

2. Гравитационно-волновые всплески от слияния ЧД в двойных системах.

3. Обнаружение радиопульсара в двойной системе с ЧД (ожидается один пульсар в паре с ЧД на  $\sim 1000$  пульсаров).

4. Детальное исследование профилей рентгеновских линий и быстрой переменности рентгеновских потоков от аккрецирующих ЧД.

5. Исследование гравитационного микролинзирования ядер галактик звездами более близких галактик — гравитационных линз (угловое разрешение до  $10^{-6}$  секунды).

6. Рутинное накопление надежных определений масс кандидатов в ЧД, статистическое сравнение наблюдаемых свойств ЧД с параметрами НЗ.

PACS numbers: 47.37. + q, 97.60.Gb, 97.60.Jd

## Сверхтекучесть в нейтронных звездах

Д.Г. Яковлев

### 1. Введение

Нейтронные звезды (НЗ) — самые компактные из всех звезд. Их массы порядка  $1,4 M_{\odot}$ , где  $M_{\odot}$  — масса Солнца, а радиусы около 10 км. Соответственно, средняя плотность вещества НЗ составляет несколько  $\rho_0$ , где  $\rho_0 = 2,8 \times 10^{14} \text{ г см}^{-3}$  — плотность материи в атомных ядрах. В лабораторных условиях атомные ядра почти несжимаемы. НЗ часто называют природными лабораториями вещества сверхъядерной плотности.

По современным представлениям [1], НЗ состоит из четырех основных слоев. Снаружи, до плотности  $4 \times 10^{11} \text{ г см}^{-3}$ , расположена *внешняя кора*, состоящая из вырожденных электронов (e) и ионов (ядер). Глубже, до плотности  $\sim 0,5 \rho_0$ , простирается *внутренняя кора*, состоящая из ядер, электронов и свободных нейтронов (n). Далее, до  $\sim 2\rho_0$  идет *внешнее ядро*, содержащее ферми-жидкость нейтронов с небольшой примесью вырожденных электронов и протонов (p) и, возможно, мюонов. Наконец, в центре расположено *внутреннее ядро*, состав которого неясен. Надежной теории сверхплотного вещества НЗ пока нет. Основная трудность — описать сильное взаимодействие разных частиц с учетом коллективных эффектов. Взамен строгой теории построено много разных теоретических моделей. По одним моделям, в ядрах НЗ появляются гипероны, по другим — пионный или каонный конденсат, либо плазма легких, почти свободных夸克ов (u, d и s). Не исключены и смеси различных фаз, например, гиперонной и夸克овой. Одни модели дают достаточно жесткое уравнение состояния, благодаря чему максимально возможные массы НЗ велики,  $(2-3) M_{\odot}$ . По другим моделям, уравнение состояния является умеренным или мягким, и максимальные массы ниже,  $(1,5-2) M_{\odot}$ . Природа вещества ядер НЗ составляет основную загадку этих звезд. Ее решение имело бы фундаментальное значение для физики и астрофизики.

Следует упомянуть гипотезу Виттена [2], по которой плазма почти свободных夸克ов представляет собой абсолютно устойчивое состояние вещества не только при высоких давлениях, но и при нулевом давлении. Если это так, то вместо НЗ существуют так называемые

*странные звезды*, почти целиком состоящие из кваркового вещества с плотностью  $\gtrsim \rho_0$ .

НЗ наблюдаются во всех диапазонах электромагнитного спектра, от радиоволн до жестких гамма-лучей. Они могут быть одиночными объектами или входить в двойные системы. Они проявляют себя как радио- и рентгеновские пульсары, вспыхивающие рентгеновские источники, рентгеновские транзиенты, источники мягких повторяющихся гамма-всплесков, аномальные рентгеновские пульсары. Рождение НЗ во вспышках сверхновых приводит к мощным всплескам нейтринного излучения. НЗ могут быть мощными источниками гравитационного излучения.

### 2. Сверхтекущие щели

Одна из важных особенностей НЗ — *сверхтекучесть* барионной составляющей их вещества. Считается, что сверхтекучесть обусловлена куперовским спариванием барионов с противоположными импульсами под действием притягивающей составляющей сильного взаимодействия частиц. Сверхтекучесть возникает при понижении температуры  $T$  ниже критической температуры  $T_c$  и ведет к появлению щели  $\Delta$  в дисперсионном соотношении барионов вблизи уровня Ферми. Наличие щели практически не влияет на уравнение состояния вещества, т.е. на массы и радиусы НЗ.

