (М.: Металлургиздат, 1962)
- Pearson W B A Handbook of Lattice Spacings and Structures of Metals Vol. 1 (New York: Pergamon Press, 1958)
- 38. Свечкарев И В ЖЭТФ 47 960 (1964)
- 39. Degtyareva O et al. J. Phys.: Condens. Matter 13 7295 (2001)
- 40. Degtyareva V F et al. J. Phys.: Condens. Matter 15 1635 (2003)
- 41. Olijnyk H, Holzapfel W B J. Phys. Colloq. (Paris) 45 C8-153 (1984)
- 42. Cheong B H, Chang K J Phys. Rev. B 44 4103 (1991)
- 43. Degtyareva V F, Winzenick M, Holzapfel W B *Phys. Rev. B* **57** 4975 (1998)
- 44. Degtyareva V F et al. Phys. Rev. B 59 6058 (1999)
- 45. Degtyareva V F et al. Phys. Rev. B 61 5823 (2000)
- Degtyareva O, Degtyareva V F J. Phys.: Condens. Matter 14 407 (2002)

- 47. Benedict U et al. J. Magn. Magn. Mater. 29 287 (1982); Haire R G et al. Phys. Rev. B 67 134101 (2003)
- Endo S, Sasaki H, Mitsui T J. Phys. Soc. Jpn. 42 882 (1977); Olsen J S et al. Physica B+C 133 129 (1985); McMahon M I, Nelmes R J Phys. Rev. Lett. 78 3884 (1997)
- 49. Vohra Y K et al. J. Appl. Phys. 85 2451 (1999)
- 50. Vohra Y K, Akella J Phys. Rev. Lett. 67 3563 (1991)
- 51. Benedict U J. Alloys Comp. **223** 216 (1995); Shirotani I et al. *Physica* B **334** 167 (2003)
- 52. Degtyareva O et al. Phys. Rev. Lett. 93 205502 (2004)
- Mailhiot C, Grant J B, McMahan A K *Phys. Rev. B* 42 9033 (1990); Bose S K, Kato T, Jepsen O *Phys. Rev. B* 72 184509 (2005)
- 54. Eremets M I et al. Science 293 272 (2001)
- 55. Тонков Е Ю Фазовые диаграммы элементов при высоком давлении (М.: Наука, 1979)
- 56. Jayaraman A et al. J. Phys. Chem. Solids 24 7 (1963)
- Tonkov E Yu, Ponyatovsky E G Phase Transformations of Elements Under High Pressure (Advances in Metallic Alloys, Vol. 4) (Boca Raton, Fla.: CRC Press, 2005)
- 58. Neaton J B, Ashcroft N W Nature 400 141 (1999)
- 59. Degtyareva V F High Press. Res. 23 253 (2003)
- Degtyareva V F, in *High-Pressure Crystallography* (NATO Sci. Series, Ser. II, Vol. 140, Eds A Katrusiak and P McMillan) (Dordrecht: Kluwer Acad. Publ., 2004) p. 447
- 61. Shimizu K et al. *Nature* **419** 597 (2002)
- 62. Struzhkin V V et al. Science 298 1213 (2002)
- 63. Deemyad S, Schilling J S Phys. Rev. Lett. 91 167001 (2003)
- 64. Lin T H, Dunn K J Phys. Rev. B 33 807 (1986)
- 65. Fortov V E et al. Письма в ЖЭТФ 74 418 (2001)
- Rodriguez-Prieto A, Bergara A, cond-mat/0505619; Profeta et al. Phys. Rev. Lett. 96 047003 (2006); Kasinathan D et al. Phys. Rev. Lett. 96 047004 (2006)
- 67. Hanfland M et al., ESRF Annual Report HS-1839 (2002)
- 68. Gregoryanz E et al. *Phys. Rev. Lett.* **94** 185502 (2005)
- 69. Ross M, McMahan A K Phys. Rev. B 26 4088 (1982)
- Wittig J, in *High Pressure in Science and Technology: Proc. of the IX* AIRAPT Intern. Conf., Albany, New York, USA, July 24–29, 1983 (Materials Research Soc. Symp. Proc., Vol. 22, Eds C Homan, R K MacCrone, E Whalley) (New York: North-Holland, 1984) p. 17
- 71. Takemura K, Minomura S, Shimomura O *Phys. Rev. Lett.* **49** 1772 (1982)
- 72. Olijnyk H, Holzapfel W B Phys. Lett. A 99 381 (1983)