Во внутренней коре НЗ возможна сверхтекучесть свободных n, а также нуклонов в атомных ядрах. В ядре НЗ сверхтекучими могут быть n, p и другие частицы. Сверхтекучесть заряженных частиц, например p, означает сверхпроводимость.

Сверхтекучесть нейтронов в НЗ предсказал Мигдал [3]. Вольф [4] показал, что спаривание нейтронов в синглетном состоянии ( ${}^1S_0$ ) возможно в коре НЗ, но исчезает в ядре НЗ, поскольку с ростом плотности ядерное притяжение n в синглетном состоянии сменяется отталкиванием. Однако Хоффберг и др. [5] отметили, что в ядре НЗ возможно триплетное спаривание ( ${}^3P_2$ ) n с анизотропной щелью. Ввиду относительно малой концентрации p их спаривание в ядре НЗ обычно является синглетным. Расчету критических температур  $T_{cn}$  и  $T_{cp}$  в НЗ посвящено много работ (см., например, ссылки в [6]). Результаты сильно зависят от используемой модели ядерного взаимодействия и многочастичной теории и меняются в присутствии каонного или пионного конденсатов.

В гиперонном веществе возможно спаривание гиперонов [7], а в кварковом — кварков [8].

Во всех указанных случаях микроскопические расчеты дают критические температуры  $T_c \lesssim 10^{10}$  К и ниже. Недавно предсказан [9] новый тип сверхтекучести кварков, состоящий в спаривании разных кварков (ud, us, ds). При характерной энергии Ферми кварков  $\sim 500$  МэВ можно ожидать критических температур  $T_c \sim 50$  МэВ  $\sim 5 \times 10^{11}$  К. Правда, такому спариванию препятствует различие импульсов Ферми разных кварков. При достаточно сильном различии спаривание должно исчезать.

### 3. Вихревые нити и флюксоиды

Для простоты сперва рассмотрим ядро врачающейся НЗ, состоящее из n, p и e. Вращение сверхтекучей жидкости n реализуется [10, 11] в виде квантованных вихревых нитей (вихрей Фейнмана–ОНзагера), параллельных оси вращения НЗ. Полное количество вихрей в НЗ  $\sim 2 \times 10^{16}/P$ , где  $P$  — период вращения в секундах.

Суммарное вихревое движение сверхтекучей жидкости воспроизводит твердотельное вращение с периодом  $P$ . Вихри проникают и во внутреннюю кору НЗ, где есть сверхтекучесть п. Торможение сверхтекучей жидкости при замедлении вращения НЗ связано с дрейфом вихрей наружу и гибелью на границе области сверхтекучести.

Сверхпроводимость р в ядре НЗ описывают теорией Гинзбурга – Ландау. Как правило, длина когерентности (2–6 фм) значительно короче длины лондоновского экранирования (100–300 фм), т.е. образуется сверхпроводник второго рода. Если изначально в ядре НЗ имелось магнитное поле  $B$ , то после перехода в сверхпроводящее состояние оно разбивается на флюксоиды (нити Абрикосова) — тонкие трубки магнитного поля, параллельные исходному полю. Полное количество флюксоидов  $\sim 10^{31}$  ( $B/10^{12}$  Гс).

Вихревые нити могут цепляться (испытывать пиннинг) за атомные ядра или дефекты кристалла атомных ядер в коре НЗ, а также за флюксоиды в ядре НЗ. При этом возможны и эффекты ползучести (проскальзывания). В силу эффекта увлечения сверхтекучего движения р вихревым движением и (аналогично увлечению сверхтекучего  $^3\text{He}$  движением сверхтекучего  $^4\text{He}$  [12]), нейтронные вихри в ядре НЗ приобретают магнитные моменты. Электроны (они несверхтекучи) рассеиваются на магнитном поле флюксоидов и вихрей [13], что обеспечивает жесткую связь электронов со сверхтекучими и р (так называемое *взаимное трение*). На вихри и флюксоиды действуют и другие силы (сила Магнуса, сила плавучести и пр.).

Другой характер имеет сверхпроводимость кваркового вещества. По оценкам, при любом спаривании кварков (одинаковых или разных) возникает сверхпроводник первого рода, выталкивающий магнитное поле (см. раздел 5).

#### 4. Сбои периодов пульсаров

Одиночные радиопульсары медленно тормозятся, расходя вращательную энергию на излучение электромагнитных волн. У некоторых пульсаров наблюдаются сбои периодов (глитчи). Почти мгновенно (по-видимому, за несколько минут) период вращения НЗ падает, а потом плавно растет (релаксирует) и за время порядка месяца вновь выходит на режим медленного роста (т.е. торможения НЗ). Наиболее частые и сильные глитчи показывают пульсары в созвездии Парусов и в Крабовидной туманности. Относительные сбои их периодов составляют  $\sim 10^{-6}$  и  $\sim 10^{-8} - 10^{-7}$ , соответственно.

Самая популярная модель глитчей разработана Альпаром и др. (см. например, [14]) и использует идею о сверхтекучести п. Благодаря взаимному трению (см. раздел 3) ядро пульсара фактически вращается твердотельно. Оно жестко скреплено с несверхтекучей частью коры и вращается вместе с ней. Относительно независима лишь сверхтекучая жидкость п в коре пульсара. Момент сил, тормозящий НЗ, приложен к несверхтекучей части коры. При спокойном торможении вращение жидкости п в коре успевает отслеживать торможение остальной части НЗ благодаря постоянному отрыву вихревых нитей от одних пиннинговых центров и прикреплению к другим. Однако отставание торможения сверхтекучей жидкости в коре может накапливаться, что и приводит к глитчу — массовому отрыву вихрей и последующей релаксации (прикреплению к новым центрам). Теория требует, чтобы момент инерции сверхтеку-

5\*

чей жидкости в коре НЗ составлял  $\sim 10^{-2}$  от полного момента инерции. Большую неопределенность в теорию вносит трудность расчета пиннинга вихрей в коре пульсара.

#### 5. Эволюция магнитного поля в ядре звезды

При образовании НЗ в ее ядре может возникнуть сильное магнитное поле. Для простоты сначала опишем его эволюцию в модели ядра, состоящего из п, р и е.

Если сверхпроводимость отсутствует, то магнитное поле испытывает обычное омическое затухание. В достаточно слабом поле ( $B \lesssim 10^{11}$  Гс) электросопротивление изотропно и столь мало, что время диссипации превосходит возраст Вселенной [11]. В более сильном поле электросопротивление поперек поля может значительно возрасти благодаря замагниченности е и р, что ускоряет диссипацию до  $10^6 - 10^8$  лет [15].

При сверхпроводимости протонов (второго рода) эволюция поля определяется дрейфом флюксоидов. Простые оценки дают время вытеснения флюксоидов из сверхпроводника омической диффузией  $\sim 10^8$  лет [11]. В последующих работах учитывались и другие механизмы взаимодействия флюксоидов со средой. Самые механизмы изучены недостаточно полно; совместный учет всех механизмов сложен, и результаты не слишком определены. Так, Шринивасан и др. [16] учили пиннинг флюксоидов и вихревых нитей. При замедлении вращения пульсара вихревые нити дрейфуют наружу и тащат за собой флюксоиды, т.е. вытеснение флюксоидов происходит за время торможения пульсара ( $\sim 10^8 - 10^{10}$  лет). Динг и др. [17] учили проскальзывание флюксоидов и вихревых нитей и взаимное трение. Хсу [18] принял во внимание силу, действующую на флюксоиды и пропорциональную градиенту сверхтекучей щели протонов. По его модели флюксоиды вблизи центра НЗ могут дрейфовать к центру звезды.

В звезде со сверхпроводящим кварковым ядром (сверхпроводник первого рода) происходит вытеснение всего поля из ядра в соответствии с эффектом Мейснера. Простые оценки [19] дали время вытеснения на основе омической диффузии  $\sim 10^4$  лет. Чай [20] отметил, что вытеснение может сопровождаться усилением неоднородностей магнитного поля и затягиваться до  $10^7$  лет. Алфорд и др. [21] рассмотрели вытеснение при спаривании одинаковых и разных кварков и в обоих случаях получили время, превышающее возраст Вселенной.

Эволюция магнитных полей в ядрах НЗ требует дальнейшего рассмотрения. Она может быть связана с тепловой эволюцией НЗ, эволюцией магнитного поля в коре НЗ и с возможной аккрецией на НЗ с компаньоном в двойной системе.