- 73. Schwarz U et al. Solid State Commun. 112 319 (1999)
- 74. Takemura K et al. Phys. Rev. B 62 R10603 (2000)
- 75. Degtyareva V F Phys. Rev. B 62 9 (2000)
- Degtyareva V F, Degtyareva O, Allan D R *Phys. Rev. B* 67 212105 (2003)
- 77. Wittig J Phys. Rev. Lett. 24 812 (1970)
- Ullrich K, Berichte Kernforschungsanlage Jülich JUEL-1634 (1980) p. 1
- 79. Erskine D et al. Phys. Rev. Lett. 57 2741 (1986)
- 80. Рабинькин А Г, Лаухин В Н ЖЭТФ 61 642 (1971)
- 81. Лаухин В Н *ФТТ* **16** 2765 (1974)
- Лаухин В Н, Матющенков В К, Рабинькин А Γ ΦΤΤ 16 276 (1974)
- 83. Olijnyk H, Holzapfel W B Phys. Lett. A 100 191 (1984)
- 84. McMahon M I et al., ESRF Annual Report HS-2303 (2003)
- 85. Allan D R et al. Rev. High Pressure Sci. Technol. 7 236 (1998)
- 86. Bovornratanaraks T et al. Phys. Rev. B (2006) (in press)
- Karuzawa M, Ishizuka M, Endo S J. Phys.: Condens. Matter 14 10759 (2002)
- 88. Chen A L et al. *Phys. Rev. B* **46** 5523 (1992)
- 89. Okada S et al. J. Phys. Soc. Jpn. 65 1924 (1996)
- Dunn K J, Bundy F P *Phys. Rev. B* 24 1643 (1981); Yabuuchi T et al. *J. Phys. Soc. Jpn.* 74 2391 (2005)
- 91. Фортов В Е и др. Письма в ЖЭТФ 79 425 (2004)
- Bireckoven B, Wittig J, in *High Pressure in Science and Technology:* Proc. of the XI AIRAPT Intern. Conf., Kiev, USSR, 12-17 July 1987 (Kiev: Naukova Dumka, 1989) p. 14
- Andersson G, Sundqvist B, Bäckström G J. Appl. Phys. 65 3943 (1989)
- 94. Брандт Н В, Гинзбург Н И ЖЭТФ 39 1554 (1960)
- 95. Wittig J J. Phys. Chem. Solids 30 1407 (1969)
- 96. Wittig J, Matthias B T Phys. Rev. Lett. 22 634 (1969)
- 97. Probst C, Wittig J Phys. Rev. Lett. 39 1161 (1977)
- 98. Shimizu K, Amaya K, Suzuki N J. Phys. Soc. Jpn. 74 1345 (2005)
- Akahama Y, Fujihisa H, Kawamura H Phys. Rev. Lett. 94 195503 (2005)
- 100. Fujihisa H et al. Phys. Rev. B 72 132103 (2005)
- 101. Wittig J et al. Phys. Rev. Lett. 42 469 (1979)

## Simple metals at high pressures: the Fermi sphere - Brillouin zone interaction model

### V.F. Degtyareva

Institute of Solid State Physics, Russian Academy of Sciences, 142432 Chernogolovka, Moscow Region, Russian Federation Tel. (7-496) 993-27 55. Fax (7-496) 524-97 01 E-mail: degtyar@issp.ac.ru

High-pressure structural transformations are analyzed for simple *sp*-elements and some binary alloys. The crystal structure stability of these metals depends on the Fermi surface – Brillouin zone interaction. An increase in this interaction with increasing pressure results in transitions to less symmetric, less densely packed structures. A structural similarity is shown between the high-pressure phases for alkali and alkali-earth metals and for polyvalent group IV and V elements. Correlation between the behavior under compression of the structure and physical properties (resistivity and superconductivity) of these metals is discussed in terms of the Fermi sphere – Brillouin zone interaction model.

PACS numbers: 61.50.Ks, 61.66.Bi, 62.50.+p

Bibliography - 101 references

Uspekhi Fizicheskikh Nauk 176 (4) 383-402 (2006)

Received 17 February 2005, revised 25 October 2005

Physics-Uspekhi 49 (4) (2006)