#### 6. Затухание колебаний звезд

Колебания НЗ могут возбуждаться по разным причинам. Особый интерес привлекают так называемые г-моды [22] — колебания, связанные с волнами плотности, способными излучать гравитационные волны и усиливаться под действием этого излучения. Предполагается, что г-моды возникают в молодых, быстро вращающихся НЗ, рожденных во вспышках сверхновых, и существуют в них достаточно долго (от нескольких дней до года), уменьшая их скорость вращения и приводя к мощному гравитационному излучению. Гравитационные детекторы нового поколения, например, LIGO-II и LIGO-III,

могли бы регистрировать несколько таких событий в год с расстояния до 20 Мпк.

Однако вязкость ядра НЗ приводит к затуханию колебаний. В отсутствие сверхтекучести характерное время затухания под действием сдвиговой вязкости составляет  $\tau \sim 10 T_9^2$  лет, где  $T_9$  — температура ядра НЗ, выраженная в  $10^9$  К. В горячей несверхтекучей НЗ затухание под действием объемной вязкости оказывается сильнее. Здесь можно выделить три случая.

(а) Если в ядре НЗ отсутствуют гипероны или кварки и бета-равновесие поддерживается реакцией модифицированного урка-процесса, то для колебаний с частотой  $\omega \sim 10^4$  с<sup>-1</sup> объемная вязкость [23] доминирует при  $T \gtrsim 10^9$  К, давая  $\tau \sim 1/T_9^6$  лет. При типичном значении  $T \sim 10^9$  К, время  $\tau$  может составлять несколько лет.

(б) Если бета-равновесие поддерживается реакциями прямого урка-процесса, то объемная вязкость и темп нейтринного охлаждения усилияется на несколько порядков [24]. Объемная вязкость начнет доминировать при  $T \gtrsim 10^8$  К, давая  $\tau \sim 1/T_9^4$  мин. В этом случае температура упадет до  $\sim 10^8$  К примерно за несколько дней и время  $\tau$  тоже составит несколько дней.

(в) При наличии гиперонов или кварков объемная вязкость определяется безнейтринными реакциями с участием этих частиц [25, 26] и возрастет настолько, что будет доминировать при  $T \gtrsim 10^7$  К, давая  $\tau \sim 1/T_9^2$  с.

Вне зависимости от темпа нейтринного охлаждения для молодой НЗ имеем  $\tau$  порядка нескольких минут. Таким образом, существование г-мод критически зависит от присутствия в НЗ гиперонов или кварков.

Влияние сверхтекучести на затухание колебаний двояко. С одной стороны, наличие щели в дисперсионном соотношении сверхтекучих частиц может резко уменьшить объемную вязкость и замедлить затухание колебаний [27]. С другой стороны, взаимное трение эквивалентно большой эффективной вязкости, так что  $\tau \lesssim 10^4$  с [28]. Появление сверхтекучести в остывающей НЗ зависит от режима остывания и значений  $T_c$ . Возможно, в молодой НЗ сверхтекучесть не успевает возникнуть и не влияет на г-моды. Однако она может сильно демпфировать колебания более старых НЗ.

## 7. Остывание звезд

Уменьшение температуры поверхности со временем в остывающей НЗ регулируется, в частности, нейтринной светимостью и теплоемкостью НЗ (см., например, [6]). Наличие щели в дисперсионном соотношении сверхтекучих частиц меняет теплоемкость и уменьшает скорость нейтринных реакций с участием этих частиц. Более того, возникает новый специфический механизм нейтринного излучения при куперовском спаривании частиц. В отсутствие сверхтекучести возможно так называемое *медленное остывание* за счет нейтринных реакций модифицированного урка-процесса или *быстрое остывание* за счет прямого урка-процесса. Сверхтекучесть может привести к тому, что быстрое остывание выглядит как медленное и наоборот. Тем самым сверхтекучесть в ядре НЗ может стать мощным регулятором остывания. Это позволяет, в принципе, определять критические температуры в ядре НЗ путем сравнения теории остывания с наблюдениями теплового излучения НЗ.

В частности, это было сделано [6] для упрощенных моделей НЗ, ядра которых состоят только из n, p и e, в предположении, что критические температуры  $T_{\text{cn}}$  и  $T_{\text{cp}}$

постоянны по ядру НЗ. Были выбраны модели НЗ с массами 1,3 или  $1,48 M_\odot$ , соответствующие выключенному или включенному прямому урка-процессу. Результаты сопоставлены с температурами поверхности нескольких НЗ умеренного возраста ( $10^4$ – $10^6$  лет), полученными путем интерпретации наблюдавших спектров излучения с помощью чернотельной модели или моделей водородных атмосфер. В четырех случаях (два значения массы и два типа интерпретации спектров) были определены значения  $T_{\text{cn}}$  и  $T_{\text{cp}}$ , удовлетворяющие основным наблюдательным данным. Во всех случаях оказалось, что  $T_{\text{cn}} \approx 3 \times 10^8$  К. Полученные результаты являются предварительными. На следующем этапе нужно рассмотреть более реалистичные модели сверхтекучести, в которых значения  $T_c$  меняются по ядру НЗ.

## 8. Заключение

Сверхтекучесть барионной составляющей вещества (ну克лоны, гипероны, кварки) внутри НЗ предсказывается почти всеми микроскопическими расчетами. Однако теоретические значения  $T_c$  очень неопределенны.

Сверхтекучесть сильно влияет на многие процессы, происходящие в НЗ (глитчи, эволюция магнитного поля, затухание колебаний, остывание). При этом теоретическое описание многих эффектов сверхтекучести пока несовершенно.

В принципе, свойства сверхтекучести можно исследовать, сравнивая результаты теоретических моделей с наблюдениями НЗ. Можно ожидать, что такие исследования прояснят свойства сверхтекучести и помогут решить основную загадку НЗ — определить состав и уравнение состояния вещества в их недрах.

Работа частично поддержана РФФИ (грант 99-02-18099).

## Список литературы

- Шапиро С Л, Тьюколски С А *Черные дыры, белые карлики и нейтронные звезды* Т. 1, 2 (М.: Мир, 1985)
- Witten E *Phys. Rev. D* **30** 272 (1984)
- Migdal A B *Nucl. Phys.* **13** 655 (1959)
- Wolf R A *Astrophys. J.* **145** 834 (1966)
- Hoffberg M et al. *Phys. Rev. Lett.* **24** 775 (1970)
- Яковлев Д Г, Левенфиш К П, Шибанов Ю А УФН **169** 825 (1999)
- Balberg S, Barnea N *Phys. Rev. C* **57** 409 (1998)
- Bailin D, Love A *Phys. Rep.* **107** 325 (1984)
- Alford M, Rajagopal K, Wilczek F *Phys. Lett. B* **422** 247 (1998)
- Гинзбург В Л, Киржиц Д А ЖЭТФ **47** 2006 (1964)
- Vaynshteyn L A, Pethick C, Pines D *Nature* **224** 673 (1969)
- Андреев А Ф, Башкин Е П ЖЭТФ **69** 319 (1975)
- Alpar M A, Langer S A, Sauls J A *Astrophys. J.* **282** 533 (1984)
- Alpar M A, in *The Lives of the Neutron Stars* (Eds M A Alpar et al.) (Dordrecht: Kluwer, 1995) p. 185
- Haensel P, Urpin V A, Yakovlev D G *Astron. Astrophys.* **229** 133 (1990)
- Srinivasan G et al. *Current Sci.* **59** 31 (1990)
- Ding K Y, Cheng K S, Chau H F *Astrophys. J.* **408** 167 (1993)
- Hsu S D *Phys. Lett. B* **469** 161 (1999)
- Bailin D, Love A *Nucl. Phys. B* **205** 119 (1982)
- Chau H F *Astrophys. J.* **479** 886 (1997)
- Alford M, Berges J, Rajagopal K *Nucl. Phys. B* **571** 269 (2000)
- Andersson N, Kokkotas K D *Int. J. Mod. Phys. D* (2001) (in press); gr-qc/0010102
- Sawyer R F *Phys. Rev. D* **39** 3804 (1989)
- Haensel P, Schaeffer R *Phys. Rev. D* **45** 4708 (1992)
- Jones P B *Proc. Roy. Soc. London A* **323** 111 (1971)
- Madsen J *Phys. Rev. D* **46** 3290 (1992)
- Haensel P, Levenfish K P, Yakovlev D G *Astron. Astrophys.* **357** 1157 (2000)
- Lindblom L, Mendell G *Phys. Rev. D* **61** 104003 (2000)